

التمرين ١

١-١ بتطبيق مبرهنة الطاقة بين لحظة اشتغال المحرك و اللحظة التي يصبح فيها تردد القرص هو  $N_1$

$$\frac{1}{2} J_{\Delta} \omega_1^2 - \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega_0^2 = W + W(\vec{P}) + W(\vec{R})$$

حيث  $\omega_1$  سرعة الزاوية عند التردد  $N_1$  و  $\omega_0 = 0$  سرعة الزاوية عند اللحظة الاشتغال و  $W$  شغل القوة المحركة

$$W(\vec{P}) = W(\vec{R}) = 0 \text{ و منه}$$

$$\frac{1}{2} J_{\Delta} \omega_1^2 = P_1 \cdot \Delta t \quad \text{ادن} \quad \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega_1^2 = W$$

$$\Delta t = 0,12s$$

ت ع

$$\Delta t = \frac{J_{\Delta} \omega_1^2}{2P_1} = \frac{mR_1^2 \cdot 2\pi N_1}{4P_1}$$

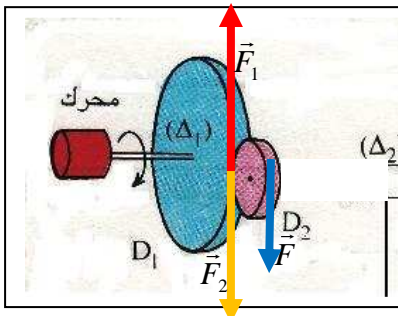
وبالتالي نجد

٢-١ تحديد

بما ان القرصان يتدحرجان بدون انزلاق فان  $V_1 = V_2$  حيث:

$$V_1 = R_1 \omega_1 \text{ السرعة الخطية لنقطة من محيط القرص } D_1 \text{ و } \omega_1 = 2\pi N_1 \text{ السرعة الزاوية للقرص } D_1$$

$$V_2 = R_2 \omega_2 \text{ السرعة الخطية لنقطة من محيط القرص } D_2 \text{ و } \omega_2 \text{ السرعة الزاوية للقرص } D_2 \text{ و بالتالي نجد}$$



$$\omega_2 = 125,66 \text{ rad / s}$$

ت ع

$$\omega_2 = \frac{R_1 \cdot 2\pi N_1}{R_2}$$

٣-١ مميزات القوتين  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$

للقوتين نفس اتجاه

و منحنيين متعاكسان

و نفس الشدة حسب مبدأ التأثيرات البينية  $F_1 = F_2$

حساب الشدة

الحركة دائرية منتظمة يمكن تطبيق مبدأ القصور ادن :

$$M_{\Delta} + M_{\Delta}(\vec{F}_1) = 0 \text{ حيث } M_{\Delta} = \frac{P_1}{\omega_1} \text{ عزم المزدوجة المحركة و } M_{\Delta}(\vec{F}_1) = -F_1 R_1 \text{ عزم القوة المطبقة من طرف}$$

$$F_1 = F_2 = 0,79N$$

ت ع

$$F_1 = \frac{P_1}{\omega_1 R_1}$$

القرص  $D_2$  و منه فان

$$\text{حسب مبدأ التأثيرات البينية } F_1 = F_2 \text{ و لدينا } M_{\Delta}(\vec{F}_2) = F_2 R_2 \text{ ادن } F_2 R_2 = \frac{P_2}{\omega_2} \text{ و منه}$$

٣-٢ لنبين أن  $P_1 = P_2$

و نعلم من العلاقة السابقة  $P_2 = F_2 R_2 \omega_2$  و  $P_1 = F_1 R_1 \omega_1$  و من السؤال ٢-١ نجد:  $P_1 = P_2$  يمكن استعمال هذا التركيب من أجل تحويل نفس القدرة مع الرفع من قيمة السرعة الزاوية

