

الجزء الأول : الشغل الميكانيكي  
و الطاقة .  
الدرس 1  
ذ : عزيز العطور

دوران جسم صلب حول  
محور ثابت

الأولى بكالوريا  
جميع الشعب

### 1- معلمة نقطة من جسم صلب في دوران حول محور ثابت :

#### 1-1- حركة الدوران حول محور ثابت :

##### 1-1-1- نشاط :

أ- حدد الأجسام التي لها حركة إزاحة مع تحديد نوع الإزاحة .  
الناقلتان في الشكلين 1 و 4 لهما حركة إزاحة دائرية والناقلة في الشكل 2 لها حركة إزاحة منحنية .  
ب- حدد الأجسام التي لها حركة دوران .

الذراع في الشكل 3 في حركة دوران .

ج- ما شكل مسارات نقط ذراع العجلة الكبيرة لمدورة الألعاب في الشكل 4 ؟

تتميز نقط ذراع العجلة الكبيرة لمدورة الألعاب بمسارها الدائري الممرکز حول محور الدوران .  
د- ما الفرق بين حركة الذراع وحركة الناقلة في الشكل 4 ؟

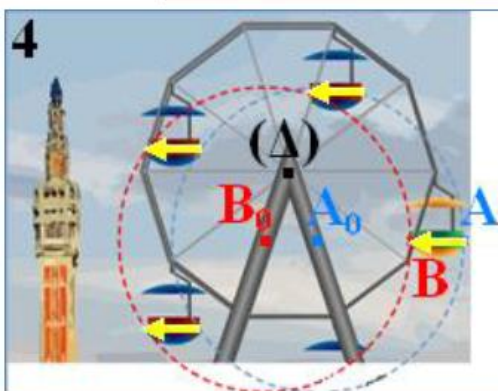
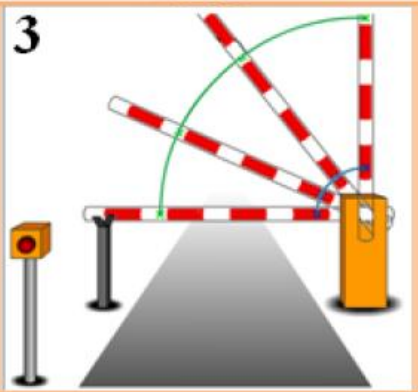
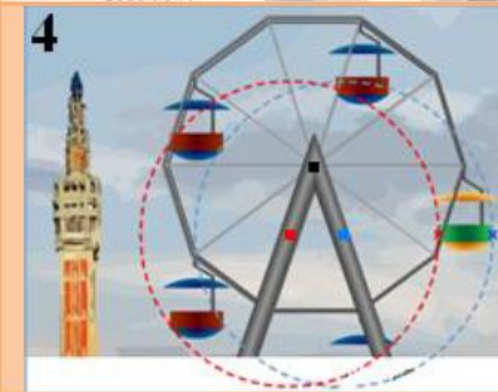
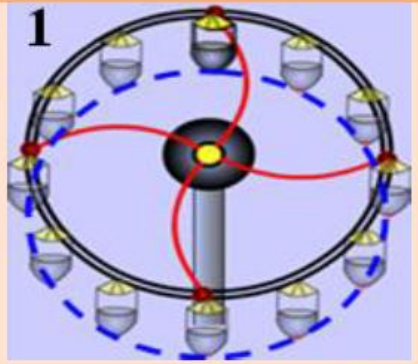
ينجز الذراع حركة دورانية في حين تكون للناقلات حركة إزاحة دائرية حيث تحتفظ كل قطعة من الناقلة بنفس الاتجاه خلال الحركة .

#### 1-1-2- خلاصة :

يكون جسم صلب غير قابل للتشويه في دوران حول محور ثابت ، إذا كانت كل نقطة من نقطه في حركة دائرية ممرکزة على هذا المحور ومسار هذه النقطة المتحركة ينتمي إلى المستوى المتعامد مع محور الدوران .

