

تصحيح تمارين طاقة الوضع الكهروستاتيكية خاص بالعلوم الرياضية

تمرين 1 :

- 1- يكون المجال الكهروستاتيكي المحدث بين صفيحتين فلزيتين متوازيتين تفصل بينهما مسافة d منتظما وتعطى شدته بالعلاقة : $E = \frac{U}{d}$ ،
حيث U التوتر الكهربائي بين الصفيحتين .

وبالتالي :

$$U = E \cdot d$$

$$U = 3.10^4 \times 10.10^{-2} = 3.10^3 V$$

- 2- يساوي شغل القوة الكهروستاتيكية المطبق على الإلكترون، أثناء انتقاله من الصفيحة A السالبة ذات الجهد V_A الى الصفيحة B الموجبة ذات الجهد V_B :

$$W(\vec{F})_{A \rightarrow B} = q(V_A - V_B)$$

مع :

$$q = -e \text{ و } V_A - V_B = -U$$

$$W(\vec{F})_{A \rightarrow B} = (-e)(-U) = eU$$

$$W(\vec{F})_{A \rightarrow B} = 1,610^{-19} \times 3.10^3 = 4,8.10^{-16} J$$

تمرين 2:

- 1- حسب تعريف فرق الجهد :

$$V_A - V_B = \vec{E} \cdot \vec{AB}$$

$$U_{AB} = V_A - V_B \text{ مع}$$

$$\vec{AB} = (x_B - x_A)\vec{i} \text{ و } \vec{E} = 2.10^4 \vec{i}$$

$$U_{AB} = E\vec{i} \cdot (x_B - x_A)\vec{i} = E(x_B - x_A)$$

$$U_{AB} = 2.10^4 \times 2 \times 10.10^{-2} = 4.10^3 V \text{ ت.ع}$$

$$U_{BC} = V_B - V_C = E\vec{l} \cdot (x_C - x_B)\vec{i} = E(x_C - x_B)$$

$$U_{BC} = 2.10^4 \times 2 \times 10.10^{-2} = 4.10^3 V$$

حسب قانون إضافة التوترات: $U_{AC} = U_{AB} + U_{BC}$

$$U_{AC} = 4.10^3 + 4.10^3 = 8.10^3 V$$

2- لتكن المسافة بين مستويين متساويي الجهد فرق الجهد بينهما U_1 :

$$E = \frac{U_1}{d_1} \Rightarrow d_1 = \frac{U_1}{E}$$

$$d_1 = \frac{5.10^3}{2.10^4} = 0,25m = 25cm$$

- لتكن المسافة بين مستويين متساويي الجهد فرق الجهد بينهما U_2 :

$$E = \frac{U_2}{d_2} \Rightarrow d_2 = \frac{U_2}{E}$$

$$d_2 = \frac{15.10^3}{2.10^4} = 0,75m = 75cm$$

3- تغير طاقة الوضع للدقيقة أثناء انتقالها من النقطة A الى النقطة B :

$$\Delta E p_e = -W(\vec{F})_{A \rightarrow B} \text{ لدينا}$$

$$W(\vec{F})_{A \rightarrow B} = q(V_A - V_B) = qU_{AB}$$

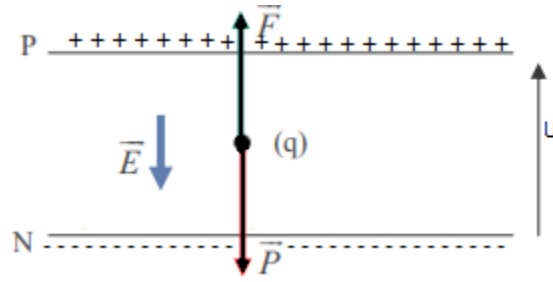
$$\Delta E p_e = -qU_{AB}$$

$$\Delta E p_e = -3 \times 1,6.10^{-19} \times 4.10^3 = -1,9.10^{-15} J$$

$$\Delta E p_e = \frac{1,9.10^{-15}}{1,6.10^{-19}} = 1,19.10^4 eV$$

تمرين 3:

- 1- حساب q شحنة القطرة الزيتية .
 قطرة الزيت في توازن تحت تأثير قوتين :
 \vec{F} : القوة الكهروساكنة .
 \vec{P} : وزن القطرة



