

المسئولون عن صلاحيات البكالوريا  
 مهراجبة مسنومة 3  
 19 ماي 2015  
 Groupe Scolaire

المسئولون عن صلاحيات البكالوريا  
 مهراجبة مسنومة 3  
 19 ماي 2015  
 Groupe Scolaire

تصريف (1) (3 ن) 0,5  
 حل في المجموعة  $\mathbb{R}$  المعادلتين:  $x^2 + 6x - 7 = 0$  (1)  
 $e^{2x} + 6e^x - 7 = 0$ ;  $\ln x + 6 \ln x - 7 = 0$  (2)  
 حل للمعادلتين:  $\ln x > 7 - 6 \ln x$  (3) 1  
 نصريف (2) (3,5 ن) 0,5  
 أ- بين أن لكل  $x \in \mathbb{R}^+$ :  $\frac{x^2 - x}{x+3} = x - 4 + \frac{12}{x+3}$   
 ب- استنتج أن:  $\int_0^6 \frac{x^2 - x}{x+3} dx = 12 \ln(3) - 6$   
 ج- أثبت أن:  $\int_0^6 (2x-1) \ln(x+3) dx = 60 \ln(3) - \int_0^6 \frac{x^2 - x}{x+3} dx$   
 د- استنتج قيم التكامل:  $I = \int_0^6 (2x-1) \ln(x+3) dx$   
 نصريف (3) (6,5 ن) 0,5  
 نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)_{n \geq 0}$  المعرفة بما يلي:  
 $u_0 = -1$  و لكل  $n \in \mathbb{N}$ :  $u_{n+1} = \frac{u_n - 4}{u_n + 5}$   
 أ- تحقق أن لكل  $n \in \mathbb{N}$ :  $u_{n+2} = \frac{3(u_n + 2)}{u_n + 5}$   
 ب- برهن أن لكل  $n \in \mathbb{N}$ :  $u_n > -2$   
 ج- بين أن لكل  $n \in \mathbb{N}$ :  $u_{n+1} - u_n = -\frac{(u_n + 2)^2}{u_n + 5}$   
 نرأسنتج أن المتتالية  $(u_n)_{n \geq 0}$  متقاربة.

2) نضع لكل  $n \in \mathbb{N}$ :  $u_n = \frac{1}{u_{n+2}}$   
 أ- بين أن لكل  $n \in \mathbb{N}$ :  $u_{n+1} - u_n = \frac{1}{3}$   
 طبعاً المتتالية  $(u_n)_{n \geq 0}$  محدداً أساسها وحدها الأول  
 ب- اكتب  $u_n$  بدلالة  $n$  ثم احسب  $\sum_{n=1}^{100} u_n$   
 ج- بين أن لكل  $n \in \mathbb{N}$ :  $u_n = -\frac{2n+3}{n+3}$  و استنتج  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$   
 د- حدد آخر عدد صحيح لطبيعي  $m$  بحيث:  $\frac{1}{33} < u_n + 2$   
 نصريف (4) (7 ن) 0,5  
 دكتور لندوق على عشر كرات (لا يمكن التمييز بينهما بالمس) يحتوي  
 موزع حسب الجدول التالي:  
 أ- نضع عشوائياً تانياً  
 ثلاث كرات من الموزون.  
 نعتبر الأحداث التالية:  
 E « الكرات المطبوعة لها نفس اللون »  
 C « الكرات المطبوعة تحمل الحرف G »  
 D « من بين الكرات المطبوعة، توجد على الأقل كرة واحدة حمراء »  
 أ- احسب احتمالات الأحداث E و C و D.  
 ب- بين أن احتمال الحدث E هو  $\frac{1}{24}$   
 ج- احسب احتمال الحدث C علماً أن الحدث A محقق.  
 2) نضع الآن عشوائياً بالنتابح ويحدون إحلال ثلاث كرات من الموزون وليكن X المتغير العشوائي الذي يربطه كل سحب بعدد الكرات التي تحمل الحرف A.  
 أ- تحقق أن القيمة التي يأخذها X هي 0, 1, 2, 3.  
 ب- نضع  $P(X=0) = \frac{7}{40}$  و  $P(X=1) = \frac{1}{40}$  احسب  $P(X=0)$  و  $P(X=3)$ .  
 ج- تحقق أن الاحتمال الراسملي هو 0,9.

G	A	الحرف الذي تحمله
4	2	أخضر
3	1	أحمر