

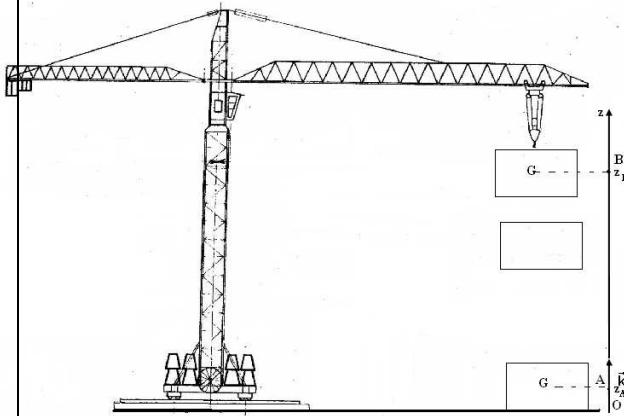
الشغل وطاقة الوضع الثقالية – الطاقة الميكانيكية  
الأولى بكالوريا علوم تجريبية علوم رياضية وتجريبية  
2008 – 2007

## I – طاقة الوضع الثقالية

### 1 – مفهوم طاقة الوضع

طاقة الوضع الثقالية لجسم ما في مجال الثقالة هي الطاقة التي يتتوفر عليها الجسم نتيجة موضعه بالنسبة للأرض . وهي ناتجة عن التأثير البيني الحاصل بينه وبين الأرض .  
**مثال:** عند نقل حمولة بواسطة رافعة من موضع A يوجد على سطح الأرض إلى موضع B يوجد على ارتفاع H من سطح الأرض ، خلال هذا الانتقال يكتسب الجسم طاقة تتعلق بموضعه بالنسبة لسطح الأرض تسمى **طاقة الوضع الثقالية** énergie potentielle de pesanteur.

### 2 – تعريف طاقة الوضع الثقالية



طبق مبرهننا الطاقة الحركية خلال انتقال الحمولة من الموضع A أنسوبه  $z_A$  إلى موضع B أنسوبه  $z_B$  . نعتبر أن سرعة الحمولة خلال الصعود ثابتة .

$$\frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2 = W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) + W_{A \rightarrow B}(\vec{F})$$

$$v_A = v_B$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = -W_{A \rightarrow B}(\vec{F})$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = -(-mg(z_B - z_A))$$

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = mgz_B - mgz_A \quad (1)$$

يلاحظ أن الفرق  $mgz_B - mgz_A$  هو تغير مقدار لا يتعلق إلا بالأنسوب  $z$  لمركز القصور G للحمولة . نسمى هذا المقدار بطاقة الوضع الثقالية . ونرمز له ب  $E_{pp}$  وبالتالي تكتب العلاقة :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = E_{pp}(A) - E_{pp}(B)$$

### 3 – صيغة طاقة الوضع الثقالية – الحالة المرجعية .

تعرف طاقة الوضع الثقالية لجسم صلب في مجال الثقالة بالعلاقة التالية :

$$E_{pp} = mgz + C \quad (2)$$

$m$  : كتلة الجسم الصلب . نعبر عنها ب  $kg$

$g$  : شدة الثقالة نعبر عنها ب  $N/kg$

$z$  : أنسوب مركز قصور الجسم الصلب . نعبر عنها بالمتر

$E_{pp}$  : طاقة الوضع الثقالية ونعبر عنها بالجول  $J$

$C$  : ثابتة تتعلق بالحالة المرجعية حيث تسند لطاقة الوضع الثقالية القيمة  $0 = E_{pp}$  وهي حالة يتم اختيارها اعتباطيا .

مثال لاختيار الحالة المرجعية :

\* اختار حالة مرئية  $E_{pp} = 0$  أي أن  $z = z_0$  في هذه الحالة .

في العلاقة (2)  $E_{pp} = 0 = mgz_0 + C \Rightarrow C = -mgz_0$

بالتالي أن طاقة الوضع الثقالية في هذه الحالة هي :

$$E_{pp} = mg(z - z_0)$$

وبلاحظ من خلال هذه العلاقة أن طاقة الوضع الثقالية يمكن أن تكون موجبة ( $z > z_0$ ) أو سالبة ( $z = z_0$ ) أو منعدمة ( $z < z_0$ ).

