

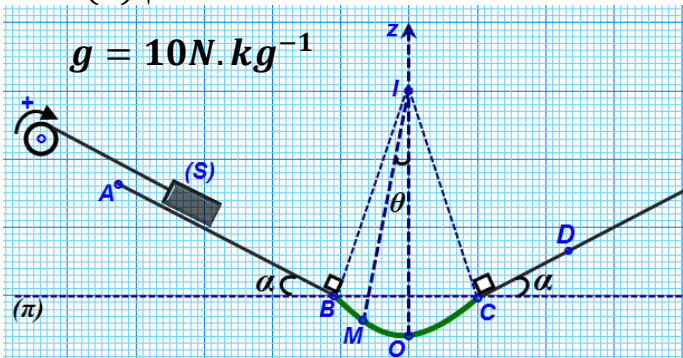
الجزء الأول : الشغل
 الميكانيكى والطاقة

الوحدة 4-5

ذ. هشام محجر

الشغل وطاقة الوضع الثقالية – الطاقة الميكانيكية
 Travail et Energie Potentielle de
 Pesanteur - Energie Mécanique

- خيط كتلته مهملة وغير قابل للامتداد ، جزء منه ملفوف حول مجرى البكرة و طرفه الحر مرتبط بالجسم (S) .



1- نحرر الجسم (S) بدون سرعة بدئية من الموضع A ، عند اللحظة $t_A = 0$ ، فينزلق بدون احتكاك على الجزء AB ويمر من الموضع B بسرعة $V_B = 2m \cdot s^{-1}$.
 1-1 احسب شغل وزن الجسم (S) عند انتقاله من الموضع A إلى الموضع B . ما طبيعة هذا الشغل؟
 1-2-1 علما أن القوة \vec{T} التي يطبقها الخيط على الجسم (S) ثابتة.

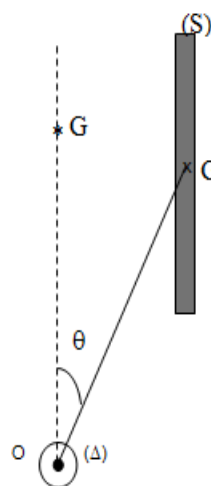
1-2-1-1 أوجد ، بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية ، شدة T .
 1-2-2-1 احسب القدرة اللحظية P للقوة \vec{T} عند مرور الجسم (S) من الموضع B .
 2- عند اللحظة t_B يتقطع الخيط فيتابع الجسم (S) حركته على الجزء BC بدون احتكاك ، في حين تنجز البكرة بين اللحظة t_B ولحظة توقفها 10 دورات .
 1-2-2-1 أوجد ، بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على البكرة ، العزم \mathcal{M}_f للمزدوجة المقاومة المطبقة على البكرة.

2-2-2 معلوم ، عند لحظة t ، الموضع M للجسم (S) بالزاوية $\theta = (\widehat{IM}, \widehat{IO})$ حيث سرعة الجسم (S) هي V_M . ونختار $E_{pp}(\pi) = 0$ كحالة مرجعية .
 1-2-2-2 أوجد تعبير طاقة الوضع الثقالية $E_{pp}(M)$ للجسم (S) بدلالة m و g و r و theta و alpha .

2-2-2-2 بتطبيق انحفاظ الطاقة الميكانيكية E_m للجسم (S) على الجزء BC . أوجد تعبير السرعة V_0 للجسم (S) في الموضع O ، بدلالة g و r و alpha و السرعة V_B في الموضع B . احسب V_0 .
 3- يصل الجسم (S) إلى الموضع D بسرعة V_D بحيث $V_D = \frac{V_C}{2}$.

1-3-1 بين أن التماس بين (S) والجزء CD يتم باحتكاك .
 2-3-2 علما أن قوة الاحتكاك \vec{f} ثابتة ، احسب شدتها f .

تمرين 1 :



أثناء اشتغالها ، تنجز مساحة زجاج السيارة حركة دوران حول محور ثابت . نمذجها بواسطة جسم صلب (S) متجانس كتلته $m = 50g$ وطوله $L = 30cm$ ، قابل للدوران حول محور ثابت (Δ) . بواسطة سلك فلزي غير قابل للالتواء ، كتلته مهملة وطوله $2L$ ، نثبت الجسم (S) إلى المحور (Δ) .

عند اللحظة $t = 0$ ، نحرر وبدون سرعة بدئية الجسم (S) من الموضع البدئي G_0 لمركز قصوره الممعلم بالزاوية $\theta = 60^\circ$ بالنسبة للخط الرأسى الذي يتقاطع مع محور الدوران (Δ) في النقطة O .
 نهمل جميع الاحتكاكات ونأخذ $g = 10N \cdot kg^{-1}$.

1- احسب شغل وزن الجسم (S) خلال انتقال مركز قصوره من الموضع G_0 إلى الموضع G .
 2- احسب الطاقة الحركية للجسم (S) عند مرور مركز قصوره من الموضع G .
 3- بين أن الطاقة الميكانيكية للجسم (S) تتحفظ خلال انتقال مركز قصوره من الموضع G_0 إلى الموضع G .