#### 1-1-3- حركة الدوران وحركة الإزاحة الدائرية :

تتكون مدورة الألعاب من عجلة كبيرة تربط إليها مجموعة من الناقلات .  
بالنسبة للعجلة فهي في حركة دوران حول محور الدوران الثابت  $\Delta$  لأن جميع نقط العجلة في حركة دائرية ممرکزة على هذا المحور ، أما بالنسبة للناقلات فهي في حركة إزاحة دائرية ( لأن كل قطعة تجمع بين نقطتين من الناقلات تحتفظ باتجاه ثابت  $\vec{AB} = \vec{cte}$  ، وكل نقطة من الناقلات تنجز مسارا دائريا ذي مراكز مختلفة  $A_0$  و  $B_0$  ) .



## 2-1- معلمة نقطة من جسم صلب في دوران حول محور ثابت :

يمكن معلمة نقطة متحركة  $G$  من جسم صلب ، في معلم متعامد ممنظم

$\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  مرتبط بالجسم المرجعي في كل لحظة ، **بمتجه الموضع  $\vec{OG}$**

بحيث :  $\vec{OG} = x.\vec{i} + y.\vec{j} + z.\vec{k}$  و  $\|\vec{OG}\| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$

مع  $x$  و  $y$  و  $z$  إحداثيات موضع  $G$  في المعلم  $\mathcal{R}$  .

وللتبسيط نعلم موضع النقطة  $G$  في كل لحظة نستعمل :

### 1-2-1- الأفصول الزاوي :

نعتبر المحور  $Ox$  اتجاهها مرجعيا .

نسمى **الأفصول الزاوي** للنقطة المتحركة  $G$  في لحظة  $t$

الزاوية  $\theta(t) = (\vec{Ox}, \vec{OG})$  وهو مقدار جبري .

وحدة قياسه في ( ن ع ) هي **الراديان rad** .

### 2-2-1- الأفصول المنحني :

نعتبر النقطة  $A$  ( نقطة تقاطع المحور  $Ox$  والمسار ) أصلا

للأفصول المنحنية .

نسمى **الأفصول المنحني** للنقطة المتحركة  $G$  في لحظة  $t$

طول القوس المحصور بين  $G$  و  $A$  حيث  $s(t) = \widehat{AG}$

وهو مقدار جبري . وحدة قياسه في ( ن ع ) هي **المتر m** .

### 3-2-1- العلاقة بين الأفصول الزاوي و الأفصول المنحني :

العلاقة التي تربط بين الأفصول الزاوي و الأفصول المنحني هي  $s(t) = r.\theta(t)$  حيث  $r$  هو شعاع المسار الدائري للنقطة المتحركة  $G$  .

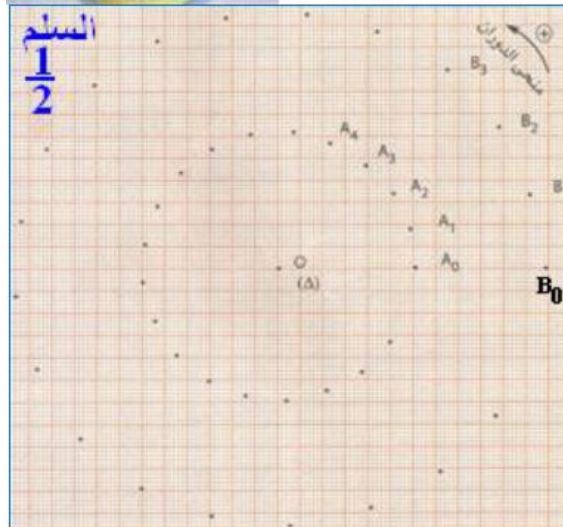
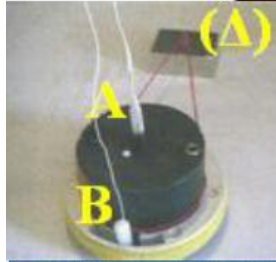
## 2- السرعة الزاوية :

### 1-1- نشاط :

نعتبر المجموعة المكونة من { حامل ذاتي + مفجر جانبي } جسما صلبا يمكنه الدوران

حول محور ثابت  $(\Delta)$  ينتمي للقطعة المعدنية ويمر من مركز تماثلها .