### ملحوظة:

- طاقة الوضع الثقالية تبقى ثابتة خلال انتقال أفقي مستقيم  $z_G = Cte$ .
- تناسب طاقة الوضع الثقالية اطرادا مع الارتفاع.
- طاقة الوضع مقدار جبri عكس الطاقة الحركية.

### 4 – تغير طاقة الوضع الثقالية

#### ć

نعتبر جسما صلبا S كتلته  $m$  في سقوط حر من نقطة A أنسوتها  $z_A$ . عند لحظة  $t$  يمر مركز قصوره من النقطة B ذات أنسوب  $z_B$ . حدد تغير طاقة الوضع الثقالية بين الموضعين A و B بالنسبة للحالتين المرجعيتين التاليتين :

- أ – نأخذ  $E_{pp} = 0$  عند سطح الأرض  $z = 0$  أصل المعلم  $O\bar{z}$  الموجه نحو الأعلى.
- ب – نأخذ  $E_{pp} = 0$  عند مستوى أنسوبه  $z = z_0$

#### الحالة المرجعية الأولى :

حسب الحالة المرجعية نأخذ  $E_{pp} = 0$  عند سطح الأرض  $z = 0$  أي أن  $C = 0$  وبالتالي فتعبر طاقة الوضع الثقالية في هذه الحالة هو :

$$E_{pp} = mgz$$

وتغير طاقة الوضع الثقالية بين الموضعين A و B هو :

$$\Delta E_{pp} = E_{ppB} - E_{ppA}$$

$$\Delta E_{pp} = mgz_B - mgz_A = mg(z_B - z_A)$$

#### الحالة المرجعية الثانية

حسب الحالة المرجعية :  $E_{pp} = 0$  عند مستوى أنسوبه

$$E_{pp} = 0 = mgz_0 + C \Rightarrow C = -mgz_0$$

لذينا  $z = z_0$  وبالتالي  $E_{pp} = mg(z - z_0)$  فتغير طاقة الوضع الثقالية بين الموضعين A و B هو :

$$\Delta E_{pp} = E_{ppB} - E_{ppA}$$

$$\Delta E_{pp} = mg(z_B - z_0) - mg(z_A - z_0)$$

$$\Delta E_{pp} = mg(z_B - z_A)$$

**خلاصة:** يلاحظ من خلال هذا المثال أن تغير طاقة الوضع لا يتعلق بالحالة المرجعية التي يتم اختيارها ، فهو يتعلق إلا بالحالة البدئية والحالة النهائية .

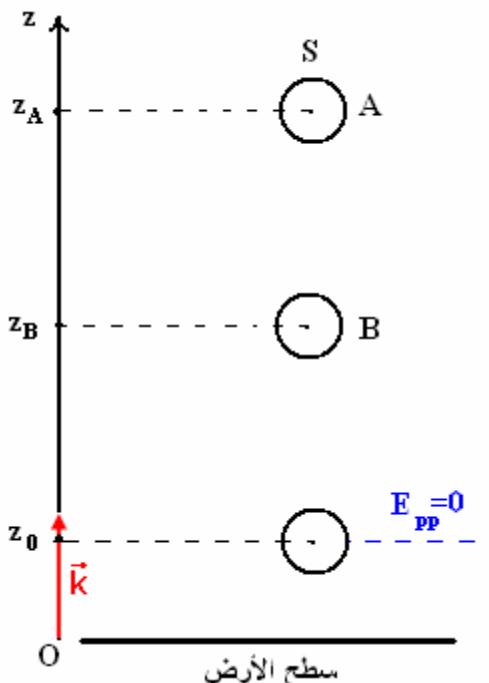
### 5 – علاقة طاقة الوضع الثقالية بشغل وزن الجسم.

بحسب شغل وزن الجسم الصلب عند انتقاله من A إلى B :

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{P}) = mg(z_A - z_B)$$

وتوصلنا في الدراسة السابقة أن  $\Delta E_{pp} = mg(z_B - z_A)$  وبالتالي أن :

$$\Delta E_{pp} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{P})$$



في حالة  $z_A > z_B$  و  $\Delta E_{pp} < 0$  وبالتالي فإن الجسم يفقد طاقة الوضع الثقالية خلال نزوله .  
 في حالة  $z_A < z_B$  و  $\Delta E_{pp} > 0$  وبالتالي فإن الجسم يفقد طاقة الوضع الثقالية خلال صعوده .