القطرة في توازن نكتب :

$$\vec{F} + \vec{P} = \vec{0} \Rightarrow F = P$$

$$|q| E = mg \Rightarrow |q| \frac{U}{d} = mg$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho V = \frac{4}{3} \pi \rho \cdot r^3 \quad \text{لدينا :}$$

$$|q| \frac{U}{d} = mg = \frac{4}{3} \pi \rho \cdot g \cdot r^3$$

$$|q| = \frac{4\pi \rho \cdot g \cdot d \cdot r^3}{3U}$$

$$|q| = \frac{4\pi \times 800 \times (0,88 \cdot 10^{-6})^3 \times 9,8 \times 7 \cdot 10^{-3}}{3 \times 245} = 6,39 \cdot 10^{-19} C$$

إشارة q بما أن منحنى متجهة المجال \vec{E} نحو الجهود التناقضية لأي من الصفيحة P نحو الصفيحة N ، وبما أن منحنى \vec{E} معاكس لمنحنى \vec{F} فإن إشارة q سالبة .
 ومنه :

$$q = -6,39 \cdot 10^{-19} C$$

2- استنتاج عدد الشحن التي تحملها القطرة .

$$q = -ne \rightarrow n = -\frac{q}{e} = -\frac{-6,39 \cdot 10^{-19}}{1,6 \cdot 10^{-19}} \simeq 4$$

القطرة تحمل 4 إلكترونات

تمرين 4:

1- مميزات المجال الكهروساكن :
المجال الكهروساكن بين الصفيحتين منتظم .
مميزات \vec{E} متجهة المجال هي :

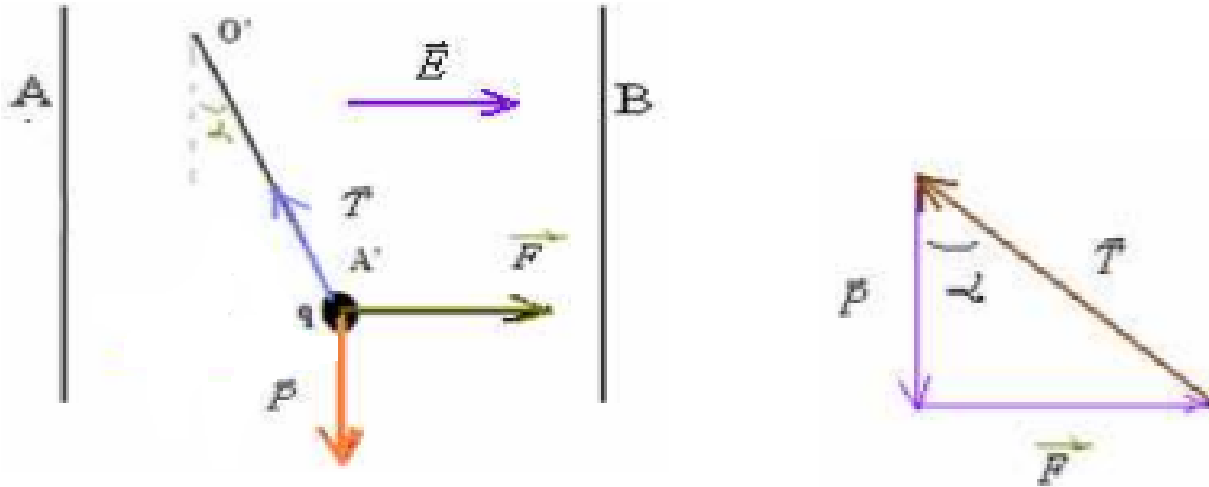
*الإتجاه : العمودي على الصفيحتين .
*المنحى : نحو الجهود التناقضية أي من الصفيحة ذات الجهد الأعلى نحو الصفيحة ذات الجهد الأدنى .

$$V_A > V_B : \text{أي } U_{AB} = V_A - V_B = 500V > 0$$

منحى منحى \vec{E} من الصفيحة A نحو الصفيحة B .

$$E = \frac{U_{AB}}{d} = \frac{500}{0,1} = 5000V \cdot m^{-1} : \text{المنتظم}$$

2- مميزات المجال الكهروساكن :



كما في التمرين الثالث فإن الخط المضلعي مغلق ونكتب :

$$\tan \alpha = \frac{F}{P} \Rightarrow F = mg \tan \alpha$$

$$F = 10^{-3} \times 10 \times \tan 10^\circ = 1,76.10^{-3} N$$

- نستنتج مميزات القوة الكهرساكنة \vec{F} :
- * نقطة التأثير : مركز الكرة .
 - * خط التأثير : الأفقي المار من مركز الكرة .
 - * المنحى : من A نحو B .
 - * الشدة : $F = 1,76.10^{-3} N$