نعمل على أن يكون المفجران المركزي  $A$  والجانبى  $B$  والمحور  $(\Delta)$  على استقامة واحدة .



نرسل الجسم الصلب ونسجل حركة النقطتين  $A$  و  $B$  أثناء مدد

زمنية متتالية ومتساوية  $\tau = 40ms$  كما هو مبين في الشكل جانبه .

أ- حدد طبيعة حركة النقط  $A$  و  $B$  .

لدينا  $OA_0 = OA_1 = OA_2 = \dots = 6cm = Cte$

أي النقط  $A_i$  تبعد بنفس المسافة عن النقطة  $O$  ( أي تنتمي لقوس

دائري ) إذن النقطة  $A$  في حركة دائرية مركزها  $O$  .

ولدينا  $OB_0 = OB_1 = OB_2 = \dots = 12cm = Cte$

أي النقط  $B_i$  تبعد بنفس المسافة عن النقطة  $O$  ( أي تنتمي لقوس

دائري ) إذن النقطة  $B$  في حركة دائرية مركزها  $O$  .

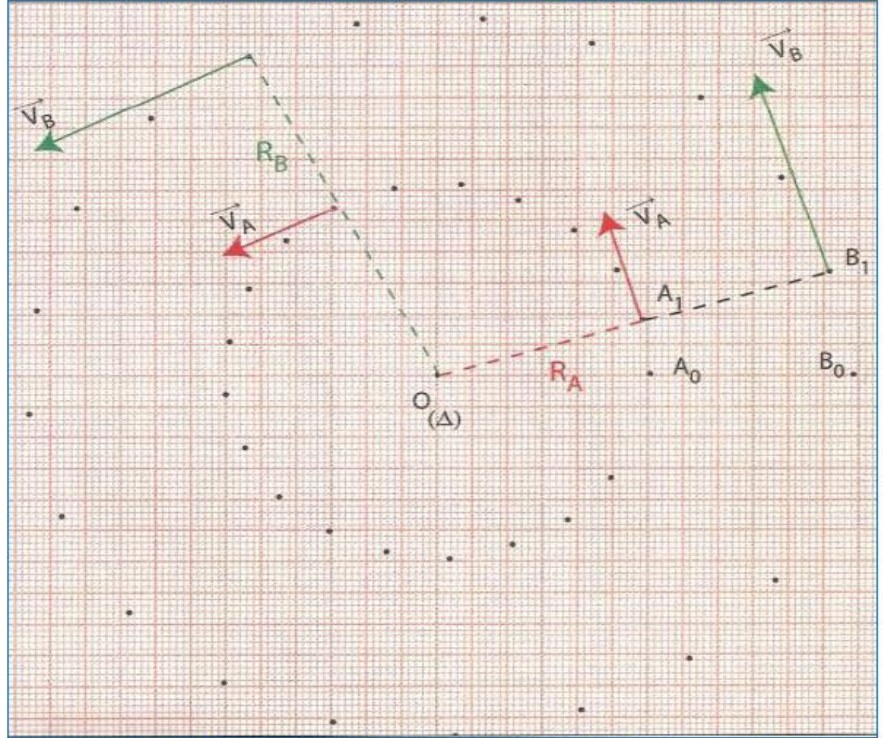
ب- قارن المسافات المقطوعة من طرف كل نقطة خلال نفس المدة الزمنية  $\tau$ . ماذا تستنتج ؟  
 لدينا  $A_0A_1 = A_1A_2 = A_2A_3 = \dots = 1,8cm = Cte$  أي النقطة A تقطع نفس المسافة  
 خلال نفس المدة الزمنية  $\tau$  وبالتالي  $V_A = Cte$ .  
 لدينا  $B_0B_1 = B_1B_2 = B_2B_3 = \dots = 3,4cm = Cte$  أي النقطة B تقطع نفس المسافة  
 خلال نفس المدة الزمنية  $\tau$  وبالتالي  $V_B = Cte$ .