## II - الطاقة الميكانيكية

### 1 - تعرف الطاقة الميكانيكية لجسم صلب

تساوي الطاقة الميكانيكية لجسم صلب عند كل لحظة ، في معلم معين ، مجموع الطاقة الحركية وطاقة الوضع الثقالية لهذا الجسم :

$$E_m = E_C + E_{pp}$$

وحدتها في النظام العالمي للوحدات : الجول J .

**مثال:** في حالة السقوط الحر لجسم صلب كتلته  $m$  ، وباعتبار أن الحالة المرجعية هي سطح الأرض  $(E_{pp} = 0, z = 0)$  طاقته الميكانيكية في لحظة t حيث سرعته v وانسوب مركز قصوره z هي :

$$E_m = \frac{1}{2}mv^2 + mgz$$

بما أن الطاقة الميكانيكية تتعلق بطاقة الوضع الثقالية فهي كذلك لا تعرف إلا بثابتة C تتعلق بالحالة المرجعية التي يتم اختيارها .

### 2 - انحفاظ الطاقة الميكانيكية

#### A - الادار التحرسي لانحفاظ الطاقة الميكانيكية

##### \*حالة السقوط الحر : النشاط التحرسي 1

استغلال برمج أفيميكا لدراسة سقوط حر مسجل بواسطة كاميرا رقمية .

- نأخذ تاريخ انطلاق الكرة أصلا للتاريخ

- نرسل جدول القياسات إلى البرنامج المجدول والرسم للمحننات ريفريسي الذي يمكن من

حساب قيمة السرعة v للكرة وقيم  $E_C$  و  $E_{pp}$  و

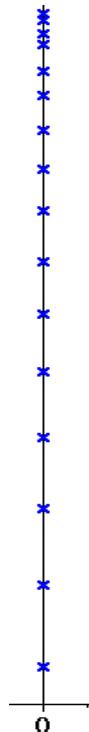
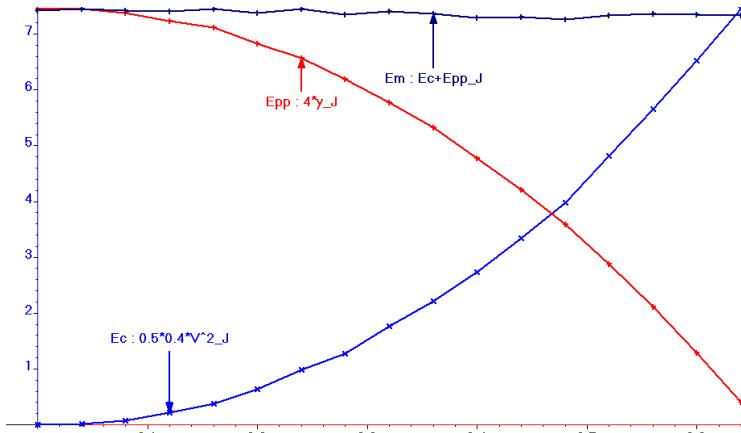
$E_C + E_{pp}$

- بواسطة نفس البرنامج يقوم بخط المحننات

$E_{pp} = g(t)$  و  $E_C = f(t)$

و  $E_C + E_{pp} = h(t)$  في نفس المعلم .

i	t s	x m	y m	v m/s	$E_C$ J	$E_{pp}$ J	$E_m$ J
0	0	0	2	-0.02857	0.0001633	8	8
1	0.04	0	2	-0.3143	0.01976	8	8.02
2	0.08	0	1.98	-0.6	0.072	7.92	7.992
3	0.12	0	1.94	-1.025	0.2101	7.76	7.97
4	0.16	0	1.91	-1.375	0.3781	7.64	8.018
5	0.2	0	1.83	-1.775	0.6301	7.32	7.95
6	0.24	0	1.76	-2.225	0.9901	7.04	8.03
7	0.28	0	1.66	-2.525	1.275	6.64	7.915
8	0.32	0	1.55	-2.975	1.77	6.2	7.97
9	0.36	0	1.43	-3.325	2.211	5.72	7.931
10	0.4	0	1.28	-3.695	2.731	5.12	7.851
11	0.44	0	1.13	-4.088	3.342	4.52	7.862
12	0.48	0	0.961	-4.46	3.978	3.844	7.822
13	0.52	0	0.772	-4.905	4.812	3.088	7.9
14	0.56	0	0.567	-5.32	5.66	2.268	7.928
15	0.6	0	0.346	-5.713	6.527	1.384	7.911
16	0.64	0	0.11	-6.106	7.456	0.44	7.896