٣-٣ حساب شدة القوة المطبقة من طرف السكين على القرص  $D_2$

السكين في حركة دائرية منتظمة ادن يمكن تطبيق مبدأ القصور

$$M_{\Delta}(\vec{F}) + M_{\Delta}(\vec{F}_2) = 0 \text{ القوة المطبقة من طرف السكين}$$

$$F_1 = F_2 = F = 0,79N$$

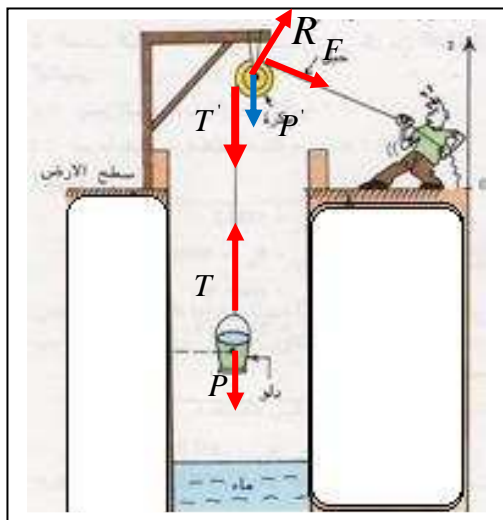
$$F_2 R_2 - F R_2 = 0 \text{ أدن نجد}$$

٣-٤ السرعة الخطية لشرارة لحظة انبعاثها من السكين

لدينا  $v = R_2 \omega_2$  اذن  $v = 12,56 m/s$

## التمرين ٢

١-١ جرد القوة المطبقة على الدلو خارج الماء أنظر الشكل جانبه



القوة المطبقة على الدلو داخل الماء أنظر الشكل أسفله

يخضع ل ٣ قوى  
وزن الدلو ممتلئ  
توتر الحبل  
دافعة ارخميدس

١-٢ السرعة الزاوية عند اللحظتين  $t_1$  و  $t_2$

عند اللحظة  $t_1$   $w_1 = \frac{v_{t_1}}{r}$  اذن  $w_1 = 5 rad/s$

عند اللحظة  $t_2$   $w_2 = \frac{v_{t_2}}{r}$  اذن  $w_2 = 10 rad/s$

١-٣ توتر الحبل عندما يكون الدلو داخل الماء

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الدلو بين اللحظتين  $t_0$  و  $t_1$

$$\frac{1}{2}mv_{t_1}^2 - \frac{1}{2}mv_{t_0}^2 = W(\vec{P}) + W(\vec{f}_a) + W(\vec{T})$$

السرعة البدئية  $v_{t_1} = 0$

شغل دافعة ارخميدس  $W(\vec{f}_a) = f_a \cdot h_1$

شغل توتر الحبل  $W(\vec{T}) = T \cdot h_1$

شغل وزن الدلو ممتلئ  $W(\vec{P}) = -mgh_1$

اذن  $\frac{1}{2}mv_{t_1}^2 = -mgh_1 + f_a h_1 + Th_1$

ان نجد :

$T = 62,92 N$

مع  $h_1 = 4 \cdot (2\pi) \cdot r$  ت ع

$$T = \frac{1}{2h_1}mv_{t_1}^2 + mg - f_a$$

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الدلو بين اللحظتين  $t_1$  و  $t_2$

في هذه المرحلة تنعدم دافعة ارخميدس اذن :

$$\frac{1}{2}mv_{t_2}^2 - \frac{1}{2}mv_{t_1}^2 = -mgh_1 + Th_1$$

$T = 245,65 N$  مع  $h_1 = 46 \cdot (2\pi) \cdot r$  ت ع

$$T = \frac{1}{2h_2}m(v_{t_2}^2 - v_{t_1}^2) + mg$$

١-٤ تحديد عزم قصور البكرة

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الدلو بين اللحظتين  $t_1$  و  $t_2$

$$\frac{1}{2}J_{\Delta} \omega^2(t_2) - \frac{1}{2}J_{\Delta} \omega^2(t_1) = W(\vec{T}') + W(\vec{P}') + W(\vec{R}) + W(\vec{F})$$

حيث  $W(\vec{R}) = W(\vec{P}') = 0$  و  $W(\vec{F}) = M_{\Delta}(\vec{F}) \cdot \Delta\theta = F \cdot r \cdot \Delta\theta$  حيث  $h_2 = r \cdot \Delta\theta$  اذن  $W(\vec{F}) = F \cdot h_2$

