

## تصحيح تمارين الشغل والطاقة الحركية

تمرين 1:

- الطاقة الحركية للنوترون :

$$Ec = \frac{1}{2} m_n v^2$$

ت.ع:

$$Ec = \frac{1}{2} \times 1,67 \cdot 10^{-27} \times (64 \cdot 10^3)^2$$

$$Ec = 4,42 \cdot 10^{-18} J$$

- الطاقة الحركية للطائرة :

$$Ec = \frac{1}{2} M V^2$$

ت.ع:

$$Ec = \frac{1}{2} \times 150 \cdot 10^6 \times \left(\frac{900}{3,6}\right)^2$$

$$Ec = 4,69 \cdot 10^{12} J$$

- الطاقة الحركية للكرة الأرضية :

$$Ec_T = \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2$$

$$J_{\Delta} = \frac{2}{5} M_T R_T^2 = \frac{2}{5} \times 6 \cdot 10^{24} (6400 \cdot 10^3)^2 = 9,83 \cdot 10^{37} \text{ kg.m}^2 \text{ مع :}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{23 \times 3600 + 56 \times 60 + 4} = 7,29 \cdot 10^{-5} \text{ rad.s}^{-1} \text{ و}$$

نحصل على :

$$Ec_T = \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2$$

ت.ع:

$$Ec_T = \frac{1}{2} \times 9,83 \cdot 10^{37} (7,29 \cdot 10^{-5})^2$$

$$Ec_T = 2,61 \cdot 10^{29} J$$

- الطاقة الحركية للأسطوانة :

$$Ec = \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2$$

$$J_{\Delta} = \frac{1}{2} m r^2$$

$$N = \frac{1800 tr}{60 s} = 30 \text{ Hz: مع } \omega = 2\pi N$$

نستنتج :

$$Ec = \frac{1}{4} m r^2 (2\pi N)^2 = m (\pi r N)^2$$

ت.ع:

$$Ec = 1 \times ((\pi \times 0,1 \times 30)^2 = 88,83 J$$

تمرين 2:

- 1- العلاقة التي تربط السرعة الزاوية  $\omega$  لدوران العجلة بالسرعة الخطية لنقطة من محيطها هي :

$$V = R\omega = \frac{D}{2}\omega$$

نحصل على :

$$\omega = \frac{2V}{D}$$

$$V = \frac{80 \cdot 10^3}{3600} = \frac{80}{3,6} \text{ و } D = 50 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

مع :

ت.ع:

$$\omega = \frac{2 \cdot \frac{80}{3,6}}{50 \cdot 10^{-2}} = 89 \text{ rad. s}^{-1}$$

- 2- يعبر عن الطاقة الحركية لجسم صلب في دوران حول محور ثابت العلاقة :

$$Ec = \frac{1}{2} J_A \omega^2$$

$$Ec = \frac{1}{2} \times 0,80 \times 89^2$$

ت.ع:

$$Ec = 3,2 \cdot 10^3 \text{ J}$$

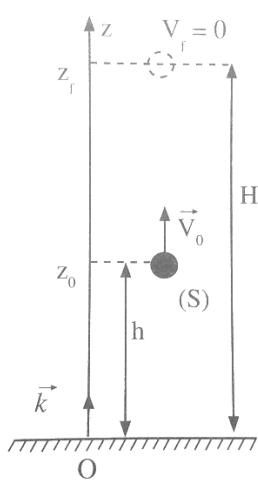
تمرين 3:

- 1- تحديد الارتفاع الأقصى الذي تصل إليه الكويرة :  
نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على الكويرة بين لحظة إرسالها ولحظة وصولها إلى الارتفاع الأقصى، حيث تخضع الكويرة إلى وزنها فقط ، نكتب :

$$Ec_f - Ec_i = W(\vec{P})$$

$$\frac{1}{2} m V_f^2 - \frac{1}{2} m V_i^2 = mg(z_i - z_f)$$

مع :  $z_f = H$  و  $z_i = h$  و  $V_i = V_0$  و  $V_f = 0$  أنظر الشكل



$$-\frac{1}{2} m V_0^2 = mg(h - H)$$

$$-\frac{1}{2} V_0^2 = g(h - H)$$

$$H - h = \frac{V_0^2}{2g}$$

$$H = h + \frac{V_0^2}{2g}$$

$$H = 1,0 + \frac{(4,0)^2}{2 \times 9,80}$$

ت.ع:

$$H = 1,8 \text{ m}$$

2- نطبق من جديد مبرهنة الطاقة الحركية بين الموضع A الذي يطابق الإرتفاع الأقصى والموضع B الذي يطابق سطح الأرض .

$$Ec_B - Ec_A = W(\vec{P})$$

بما أن الطاقة الحركية للكوييرة عند وصولها للارتفاع الأقصى منعدمة ( $V_A=0$ ) نكتب :

$$\frac{1}{2}mV_2^2 = mgH$$

$$\frac{1}{2}V_2^2 = gH$$

$$V_2 = \sqrt{2gH}$$

ت.ع:

$$V_2 = \sqrt{2 \times 9,80 \times 1,8}$$

$$V_2 = 5,9 \text{ m.s}^{-1}$$

تمرين 4 :

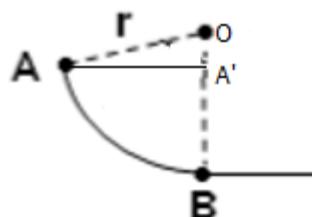
1- حساب  $v_B$  سرعة الجسم عند النقطة B :

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم بين A و B حيث يخضع الجسم الى قوتين : وزنه و  $\vec{R}$  تأثير السكة .

