

الأمتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2016
- الموضوع -

٤٥٠٤٥ | ٤٨٨٥٤ | ٣٥٤٦٤ | ٣٥٤٦٥ | ٣٥٤٦٧ | ٣٥٤٦٨



المملكة المغربية
 وزارة التربية الوطنية
 والتكوين المهني

المركز الوطني للنقويم
 والامتحانات والتوجيه

NS 26



2	مدة الإجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي	الشعبة أو المسلك

تعليمات للمترشح

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة و العمل بها .

يتكون الموضوع الذي بين يديك من ثلاثة تمارين مستقلة فيما بينها في ثلاثة صفحات، الأولى منها خاصة بالتعليمات التالية :

. 1

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناء؛
- يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
- ينبغي عليك تعليم النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات،...).

. 2

- يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة الوارد في الموضوع؛
- ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مفروء؛
- يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتسهيل عملية التصحيح؛
- تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
- تحقق من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

التمرين الأول : (4.5 نقط)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي: $u_0 = 0$ و $u_{n+1} = \frac{2}{5}u_n + 1$ لكل n من \mathbb{N}	
1 . احسب u_1 و u_2	0.5
2 . بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n < \frac{5}{3}$	0.5
3 . أ . بين أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{5}\left(u_n - \frac{5}{3}\right)$	0.5
3. ب . استنتج أن $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية متزايدة وأنها متقاربة.	0.75
4 . نضع $v_n = u_n - \frac{5}{3}$ لكل n من \mathbb{N}	
4. أ . احسب v_0	0.25
4. ب . بين أن المتتالية $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ هندسية أساسها $\frac{2}{5}$	0.5
4. ج . احسب v_n بدلالة n ثم استنتج أن u_n لكل n من \mathbb{N}	1
4. د . احسب النهاية $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$	0.5

التمرين الثاني : (4.5 نقط) (تقدم جميع نتائج هذا التمرين على شكل كسر)

يحتوي كيس على سبع كرات غير قابلة للتمييز باللمس، كرتان لونهما أبيض وثلاث كرات لونها أحمر وكرتان لونهما أخضر. نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الكيس.

1 . نعتبر الحدين التاليين:

A : " الكرتان المسحوبتان من نفس اللون "

B : " من بين الكرتين المسحوبتين توجد على الأقل كرة حمراء "

1.أ . بين أن احتمال الحدث A هو $p(A) = \frac{5}{21}$

1.ب . احسب احتمال الحدث B

1.ج . بين أن $p(A \cap B) = \frac{1}{7}$

1.د . هل الحدثان A و B مستقلان؟ على جوابك.

2 . ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي عدد الكرات الحمراء المسحوبة.

x_i	0	1	2
$p(X=x_i)$			

2. ب . احسب $E(X)$ الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X

التمرين الثالث : (11 نقطة)الجزء الأول:

نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على $[0; +\infty]$ بما يلي :

1.أ . بين أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = -\infty$

1.ب . احسب النهاية $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$

أ. تحقق أن لكل x من $[0; +\infty)$: $g'(x) = \frac{1}{x} + \frac{2}{x^3}$

ب. أعط إشارة $(x)' g$ على $[0; +\infty)$

ج. احسب (1) ثم أعط جدول تغيرات الدالة g على $[0; +\infty)$

د. استنتج من جدول تغيرات g أن $0 \leq g(x) \leq 1$ وأن $0 \leq g(x) \leq 1$ على $[1; +\infty)$

الجزء الثاني:

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $[0; +\infty)$ بما يلي : $f(x) = \frac{1}{x} + x \ln x$ ولتكن (C)

تمثيلها المباني في معلم متعدد منظم (O, \vec{i}, \vec{j})

أ. أ. بين أن $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.

ب. أ. احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم أعط تأويلا هندسيا للنتيجة.

أ. ب. بين أن $(x)' f = g(x) = x + 1$ لكل x من $[0; +\infty)$

ب. احسب $(1) f$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

3. نعتبر الدالة العددية F المعرفة على $[0; +\infty)$ بما يلي :

بين أن F دالة أصلية للدالة f على المجال $[0; +\infty)$

4. في الشكل أسفله (C) هو التمثيل المباني للدالة f و (Δ) هو المستقيم ذو المعادلة

احسب مساحة الجزء المدخل .