ج- مثل بنفس السلم المتجهين  $\vec{V}_B$  و  $\vec{V}_A$ . ماذا تستنتج ؟

$$V_A = \frac{A_{i-1}A_{i+1}}{2\tau} \approx \frac{A_{i-1}A_{i+1}}{2\tau} = \frac{2 \times 1,8 \cdot 10^{-2}}{2 \times 40 \cdot 10^{-3}} = 0,45 m \cdot s^{-1}$$

$$V_B = \frac{B_{i-1}B_{i+1}}{2\tau} \approx \frac{B_{i-1}B_{i+1}}{2\tau} = \frac{2 \times 3,4 \cdot 10^{-2}}{2 \times 40 \cdot 10^{-3}} = 0,85 m \cdot s^{-1}$$

نمثل المتجهين  $\vec{V}_B$  و  $\vec{V}_A$  بالسلم  $0,45 m \cdot s^{-1} \leftrightarrow 2cm$  فنجد



لدينا  $V_A < V_B$  فنستنتج أننا كلما ابتعدنا عن محور الدوران تزايدت السرعة الخطية.

د- بواسطة منقلة، قس الزاويتين  $\Delta\theta_A$  و  $\Delta\theta_B$  المكسوتين من طرف النقطتين A و B خلال المدة

الزمنية  $\Delta t = t_{i+1} - t_{i-1} = 2\tau$ . ماذا تستنتج ؟

$$\Delta\theta_B = 34^\circ = 0,6 rad \quad \text{و} \quad \Delta\theta_A = 34^\circ = 0,6 rad$$

لدينا  $\Delta\theta_A = \Delta\theta_B$  فنستنتج أنه خلال نفس المدة الزمنية  $\Delta t = 80ms$  تدور النقطتان A و B بنفس

الزاوية  $\Delta\theta = 34^\circ = 0,6 rad$ .

ه- نعرف السرعة الزاوية  $\omega_i$  بالعلاقة  $\omega_i = \frac{\Delta\theta}{t_{i+1} - t_{i-1}}$ . احسب السرعة الزاوية  $\omega_B$  و  $\omega_A$  في

مواضع مختلفة. ماذا تستنتج ؟

$$\omega_B = \frac{0,6}{2 \times 40 \cdot 10^{-3}} = 7,5 rad \cdot s^{-1} \quad \text{و} \quad \omega_A = \frac{0,6}{2 \times 40 \cdot 10^{-3}} = 7,5 rad \cdot s^{-1}$$

نلاحظ أن  $\omega_A = \omega_B$  وبالتالي نستنتج أن جميع نقط جسم صلب في دوران حول محور ثابت تدور

بنفس السرعة الزاوية  $\omega$  مع مرور الزمن.

و- حدد طبيعة حركة الجسم الصلب.

الجسم الصلب في دوران بسرعة زاوية ثابتة مع مرور الزمن، إذن فهو في حركة دوران منتظم.

ز- عين قيمة الشعاع  $R_B$  و  $R_A$  ثم احسب المقدار  $R_B \cdot \omega_{B_i}$  و  $R_A \cdot \omega_{A_i}$  وقارنه مع السرعة اللحظية  $V_{B_i}$  و  $V_{A_i}$ . ماذا تستنتج؟

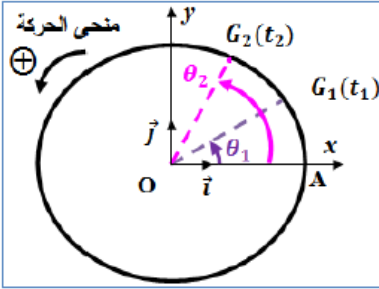
لدينا  $R_B = OB = 12 \cdot 10^{-2} m$  و  $R_A = OA = 6 \cdot 10^{-2} m$   
 إذن  $V_A = 0,45 m \cdot s^{-1}$  و  $R_A \cdot \omega_{A_i} = R_A \cdot \omega_A = 6 \cdot 10^{-2} \times 7,5 = 0,45 m \cdot s^{-1}$

فلاحظ أن  $V_A = R_A \cdot \omega_A$

كذلك  $V_B = 0,85 m \cdot s^{-1}$  و  $R_B \cdot \omega_{B_i} = R_B \cdot \omega_B = 12 \cdot 10^{-2} \times 7,5 = 0,9 m \cdot s^{-1}$