بما أن الأحتكاكات مهملة فإن شغل القوة  $\vec{R}$  منعدم لأن اتجاه  $\vec{R}$  عمودي المسار . المبرهنة تكتب :

$$(1) \quad Ec(B) - Ec(A) = W(\vec{P}) + W(\vec{R}) \\ Ec(B) = \frac{1}{2}mV_B^2 \quad \text{و} \quad V_A = 0 \quad Ec(A) = 0$$

لدينا :



$$W(\vec{P}) = mgh \\ \cos\alpha = \frac{OA'}{OB} = \frac{OA'}{r} \quad \text{مع} : OB = OA = r \quad h = OB - OA' \\ \text{حيث} \quad h = r - r \cdot \cos\alpha = r(1 - \cos\alpha) \quad \text{و} \quad OA' = r \cdot \cos\alpha$$

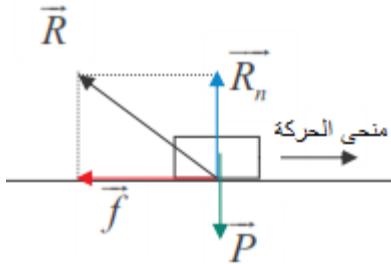
$$W(\vec{P}) = mgr(1 - \cos\alpha)$$

العلاقة (1) تكتب :

$$\frac{1}{2}mV_B^2 - 0 = mgr(1 - \cos\alpha) + 0$$

$$V_B^2 = 2gr(1 - \cos\alpha)$$

$$V_B = \sqrt{2gr(1 - \cos\alpha)}$$



$$V_B = \sqrt{2 \times 9,8 \times 0,6(1 - \cos 60^\circ)}$$

$$V_B = 2,4 \text{ m.s}^{-1}$$

ت.ع: 2- حساب شدة قوة الإحتكاك  $f$   
تخضع الجسم أثناء حركته إلى:  
 $\vec{P}$  : وزنها.  
 $\vec{R}$  : تأثير سطح الأرض .

يمكن تفكيك القوة  $\vec{R}$  إلى مركبتين:  
 $\vec{R}_N$  : المركبة المنظمية .

$\vec{f}$  : المركبة المماسية وتسمي بقوة الإحتكاك .

حيث:  $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$

تطبق مبرهنة الطاقة الحركية بين الموضعين B و C .  
نكتب:

$$\Delta E_c = \sum(\vec{F})$$

$$Ec_f - Ec_i = W(\vec{P}) + W(\vec{R})$$

$$Ec_i - Ec_f = W(\vec{P}) + W(\vec{R}_N) + W(\vec{f})$$

مع:  $W(\vec{P}) = W(\vec{R}_N) = 0$  لأن اتجاه القوتان عموديان على السطح BC .  
 $Ec_f = 0$  و  $Ec_i = \frac{1}{2}mv^2$

$$W(\vec{f}) = -fd$$

نحصل على:

$$\frac{1}{2}mv^2 = -fd$$

$$f = \frac{mv^2}{2d}$$

ت.ع:

$$f = \frac{0,2 \times 2,4^2}{2 \times 0,8}$$

$$f = 0,72 \text{ N}$$

?

تمرин 5 :

1- الطاقة الحركية للسيارة قبل تشغيل الفرامل :

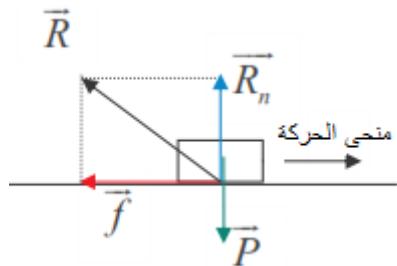
$$Ec = \frac{1}{2}mv^2$$

ت.ع:

$$Ec = \frac{1}{2} \times 900 \times \left(\frac{100 \cdot 10^3}{3600}\right)^2$$

$$Ec = 347,2 \text{ J}$$

2- جرد القوى المطبقة على السيارة وحساب شدة قوة الإحتكاك :



تحضع السيارة أثناء حركتها إلى :

$\vec{P}$  : وزنها.

$\vec{R}$  : تأثير سطح الأرض .

يمكن تفكيك القوة  $\vec{R}$  إلى مركبتين :

$\vec{R}_N$  : المركبة المنظمية .