3- تحديد قيمة وإشارة الشحنة q :

حسب تعبير القوة الكهرساكنة :

$$\vec{F} = q\vec{E} \Rightarrow F = |q|.E$$

$$|q| = \frac{F}{E} = \frac{1,76.10^{-3}}{5000} = 3,52.10^{-7} C$$

بما أن للمتجهين \vec{F} و \vec{E} نفس المنحى فإن إشارة الشحنة q موجبة أي:

$$q = 3,52.10^{-7} C$$

4- لتحديد طاقة الوضع الكهرساكنة عند النقطة N ، نحدد C حيث :

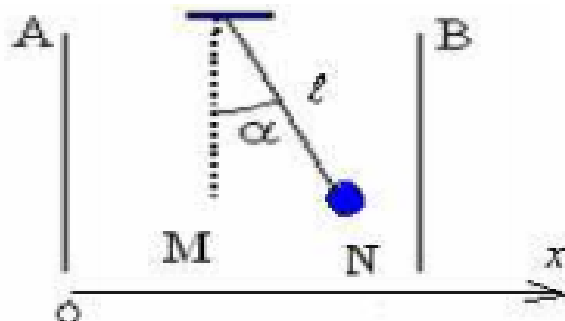
$$E_{pe} = q.E.x + C$$

لدينا :

$$x = x_M E_{pe} = 0 \leftarrow \text{عند}$$

$$q.E.x_M + C = 0 \Rightarrow C = -q.E.x_M \text{ أي:}$$

$$E_{pe} = q.E.x - q.E.x_M = q.E(x - x_M)$$



طاقة الوضع الكهروستاتيكية عند الموضع N :

$$E_{pe(N)} = q \cdot E(x_N - x_M)$$

$$E_{pe(N)} = -q \cdot E \cdot MN$$

$$E_{pe(N)} = -q \cdot E \cdot \ell \sin \alpha$$

ت.ع:

$$E_{pe(N)} = -3,52 \cdot 10^{-7} \times 5000 \times 0,3 \times \sin(8,5^\circ) = 7,8 \cdot 10^{-6} C$$

تمرين 5:

1- المجال الكهروستاتيكي المحدث بين الصفيحتين مجال منتظم مميزاتة :

*الأصل : نقطة بين الصفيحتين .

*الإتجاه : عمودي على الصفيحتين .

*المنحى : منحى الجهود التناقضية .

بما أن: $U = V_A - V_B = 400V > 0$ أي: $V_A - V_B > 0$ ومنه: $V_A > V_B$ وبالتالي منحى \vec{E} من الصفيحة (P_B) الى الصفيحة (P_A) .

$$* \text{ المنظم: } E = \frac{U}{d}$$

$$E = \frac{400}{4 \cdot 10^{-2}} = 10^4 m \cdot V^{-1}$$

2- حساب القوة الكهروستاتيكية للإلكترون :

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E} \text{ لدينا}$$

$$\text{أي: } F = |q| E = eE$$

$$F = 1,6 \cdot 10^{-19} \times 10^4 = 1,6 \cdot 10^{-15} N$$

-حساب وزن الإلكترون :

$$\vec{P} = m \cdot \vec{g}$$

لدينا:

$$\text{أي: } P = mg$$

$$P = 9,1.10^{-31} \times 10 = 9,1.10^{-30} N$$

- مقارنة F و P :

$$\frac{F}{P} = \frac{1,6.10^{-15}}{9,1.10^{-30}} = 1,76.10^{10} \gg 1$$

نستنتج أن وزن الالكترن مهمل أمام شدة القوة الكهرساكنة ومنه يخضع الالكترن بين الصفيحتن للقوة الكهرساكنة فقط .