اذن  $W(\vec{T}') = -T' \cdot r \cdot \Delta\theta$  و بالتالي نجد :

$$\text{حسب مبدأ التأثيرات البينية فان } T = T' \text{ و منه نجد } \frac{1}{2} J_{\Delta} w^2(t_2) - \frac{1}{2} J_{\Delta} w^2(t_1) = -T' h_2 + F \cdot h_2$$

$$J_{\Delta} = 6,7 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \quad \text{ت ع} \quad J_{\Delta} = \frac{2 \cdot (F - T) \cdot h_2}{(w_{t_2}^2 - w_{t_1}^2)}$$

## ٢-١ سرعة الاصطدام

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين لحظة رمي الدلو و لحظة اصطدامه مع الماء

$$\text{حيث } \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_{0_1}^2 = m g h_2 \quad \text{السرعة البدنية } v_0 = 0 \quad \text{سرعة الدلو مباشرة قبل اصطدام ادن}$$

$$v_f = 33,65 \text{ m/s}$$

ت ع

$$v_f^2 = 2 \cdot g h_2$$

## ٢-٢ المدة الزمنية لملء الصهريج

لدينا  $\Delta t = \Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3$  حيث

$\Delta t_1 = 1 \text{ min}$  المدة الزمنية اللازمة لرفع الدلو إلى السطح

$\Delta t_2 = 5 \text{ s}$  المدة الزمنية اللازمة لامتلاء الدلو

$\Delta t_3 = ? \text{ s}$  المدة الزمنية التي يستغرقها الدلو أثناء سقوطه الحر

لدينا  $h_2 = \frac{1}{2} g \Delta t^2$  منه نجد  $\Delta t = 3,43 \text{ s}$  و منه فان :

المدة اللازمة لجلب 20L من الماء هي  $\Delta t = 1 \text{ min } 8,43$  ادن لملئ الصهريج يتطلب

$$t = 58 \text{ min } 5 \text{ s}$$

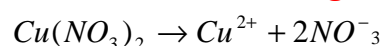
هي

$$t = 50 \cdot \Delta t$$

## الكيمياء

### التمرين ١

#### ١-١ معادلة ذوبان نترات النحاس :



حساب كمية مادة الأنواع المتواجدة في الحجم  $V_1$

كمية المادة البدنية ل  $\text{Cu}^{2+}$

حسب معادلة الذوبان فان

$$n(\text{Cu(NO}_3)_2) = n(\text{Cu}^{2+}) = C_1 V_1$$

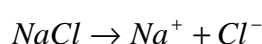
كمية المادة البدنية ل  $\text{NO}_3^-$

حسب المعادلة الذوبان

$$2n(\text{Cu(NO}_3)_2) = n(\text{NO}_3^-) = 2C_1 V_1$$

حساب كمية مادة الأنواع المتواجدة في الحجم  $V_2$

معادلة ذوبان كلورور الصوديوم



كمية المادة البدنية ل  $\text{Na}^+$

حسب معادلة الذوبان

$$n(\text{NaCl}) = n(\text{Na}^+) = C_2 V_2$$

كمية المادة البدنية ل  $\text{Cl}^-$

حسب معادلة الذوبان

$$n(\text{NaCl}) = n(\text{Cl}^-) = C_2 V_2$$

الأنواع الكيميائية المتواجدة في المحلول هي  $Cu^{2+}$  و  $NO_3^-$  و  $Na^+$  و  $Cl^-$   
حساب تراكيز المولية الفعلية الأنواع الكيميائية المتواجدة في الخليط

تركيز المولي الفعلي  $Cu^{2+}$  لدينا  
 $[Cu^{2+}] = 0,083 mol / L$  ادن  $[Cu^{2+}] = \frac{C_1 V_1}{V_1 + V_2}$

تركيز المولي الفعلي  $NO_3^-$  لدينا  
 $[NO_3^-] = 0,16 mol / L$  ادن  $[NO_3^-] = \frac{2C_1 V_1}{V_1 + V_2}$