فلاحظ أن  $V_B = R_B \cdot \omega_B$

وبالتالي أثناء دوران الجسم الصلب، تتحقق في كل لحظة، العلاقة  $V = R \cdot \omega$ .  
2-2- السرعة الزاوية المتوسطة:

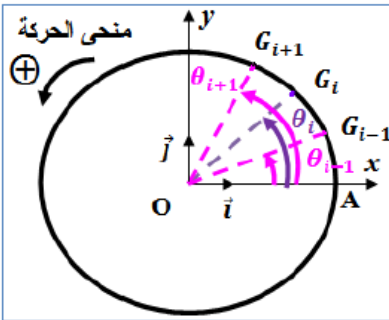


السرعة الزاوية المتوسطة  $\omega_{moy}$  للنقطة G بين اللحظتين  $t_1$  و  $t_2$  هي:

$$\omega_{moy} = \frac{\theta_2 - \theta_1}{t_2 - t_1}$$

وحدتها في (ن ع) هي الراديان على الثانية  $rad \cdot s^{-1}$ .

2-3- السرعة الزاوية اللحظية:



السرعة الزاوية اللحظية  $\omega_i$  هي خارج قسمة الزاوية التي تكسها متجهة

$$\omega_i = \frac{\delta \theta}{\delta t} = \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

الموضع على وحدة الزمن: وحدتها في (ن ع) هي الراديان على الثانية  $rad \cdot s^{-1}$ .

2-4- العلاقة بين السرعة الزاوية والسرعة الخطية:

$$V_i = \frac{G_{i-1}G_{i+1}}{t_{i+1} - t_{i-1}} = \frac{\widehat{AG_{i+1}} - \widehat{AG_{i-1}}}{t_{i+1} - t_{i-1}} = \frac{s_{i+1} - s_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}} = \frac{R \cdot \theta_{i+1} - R \cdot \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}} = R \cdot \frac{\theta_{i+1} - \theta_{i-1}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

$$V_i = R \cdot \omega_i \quad \text{إذن}$$

ملحوظة:

أثناء دوران جسم صلب حول محور ثابت تكون لجميع نقطه في كل لحظة نفس السرعة الزاوية  $\omega$  بينما تتزايد السرعة الخطية  $V$  كلما ابتعدنا عن محور الدوران.

3- حركة الدوران المنتظم:

1-3- تعريف:

تكون حركة الدوران لجسم صلب حول محور ثابت منتظمة إذا بقيت السرعة

$$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = Cte \quad \text{لهذا الجسم ثابتة مع مرور الزمن.}$$

2-3- خصائص الدوران المنتظم :

الحالة	قيمة (Hz)
ذراع مروحة	5
أسطوانة آلة الغسيل	13,3
قرص مدمج	6,67
حركة الأرض حول محور قطبيها	$1,16 \cdot 10^{-5}$

الدور هو المدة الزمنية اللازمة لكي تنجز نقطة من جسم صلب

في حركة دوران منتظم دورة كاملة .  $T = \frac{2\pi}{\omega} \leftarrow (s)$

التردد هو عدد الدورات التي تنجزها نقطة من جسم صلب في

حركة دوران منتظم في الثانية .  $f = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} \leftarrow (Hz)$

3-3- المعادلة الزمنية للحركة :

المعادلة الزمنية لحركة نقطة من جسم صلب في دوران منتظم حول

محور ثابت هي  $\theta(t) = \omega \cdot t + \theta_0$

حيث  $\theta_0$  الأفضول الزاوي عند أصل التواريخ  $t_0 = 0$  .

المعادلة الزمنية لحركة نقطة من جسم صلب في دوران منتظم حول

محور ثابت هي  $s(t) = V \cdot t + s_0$

حيث  $s_0$  الأفضول المنحني عند أصل التواريخ  $t_0 = 0$  .

$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} \text{ لدينا}$$

و باعتبار  $\Delta t = t - t_0$  مع  $t_0 = 0$

و باعتبار  $\Delta\theta = \theta(t) - \theta_0$  فإن

$$\omega = \frac{\theta(t) - \theta_0}{t}$$

وبالتالي المعادلة الزمنية للحركة هي

$$\theta(t) = \omega \cdot t + \theta_0$$