

(3) باستعمال مكاملة بالأجزاء، بين أن: $K = \ln e - \frac{1}{2}$

1,25

التمرين الثالث: (10,50 ن)

لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = xe^x + 1 - x$
 وليكن (C) منحنىها الممثل في معلم متعامد منظم (O, \vec{x}, \vec{y}) ($||\vec{x}'|| = ||\vec{y}'|| = 1 \text{ cm}$)

1- أ- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و بين أن المستقيم (A) الذي معادلته

$y = -x + 1$ مقارب حائل للمنحنى (C) بجوار $-\infty$.

ب- ادرس الوضع النسبي لـ (C) و (A) على المجال $]-\infty, 0]$

ج- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ (علل إجوبتك) ثم

أول هذسيما النتيجة الأخيرة.

2- أ- بين أن لكل x من \mathbb{R} : $f'(x) = e^x - 1 + xe^x$

ب- بين أن الدالة f تزايدية على \mathbb{R}^+ و تناقصية على \mathbb{R}^-

ثم راج جد أول تغيراتها على \mathbb{R} بعداً $f(0)$ و $f'(0)$

3- أ- بين أن لكل x من \mathbb{R} : $f''(x) = (x+2)e^x$

ب- ادرس تقعر المنحنى (C) بعداً زرع إحداثي نقطه انعطاف

(C) ج- أنشئ المنحنى (C)

4- أ- بين أن الدالة: $F(x) = (x-1)e^x - \frac{x^2}{2} + x$; $F: x \rightarrow F(x)$ أحادية

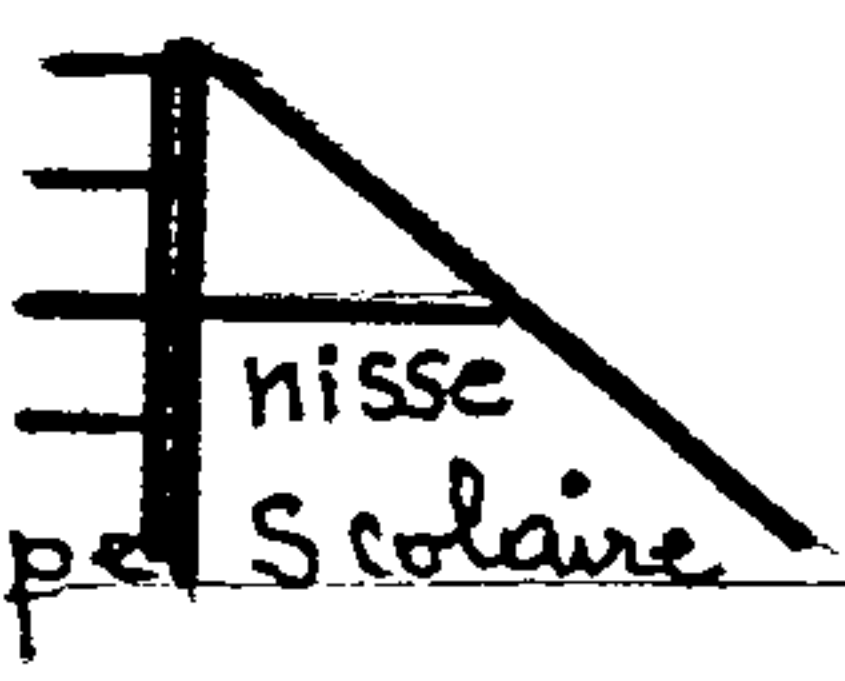
للدالة f على \mathbb{R}

ب- احسب ب cm^2 مساحة الحيز المحصور بين (C) ومحور الأفاصل

والمستقيمين اللذين معادلتهما $x=0$; $x=1$.

النسبة 2 من مسك البكالوريا
 شعبة العلوم الاقتصادية

الاختبار التجريبي (2)
 أبريل 2013



مادة الرياضيات - مدة الاجاز: ساعتان - المعامل 04

التمرين الأول: (6 ن)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بما يلي: $u_0 = 1$
 $u_{n+1} = \frac{u_n}{3 - u_n}$ ($n \in \mathbb{N}$)

1- أ- تحقق أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} = -1 + \frac{3}{3 - u_n}$

ب- بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $0 < u_n < 2$

ج- تحقق أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(u_n - 2)}{3 - u_n}$

واستنتج أن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ متقاربة.

2- نضع لكل n من \mathbb{N} : $v_n = \frac{u_n - 2}{u_n}$

أ- بين أن المتتالية $(v_n)_{n \geq 0}$ هندسية أساسها 3 وحدداً حدها الأول

ب- تحقق أن لكل n من \mathbb{N} : $v_n = \frac{2}{1 - 3^n}$

ج- أكتب u_n بدلالة n واستنتج أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n = \frac{2}{1 + 3^n}$

د- احسب (معلك جوابك) نهاية المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$.

التمرين الثاني: (5,3 ن)

نعتبر التكاملات التالية: $I = \int_0^1 \frac{x}{1+x^2} dx$

$J = \int_0^1 \frac{x^3}{1+x^2} dx$; $K = \int_0^1 x \ln(1+x^2) dx$

1- بين أن $I = \frac{1}{2} \ln 2$

2- أ- تحقق أن لكل x من \mathbb{R} : $\frac{x^3}{1+x^2} = x - \frac{x}{1+x^2}$

ب- استنتج قيمة التكامل J