تركيز المولي الفعلي  $Na^+$  لدينا  
 $[Na^+] = 0,06 mol / L$  ادن  $[Na^+] = \frac{C_2 V_2}{V_1 + V_2}$

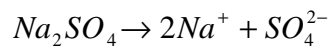
تركيز المولي الفعلي  $Cl^-$  لدينا  
 $[Cl^-] = 0,06 mol / L$  ادن  $[Cl^-] = \frac{C_2 V_2}{V_1 + V_2}$

١-٢ تحديد تراكيز المولية الفعلية للأنواع الكيميائية بعد إضافة  $m = 5g$  من كبريتات الصوديوم عند إضافة كمية كتلتها  $m = 5g$  من كبريتات الصوديوم نفترض أن الحجم لا يتغير.

الأنواع الكيميائية المتواجدة في المحلول هي  $Cu^{2+}$  و  $NO_3^-$  و  $Na^+$  و  $Cl^-$  و  $SO_4^{2-}$   
في هذه الحالة كمية مادة الأنواع الكيميائية المتواجدة في الخليط لا تتغير باستثناء كمية مادة الصوديوم ،ادن جميع قيم التراكيز المولية الفعلية لا تتغير باستثناء التركيز المولي الفعلي لأيون الصوديوم  $Na^+$  و  $SO_4^{2-}$   
لنحسب أولاً كمية مادة كبريتات الصوديوم الموجودة في كتلة  $m = 5g$  من:

لدينا  $n(Na_2SO_4) = 3,52 \cdot 10^{-2} mol$  نجد  $n(Na_2SO_4) = \frac{m}{M(Na_2SO_4)}$

لنحدد كمية مادة  $Na^+$   
معادلة دو بيان :



حسب معادلة الدوبان نجد :  $2n(Na_2SO_4) = n(Na^+) = 2 \frac{m}{M(Na_2SO_4)} = 0,07 mol$

لنحدد كمية مادة  $SO_4^{2-}$

حسب معادلة الدوبان نجد :  $n(Na_2SO_4) = n(SO_4^{2-}) = \frac{m}{M(Na_2SO_4)} = 0,07 mol$

تركيز المولي الفعلي  $Na^+$

لدينا  $[Na^+] = 0,53 mol / L$  ادن  $[Na^+] = \frac{C_2 V_2 + 2 \frac{m}{M(Na_2SO_4)}}{(V_1 + V_2)}$

تركيز المولي الفعلي  $SO_4^{2-}$

لدينا  $[SO_4^{2-}] = 0,23 mol / L$  ادن  $[SO_4^{2-}] = \frac{\frac{m}{M(Na_2SO_4)}}{(V_1 + V_2)} = \frac{m}{(V_1 + V_2) \cdot M(Na_2SO_4)}$

## التمرين ٢

١-١ كمية مادة الاسبيرين المتواجدة في قرص واحد

$$n(C_9H_8O_4) = 2,27.10^{-3} \text{ mol}$$

لدينا  $n(C_9H_8O_4) = \frac{m}{M(C_9H_8O_4)}$  اذن ت ع

١-٢ التركيز المولي للأسبيرين

$$C_A = 2,27.10^{-2} \text{ mol} / .L$$

لدينا  $C_A = \frac{n(C_9H_8O_4)}{V}$  ومنه نجد ت ع

التركيز الكتلي

$$C_m = 4,8. \text{g} / L$$

اذن ت ع  $C_m = M(C_9H_8O_4).C_A$

٢-١ تنائي أكسيد الكربون قليل الذوبان في الماء لأنه لا يتوفر على الميزة الثنائية القطبية التي يتوفر عليها الماء

٢-٢ تحديد كمية مادة  $CO_2$

بتطبيق معادلة الحالة للغازات الكاملة باعتبار غاز  $CO_2$  غازا كاملا عند ضغط  $P = 10^5 \text{ Pa}$  اذن :

$$PV(CO_2) = n(CO_2)RT \quad \text{ومنّه فإن} \quad n(CO_2) = \frac{PV(CO_2)}{RT} \quad \text{ت ع} \quad n(CO_2) = 2,82.10^{-3} \text{ mol}$$

صلاح الدين بنساعد