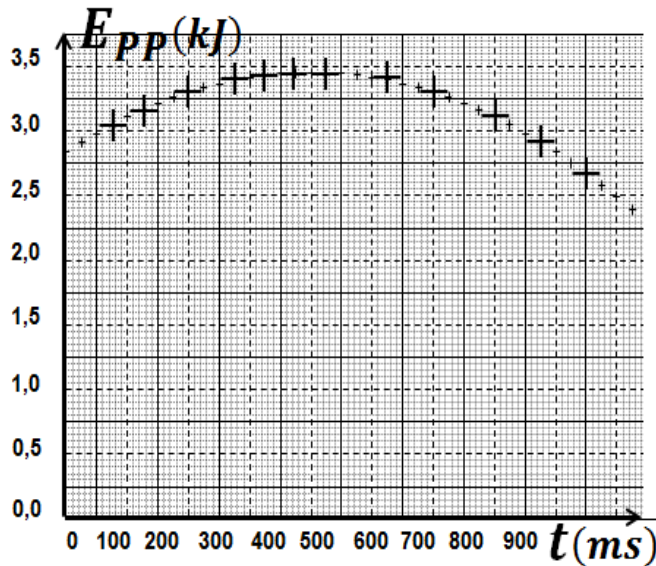
تمرين 2 :

تتكون المجموعة الممثلة في الشكل جانبه من :
 - بكرة شعاعها $R = 5cm$ و عزم قصورها بالنسبة لمحور دورانها (Δ) هو $J_\Delta = 10^{-3} kg \cdot m^2$. تخضع هذه البكرة خلال دورانها إلى مزدوجة مقاومة ، ناتجة عن الاحتكاكات ، عزمها \mathcal{M}_f ثابت بالنسبة (Δ) .
 - جسم صلب (S) كتلته $m = 200g$ قابل للانزلاق ، على سكة ABCD رأسية ومكونة من ثلاثة أجزاء :
 * الجزء AB : مستقيمي طوله $AB = 1m$ ومائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقى (π) .
 * الجزء BC : دائري مركزه I وشعاعه $r = 1m$ ويتصل مماسيا بالجزئين AB و CD .
 * الجزء CD : مستقيمي طوله $CD = 25cm$ ومائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقى (π) .

الشغل وطاقة الوضع الثقالية – الطاقة الميكانيكية
Travail et Energie Potentielle de Pesanteur - Energie Mécanique

نعطي : كتلة الرياضي $m = 70\text{kg}$ و $h_0 = 4\text{m}$
و $g = 9,8\text{N.kg}^{-1}$ و $V_0 = 4\text{m.s}^{-1}$

يقفز ، عند اللحظة $t = 0$ ، الغطاس من أعلى لوحة القفز حيث مركز قصوره يوجد عند الموضع G_0 وعلى ارتفاع h_0 من سطح ماء المسبح، بسرعة بدئية منظمها V_0 في معلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) .
يمثل الشكل التالي تغيرات طاقة الوضع الثقالية بدلالة الزمن أثناء مرحلة قفز الغطاس.



نأخذ سطح ماء المسبح كحالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية ($E_{pp} = 0$) ونهمل جميع الاحتكاكات.

1- اعتمادا على المنحنى ، حدد h_{max} أقصى ارتفاع يصل إليه الغطاس خلال مرحلة القفز .

2- عبر عند لحظة t ، عن $E_m(G)$ الطاقة الميكانيكية للغطاس بدلالة m و g و h و V سرعة مركز قصور الغطاس.

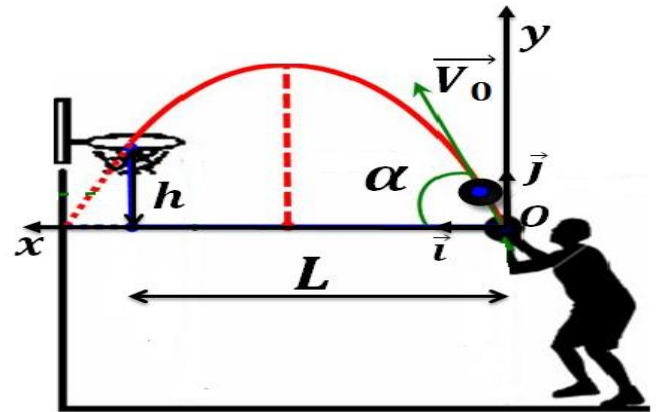
3- عند اللحظة t_3 يصل مركز قصور الغطاس إلى الموضع G_3 الذي يوجد على ارتفاع h_3 من سطح الماء. أوجد تعبير الطاقة الحركية $E_C(G_3)$ عند اللحظة t_3 بدلالة V_0 و m و g و h_0 و h_3 ثم احسب $E_C(G_3)$ نعطي $h_3 = 1\text{m}$.

4- استنتج V_3 سرعة مركز قصور الغطاس عندما يصل إلى الموضع G_3 .

تمرين 3 :

نعتبر لاعب كرة السلة لحظة إرساله الكرة بسرعة V_0 يكون اتجاهها الزاوية α مع محور الأفاصيل لمعلم متعامد ممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) . نهمل جميع الاحتكاكات ونعطي تعبير متجهة السرعة لكرة السلة عند لحظة t :

$$\vec{V} = V_0 \cos \alpha \vec{i} + \left(V_0 \sin \alpha - g \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \right) \vec{j}$$



بين أنه لكي تكون المحاولة صائبة، يجب أن تحقق V_0

$$V_0^2 = \frac{g \cdot L}{2 \cos^2(\alpha) \left(\tan \alpha - \frac{h}{L} \right)}$$

تمرين 4 :

في ملتقيات ألعاب القوى ، يسعى كل رياضي إلى تحقيق أفضل النتائج للفوز ببعض الجوائز . تعتبر رياضة الغطس من الأنواع الرياضية التي تبرمج في ملتقيات ألعاب القوى. يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة غطاس خلال مرحلة القفز.

