



الصفحة
1
2



الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2011
عناصر الإجابة

4	المعامل	NR26	الرياضيات	المادة
س 2	مدة الإجابة	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي		الشعب (ة) أو المسلك

المجموع	التمرين الأول (2.5 ن)		
0.5	1. حل المعادلة هما 1 و 2 : 0.5		
1	2. أ. حل المعادلة هما e و e ² : 1		
1	2. ب. مجموعة حلول المتراجحة :]e; e ² [: 1		
التمرين الثاني (5 ن)			
0.75	1. أ. 0.25 : $\forall x > 0; h'(x) = 1 - \frac{1}{x}$ ؛ 0.25 : $\forall x \in [1; e]; x \geq 1$ لأن $h(x) > 0$ ؛ تزايدية : 0.25		
1	1. ب. : 0.5		
1	حسب الجدول $0.5 : h([1; e]) = [1; e-1] \subset [1; e]$		
1	2. أ. لدينا $1 \leq u_0 \leq e$ ؛ نفترض أن $1 \leq u_n \leq e$ وبما أن h تزايدية فإن : $h(1) \leq h(u_n) \leq h(e)$ ؛ أي أن : $1 \leq u_{n+1} \leq e-1 < e$ ومنه : $1 : \forall n : 1 \leq u_n \leq e$		
1	2. ب. $u_{n+1} - u_n = -\ln u_n \leq 0$ (لأن $u_n \geq 1$ و $\ln u_n \geq 0$) : 1		
0.25	2. ج. (u_n) تناقصية ومصغرة إذن فهي متقاربة : 0.25		
1	2. د. h متصلة و $h([1; e]) \subset [1; e]$ و $u_0 \in [1; e]$ و (u_n) متقاربة و $0.5 : u_{n+1} = h(u_n)$ ؛ إذن النهاية l تحقق $l = h(l)$ أي $l = l - \ln l$ ومنه $0.5 : l = 1$		

الصفحة	NR26	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2011 - عناصر الإجابة - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي
2		

التمرين الثالث (9.5 ن)

الجزء الأول

1	حساب $g'(x)$: 0.5 ؛ $g'(x)$ سالبة على \mathbb{R}_+^* : 0.5	1.												
0.75	حساب $g(1)$: 0.25 <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$g'(x)$</td> <td></td> <td>-</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$g(x)$</td> <td></td> <td></td> <td style="text-align: center;">→ 0 →</td> </tr> </table>	x	0	1	$+\infty$	$g'(x)$		-		$g(x)$			→ 0 →	2. أ.
x	0	1	$+\infty$											
$g'(x)$		-												
$g(x)$			→ 0 →											

1	من خلال الجدول نستنتج أن: $g(x) \geq 0 ; \forall x \in]0;1[$: 0.5 ؛ $g(x) < 0 ; \forall x \in]1;+\infty[$: 0.5	2. ب
1	$f'(x) = \frac{g(x)}{x^2} ; \forall x > 0$: 1	3.

الجزء الثاني

1.25	$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$: 0.75 ؛ محور الأرتيب مقارب لـ (C) : 0.5	1. أ.												
1.25	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$: 0.5 ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x)+x) = 0$: 0.5 ؛ إذن (Δ) مقارب مائل لـ (C) بجوار $+\infty$: 0.25	1. ب												
1.5	$f(x)+x = \frac{\ln x}{x}$ ، إشارة $f(x)+x$ على $]0;+\infty[$ هي إشارة $\ln x$: 1 (C) "تحت" (Δ) على المجال $]0;1[$ و "فوق" (Δ) على المجال $]1;+\infty[$ ؛ نقطة $A(1;-1)$ تقاطع (C) و (Δ) : 0.5	1. ج												
0.75	$f(1) = -1$: 0.25 <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td></td> <td>+</td> <td>0 -</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td></td> <td></td> <td style="text-align: center;">→ -1 →</td> </tr> </table>	x	0	1	$+\infty$	$f'(x)$		+	0 -	$f(x)$			→ -1 →	2.
x	0	1	$+\infty$											
$f'(x)$		+	0 -											
$f(x)$			→ -1 →											
1	إنشاء (C) : 1	3.												

التمرين الرابع (3 ن)

2	من خلال شجرة الاحتمالات : احتمال سحب كرتين لونهما أحمر هو $\frac{16}{49}$ واحتمال سحب كرتين لونهما أخضر هو $\frac{1}{7}$ إذن $p(A) = \frac{23}{49}$ ؛ $p(B) = \frac{30}{49}$: 1	1.
1	$p(A \cap B) = \frac{16}{49}$ ؛ $p(A \cap B) \neq p(A)p(B)$: 0.25	2.