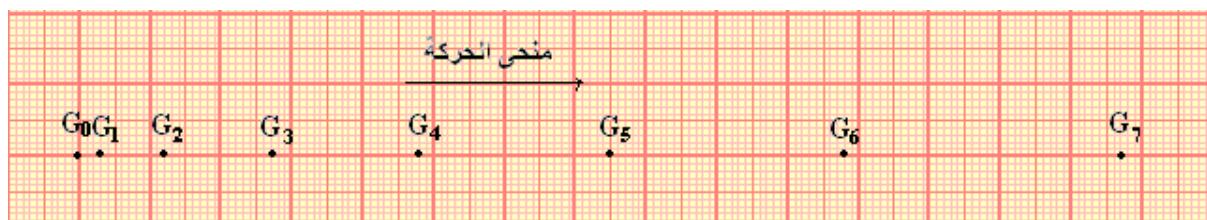
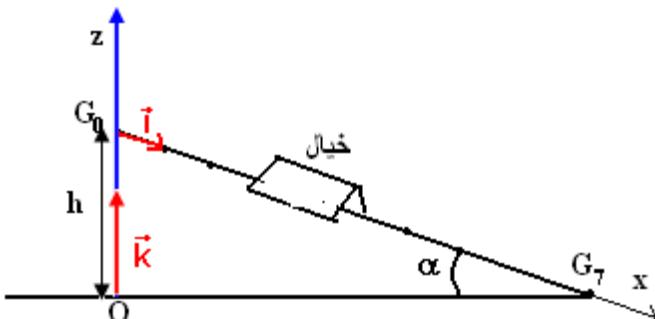


### استئمار المنتجات

- 1 – اجرد القوى المطبقة على الكرية .
- 2 – كيف تتغير الطاقة الحركية  $E_C$  للكرية بدلالة الزمن ؟
- 3 – كيف تتغير طاقة الوضع الثقالية  $E_{pp}$  للكرية بدلالة الزمن ؟
- 4 – كيف يتغير المجموع  $E_C + E_{pp}$  خلال السقوط الحر للكرية ؟ ماذا نستنتج ؟

### \* حالة انطلاق خيال على نصف هوائي .

نميل نصف هوائي بزاوية  $\alpha = 5,52^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي . تم نطلق خيال ذي كتلة  $m = 400g$  ، من أعلى نقطة وبدون سرعة بدئية ونسجل مواضع نقطة منه في مدد زمنية متساوية ومتناوبة قيمتها  $\tau = 80ms$  . تبرز الوضيفة التالية بالسلالم الحقيقي مثلا لجزء من التسجيل المحصل عليه :



نعتبر لحظة تسجيل النقطة  $G_0$  أصلا للتوازيح ( $t=0$ ) ونأخذ  $g = 9,8N/kg$

### استئمار :

- 1 – أجرد القوى المطبقة على الخيال خلال حركته وحدد القوى التي تشتعل . علل جوابك .
- 2 – نعتبر الجدول التالي :

$G_7$	$G_6$	$G_5$	$G_4$	$G_3$	$G_2$	$G_1$	$G_0$	الموضع $i$
560	480	400	320	240	160	80	0	$t(s).10^{-3}$
14,7	10,8	7,5	4,8	2,7	1,2	0,3	0	$x_i(m).10^{-2}$
								$M_{i+1}M_{i-1}(m)$
								$V_i(m/s)$
								$Z_i(m)$
								$E_C(J)$
								$E_{pp}(J)$
								$E_C+E_{pp}(J)$

أ – أحسب قيمة سرعة الخيال  $v_i$  في الموضع  $G_i$  واستنتج قيمة الطاقة الحركية للخيال الموافقة

ب – نسمي  $\ell$  المسافة التي يقطعها مركز القصور  $G$  للخيال بين الموضعين  $G_1$  و  $G_6$  ونسمى  $h$  فرق الارتفاع بين  $G_1$  و  $G_6$  ( انظر الشكل )

أثبت العلاقة التالية :  $z_i = h \left( 1 - \frac{x_i}{\ell} \right)$  بحيث أن  $z_i$  هو أنسوب الموضع  $i$  في المعلم الرأسى

، و  $x_i$  هو أقصول الموضع  $i$  في المعلم  $(O, \vec{k})$  الموازي للنضد الهوائي .

