

أ- بين أن المقياس التري يمكن أن يأخذها  $x$  هي  $1, 0, 2, 3$  -  
 ب- حدد قانون احتمال  $X$  .  
 ج- احسب الأمل الرياضي لـ  $X$  .

التعريف الثالث:

(I) نعتبر الدالة المعرفى على  $\mathbb{R}$  بما يلي  $g(x) = e^x - 1 - x$   
 أ- احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$   
 ب- راج جدول تغيرات الدالة  $g$   
 ج- بين أن  $g(x) \geq 0 \quad (\forall x \in \mathbb{R})$

(II) لنكن  $f$  الدالة العددية للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفى على  $\mathbb{R}$  بما يلي  
 $f(x) = \frac{x e^x}{e^x - 1} ; x \neq 0$   
 $f(0) = 1$  .  
 وليكن (C) المنحنى الممثل للدالة  $f$  في  $\mathbb{R}^2$  (شاهد)

أ- بين أن الدالة  $f$  متصلة في المحور (تذكر أن  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x}{x} = +\infty$ )  
 ب- تحقق أن  $f(x) = 0$  وأول ميما نيا لهذه النتيجة .  
 ج- تحقق أن كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  :  $f(x) = \frac{x}{1 - 1/e^x}$   
 ب- بين أن كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  :  $f(x) - x = \frac{1}{e^x - 1}$   
 المستغير (A) الذي معادلته  $y = x$

أ- بين أن كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  :  
 ب- استنتج أن الدالة  $f$  تتزايدت على  $\mathbb{R}$  ثم راج جدول تغيراتها .  
 ج- نقبل أن  $f'(0) = \frac{1}{2}$  ، اكتب معادلتنا المماس (T) في النقطة التي أفصولها  $O$  .  
 د- أنشئ المنحنى (C) .

السنة 2 من سلك البكالوريا  
 شعبتي العلوم الأختصاصية  
 مادة : الربا فنيات - للعامل 4  
 مدة الاختبار : ساعتان

التعريف الثاني:

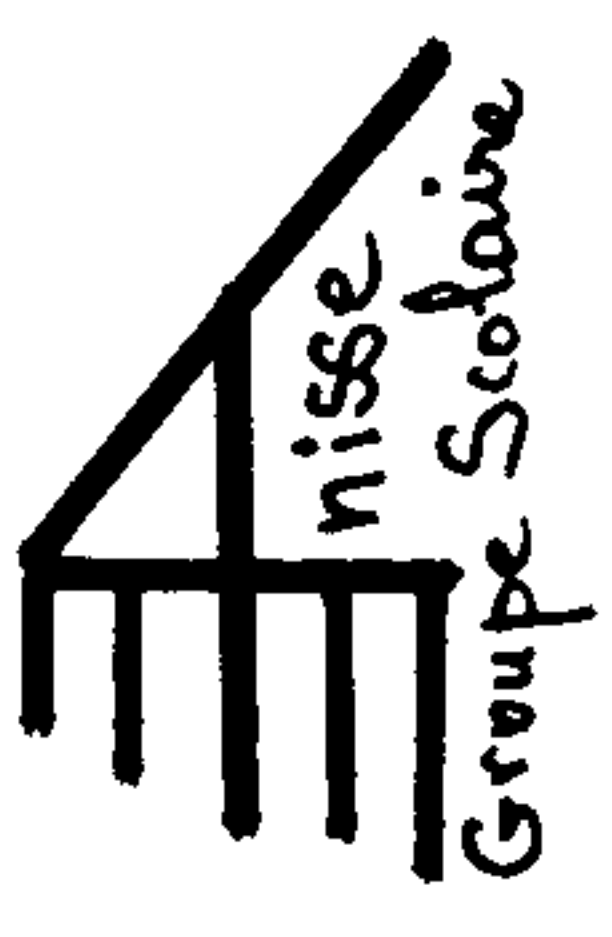
حل في  $\mathbb{R}$  المعادلتى :  
 ①  $(\ln x - 2) = 0$   
 ② باستعمل مكاملات بالأجزاء ، احسب التكامل :  $\int_1^e x \ln x dx$   
 ③ B و A حدثان من  $\Omega$  كون إمكانيات تجريبي عشوائي بحيث :  
 $P(A) = 0,6$  و  $P(B) = 0,2$

أ- احسب احتمال الحدث (A أو B) علماً أن الحدثين A و B غير متشابهين .  
 ب- احسب احتمال الحدث (B و A) علماً أن الحدثين A و B مستقلان .  
 ④ F و E حدثان من  $\Omega$  كون إمكانيات تجريبي عشوائي بحيث :  
 $P(E|F) = \frac{2}{3}$  و  $P(F) = \frac{1}{3}$  و  $P(E) = \frac{1}{2}$

أ- احسب  $P(E \cap F)$  و  $P(E|F)$   
 ب- هل الحدثان E و F مستقلان .

التعريف الثاني:

يحتوى صندوق على ست كرات بيضاء وأربع كرات سوداء ، لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس .  
 نسحب عشوائياً وثلاث ثلاث كرات من هذا الصندوق .  
 أ- احسب احتمال كل حدث من الأحداث التالية :  
 A « الحصول على ثلاث كرات لهما نفس اللون »  
 B « الحصول على كرتين من لون وكرتي من لون آخر »  
 C « الحصول على أقل على كرتي واحدة بيضاء »  
 د- ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبته بعدد الكرات البيضاء المسحوبة من الصندوق .



مراغفتي صحيرغ  
 الأمدسى الثاني  
 2011 - 04

التعريف الأول:

حل في  $\mathbb{R}$  المعادلتى :  
 ①  $(\ln x - 2) = 0$   
 ② باستعمل مكاملات بالأجزاء ، احسب التكامل :  $\int_1^e x \ln x dx$   
 ③ B و A حدثان من  $\Omega$  كون إمكانيات تجريبي عشوائي بحيث :  
 $P(A) = 0,6$  و  $P(B) = 0,2$

أ- احسب احتمال الحدث (A أو B) علماً أن الحدثين A و B غير متشابهين .  
 ب- احسب احتمال الحدث (B و A) علماً أن الحدثين A و B مستقلان .  
 ④ F و E حدثان من  $\Omega$  كون إمكانيات تجريبي عشوائي بحيث :  
 $P(E|F) = \frac{2}{3}$  و  $P(F) = \frac{1}{3}$  و  $P(E) = \frac{1}{2}$

أ- احسب  $P(E \cap F)$  و  $P(E|F)$   
 ب- هل الحدثان E و F مستقلان .

التعريف الثاني:

يحتوى صندوق على ست كرات بيضاء وأربع كرات سوداء ، لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس .  
 نسحب عشوائياً وثلاث ثلاث كرات من هذا الصندوق .  
 أ- احسب احتمال كل حدث من الأحداث التالية :  
 A « الحصول على ثلاث كرات لهما نفس اللون »  
 B « الحصول على كرتين من لون وكرتي من لون آخر »  
 C « الحصول على أقل على كرتي واحدة بيضاء »  
 د- ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبته بعدد الكرات البيضاء المسحوبة من الصندوق .