3- المجموعة المدروسة : {الالكترن} .
يخضع الالكترن للقوة الكهرساكنة فقط .

$$\Delta Ec = Ec(O_2) - Ec(O_1) = W_{O_1 \rightarrow O_2}(\vec{F})$$

$$\frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = q(V_{O_1} - V_{O_2})$$

بما أن النقطة O_1 تنتمي الى الصفيحة P_A فإن $V_{O_1} = V_A$
وبما أن النقطة O_2 تنتمي الى الصفيحة P_B فإن $V_{O_2} = V_B$
كما أن $q = -e$
فإن العلاقة السابق تصبح :

$$\frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = -e(V_A - V_B)$$

$$v_2^2 = v_1^2 + \frac{2e}{m}(V_B - V_A)$$

$$v_2^2 = \sqrt{v_1^2 + \frac{2e}{m}(V_B - V_A)}$$

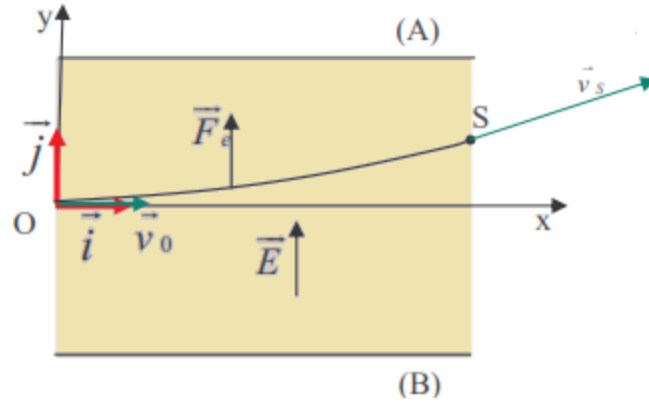
$$v_2 = \sqrt{(10^6)^2 + \frac{2 \times 1,6.10^{-19} \times 400}{9,1.10^{-31}}}$$

$$v_2 = 1,19.10^7 m.s^{-1}$$

تمرين 6:

1- شدة المجال الكهروساكن تعطى بالعلاقة :

$$E = \frac{|U_{AB}|}{d} = \frac{10^3}{0,1} = 10^4 V.m^{-1}$$



2- حسب الشكل فإن منحى حركة البروتون نحو الأعلى أي أن القوة الكهروساكنة \vec{F}_e منحاهما نحو الأعلى وبما أن تعبير القوة الكهروساكنة يكتب : $\vec{F}_e = q \cdot \vec{E}$ و $q > 0$ فإن منحى متجهة المجال \vec{E} هو منحى المتجهة \vec{F}_e أي نحو الأعلى .

نعلم أن منحى \vec{E} منحى الجهود التناقضية ومنه $V_A < V_B$ أي : $V_A - V_B < 0$
 $U_{AB} < 0$

3- يعبر عن شغل القوة الكهروساكنة \vec{F}_e أثناء انتقال البروتون من الموضع O الى الموضع S بالعلاقة :

$$W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e) = \vec{F}_e \cdot \vec{OS}$$

$$\vec{F}_e = q\vec{E} = eE\vec{j} \text{ مع}$$

$$\vec{OS} = (x_S - x_O)\vec{i} + (y_S - y_O)\vec{j} \text{ و}$$

$$W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e) = eE\vec{j} \cdot [(x_S - x_O)\vec{i} + (y_S - y_O)\vec{j}] = eE(y_S - y_O)$$

$$W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e) = e \cdot E \cdot d$$

$$W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e) = 1,6 \cdot 10^{-19} \times 10^4 \times 0,1 = 1,6 \cdot 10^{-16} J$$

4- طاقة الوضع الكهروساكنة للبروتون عند النقطة S :
 نعلم أن :

$$W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e) = -\Delta E_{pe} \Rightarrow W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e) = E_{pe}(O) - E_{pe}(S)$$

حسب نص التمرين ، فإن :
وبالتالي $E_{pe}(O)$:

$$E_{pe}(S) = -W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e)$$

$$E_{pe}(S) = -1,6.10^{-16}J$$

-5 سرعة البروتون عند النقطة S :

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على البرتون أثناء انتقاله بين الموضعين O و S :
بإهمال وزن البروتون يبقى هذا الأخير خاضع للقوة الكهروساكنة فقط .

$$Ec(S) - Ec(O) = \sum W_{O \rightarrow S}(\vec{F})$$

$$\frac{1}{2}mv_S^2 - \frac{1}{2}mv_O^2 = W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e)$$

$$v_S^2 = v_O^2 + \frac{2W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e)}{m}$$

$$v_S = \sqrt{v_O^2 + \frac{2W_{O \rightarrow S}(\vec{F}_e)}{m}}$$

$$v_S = \sqrt{(10^5)^2 + \frac{2 \times 1,6.10^{-16}}{1,67.10^{-27}}}$$

$$v_S = 2,49.10^5 m.s^{-1}$$