نأخذ كمراجع لطاقة الوضع الثقالية  $E_{pp}$  أصل المحور الرأسى  $(O, \vec{k})$  حيث أن النقطة 0 متطابقة مع  $G_7$  . أحسب قيمة  $E_{pp}$  بالنسبة لمختلف الموضع  $i$  بحيث أن  $7 < i < 0$  .

ج – أحسب قيمة المجموع  $E_C + E_{pp}$  . ماذا تستنتج ؟

خلاصة : في حالة السقوط الحر أو في حالة انزلاق جسم على مستوى مائل بدون احتكاك توصلنا إلى أن  $E_C + E_{pp} = \text{cte}$  أي بصفة عامة لتكن  $m$  كتلة جسم صلب و  $v$  سرعة مركز قصوره و  $z$  أنسوبه في معلم  $(O, \vec{k})$  موجه نحو الأعلى ، وباعتبار الحالة المرجعية  $0$  عند  $E_{pp} = 0$  فإن طاقته الميكانيكية في كل لحظة هي :

$$E_m = \frac{1}{2}mv^2 + mgz = \text{Cte}$$

أي أن

$$\Delta E_m = 0 \Leftrightarrow E_{C2} + E_{pp2} = E_{C1} + E_{pp1} \Rightarrow E_{C2} - E_{C1} = E_{pp1} - E_{pp2}$$

$$\Delta E_C = -\Delta E_{pp}$$

بالنسبة لجسم صلب يعتبر وزنه هو القوة الوحيدة التي تنجز شغلا غير منعدم ، يساوي تغير الطاقة الحركية لهذا الجسم مقابل طاقة الوضع الثقالية . أي أنه خلال الحركة تحول الطاقة الحركية للجسم إلى طاقة الوضع والعكس صحيح .

### ب – تعميم :

أثناء السقوط الحر لجسم صلب ، أو أثناء انزلاقه بدون احتكاك على مستوى مائل ، تحول طاقة الوضع الثقالية إلى طاقة حركية ( والعكس صحيح ) ، وتحفظ الطاقة الميكانيكية . في الحالتين يكون وزن الجسم هو القوة الوحيدة التي تنجز شغلا نقول أن  $P$  قوة محافظة .

### 3 – عدم احتفاظ الطاقة الميكانيكية الإدراز التحرسي لعدم احتفاظ الطاقة الميكانيكية

نميل نضد هوائي بزاوية  $\alpha = 10^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي تم نعمل على نقص صبيب هواء معصفة النضد لكي تتم حركة الخيال بالاحتكاك . تم نطلق الخيال ذي الكتلة  $m = 400g$  ، من أعلى نقطة وبدون سرعة بدئية ونسجل مواضع نقطة منه في مدد زمنية متساوية وممتالية قيمتها  $\tau = 60ms$  .

تبين الواقعة التالية بالسلم الحقيقى مثلا لجزء من التسجيل المحصل عليه :



نعتبر لحظة تسجيل النقطة  $G_0$  أصلًا للتواريخ ( $t=0$ )

#### استئمار:

- 1 - أجرد القوى المطبقة على الخيال خلال حركته وحدد القوى التي تشتعل . علل جوابك .
- 2 - نعتبر الجدول التالي :

$G_8$	$G_7$	$G_6$	$G_5$	$G_4$	$G_3$	$G_2$	$G_1$	$G_0$	الموضع
480	420	360	300	240	180	120	60	0	$t(s) \cdot 10^{-3}$
12,8	9,9	6,9	4,8	3,1	1,6	0,8	0,4	0	$x_i(m) \cdot 10^{-2}$
									$M_{i+1}M_{i-1}(m)$
									$V_i(m/s)$
									$Z_i(m)$
									$E_C(J)$
									$E_{pp}(J)$
									$E_C + E_{pp}(J)$

أ - أحسب قيم سرعة الخيال  $v_i$  في الموضع  $G_i$  واستنتج قيم الطاقة الحرارية للخيال المواقفة

ب - نسمي  $\ell$  المسافة التي يقطعها مركز القصور  $G$  للخيال بين الموضعين  $G_1$  و  $G_7$  ونسمى  $h$  فرق الارتفاع بين  $G_1$  و  $G_7$  ( انظر الشكل )

أثبت العلاقة التالية :  $z_i = h \left( 1 - \frac{x_i}{\ell} \right)$  بحيث أن  $z_i$  هو أنسوب الموضع  $G_i$  في المعلم الرأسى

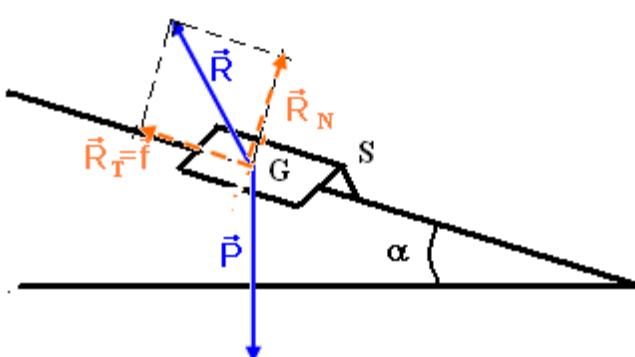
، و  $x_i$  هو أقصى الموضع  $G_i$  في المعلم  $(O, \vec{k})$  الموازي للنضد الهوائي .

نأخذ كمراجع لطاقة الوضع الثقالية  $E_{pp}$  أصل المحور الرأسى  $(O, \vec{k})$  حيث أن النقطة  $O$  متطابقة مع  $G_8$  . أحسب قيم  $E_{pp}$  بالنسبة لمختلف الموضع  $G_i$  بحيث أن  $8 < i < 0$ .

ج - أحسب قيم المجموع  $E_C + E_{pp}$  . ماذا تستنتج ؟

خلاصة : يلاحظ من خلال الدراسة التجريبية أن  $E_C + E_{pp} \neq cte$  أي أن هناك عدم انتظام الطاقة الميكانيكية .

صفة عامة ، نعتبر ازلاق جسم صلب  $S$  فوق مستوى مائل بزاوية  $\alpha$  بالنسبة للمستوى الأفقي . وأن الاحتكاكات غير مهملة ونطبق مبرهنة الطاقة الحرارية بين لحظتين  $t_1$  حيث يحتل فيها مركز قصور الجسم الموضع  $G_1$  واللحظة  $t_2$  حيث يحتل مركز قصور الجسم الموضع  $G_2$  :



$$\Delta E_c = W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{P}) + W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{R})$$

ونعلم أن  $W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{P}) = -\Delta E_{pp}$  فتصبح العلاقة

$$\Delta E_c = -\Delta E_{pp} + W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{R}) \Rightarrow \Delta E_c + \Delta E_{pp} = W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{R})$$

وبالتالي أن  $W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{R}) = W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{f})$  أي أن  $\Delta E_m = W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{R})$

$$\Delta E_m = W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{f})$$

ـ يلاحظ أن الطاقة الميكانيكية لا تحفظ . وبما أن  $\Delta E_m < 0$  فإنها تتناقص ، ويوافق هذا التناقص شغل قوى الاحتكاك . نقول أن قوى الاحتكاك قوى غير محافظة .

كيف نعمل هذه النتيجة :

اصطلاح : مجموعة ميكانيكية تبادل الطاقة مع الوسط الخارجي . كل ما تكتسبه المجموعة (من طاقة أو شغل  $W$ ) من الوسط الخارجي فهو موجب . وكل ما تمنحه للوسط الخارجي فهو سالب .

المجموعة ، الجسم الصلب  $S$  ، خلال ازلاقه على المستوى المائل تتناقص طاقته الميكانيكية أي أنه يمنح طاقة للوسط الخارجي على شكل طاقة حرارية  $Q$  والتي تؤدي إلى ارتفاع درجة الحرارة بين سطحي التماس والهواء المجاور . وباعتراض الاصطلاح المذكور أعلاه نكتب :

$$\Delta E_m = -Q \quad \text{وبالتالي } W_{G_1 \rightarrow G_2}(\vec{f}) = -Q$$

يساوي انحفاظ الطاقة الميكانيكية للجسم الصلب مقابل الطاقة الحرارية .