$\vec{f}$  : المركبة المماسية وتسمي بقوة الإحتكاك .

$$\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$$

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية بين لحظة تشغيل الفرامل ولحظة توقف السيارة ، نكتب :

$$\Delta E_c = \sum(\vec{F})$$

$$Ec_f - Ec_i = W(\vec{P}) + W(\vec{R})$$

$$Ec_i - Ec_f = W(\vec{P}) + W(\vec{R}_N) + W(\vec{f})$$

مع :  $W(\vec{P}) = W(\vec{R}_N) = 0$  لأن اتجاه القوتان عموديان على السطح

$$Ec_f = 0 \quad \text{و} \quad Ec_i = \frac{1}{2}mv^2$$

$$W(\vec{f}) = -fd$$

نحصل على :

$$\frac{1}{2}mv^2 = -fd$$

$$f = \frac{mv^2}{2d}$$

ت.ع:

$$f = \frac{900 \times (\frac{100}{3,6})^2}{2 \times 86}$$

3- حساب القدرة المتوسطة :

$$P_m = \frac{|W(\vec{f})|}{\Delta t} \Rightarrow P_m = \frac{fd}{\Delta t}$$

ت.ع:

$$P_m = \frac{4037,5 \times 86}{5,6} = 62004,5W$$

$$P_m = 62kW$$

تمرین 6 :

- 1- حساب عزم مزدوجة الإحتكاك  $M_f$  بعد توقيف المحرك يبقى القرص خاضعاً لتأثير وزنه  $\vec{P}$  و تأثير المحور ( $\Delta$ )  $\vec{R}$  بالإضافة لقوى الإحتكاك عزماها  $M_f$ .  
طبق مبرهنة الطاقة الحركية على القرص بين لحظة توقيف المحرك ولحظة توقف القرص عن الدوران ، نكتب :
- $$(1) \quad Ec_f - Ec_i = W(\vec{R}) + W(\vec{P}) + W_f$$

حيث :  $Ec_f = 0$  لأن القرص يتوقف

$$Ec_i = \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2$$

$W(\vec{R}) = W(\vec{P}) = 0$  لأن خطأ تأثيرها يمران من محور الدوران ( $\Delta$ ).  
 $\Delta \theta = 2\pi n$  و  $W_f = M_f \Delta \theta$

$n$  عدد الدورات و  $\Delta \theta$  زاوية الدوان التي دار بها القرص خلال الحركة .

العلاقة (1) تصبح :

$$-\frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2 = M_f \Delta \theta$$

$$M_f = -\frac{J_{\Delta} \omega^2}{2\Delta \theta} \Rightarrow M_f = -\frac{J_{\Delta} \omega^2}{4\pi n}$$

ت.ع:

$$M_f = -\frac{3.10^{-2} (45 \times 2\pi)^2}{4\pi \times 120}$$

$$M_f = -1,6 N.m$$

2- شغل المحرك  $W_m$  :

ينضاف إلى القوى السابقة تأثير مزدوجة المحرك ، مبرهنة الطاقة الحركية تكتب :

$$(2) \quad Ec_f - Ec_i = W(\vec{P}) + W(\vec{R}) + W_f + W_m$$

بما أن حركة دوران القرص منتظمة ، فإن السرعة الزاوية ثابتة ومنه :

$$Ec_f = Ec_i = 0$$

$$W(\vec{R}) = W(\vec{P}) = 0$$

العلاقة (2) تصبح :

$$0 = W_f + W_m \Rightarrow W_m = -W_f \Rightarrow W_m = -M_f \Delta \theta$$

$\Delta \theta = \omega \Delta t$  لدينا :

نستنتج :

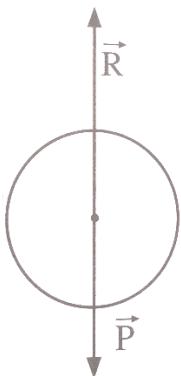
$$W_m = -M_f \omega \Delta t$$

ت.ع:

$$W_m = -(1,6) \times 45 \times 2\pi \times 60$$

$$W_m = 27,1 J$$

استنتاج قدرة المحرك :



$$P_m = \frac{W_m}{\Delta t} \Rightarrow P_m = \frac{-M_f \Delta \theta}{\Delta t}$$

$$P_m = \frac{-M_f \omega \Delta t}{\Delta t} \Rightarrow P_m = -M_f \omega$$

ت.ع:

$$P_m = -(-1,6) \times 45 \times 2\pi$$

$$P_m = 452W$$

تمرين 7:

- حساب  $\Delta t$ :

طبق مبرهنة الطاقة الحركية على الأسطوانة بين لحظة انطلاقها في الدوران ولحظة وصولها إلى التردد  $f=20Hz$ .  
تخضع الأسطوانة للقوى التالية:

- $\vec{P}$  : وزنها
  - $\vec{R}$  : تأثير محور الدوران .
  - $C$  المزدوجة المحركة عزمها :  $M$  .
- المبرهنة تكتب :

$$Ec - Ec_0 = W(\vec{P}) + W(\vec{R}) + M$$

$$Ec_0 = 0 \quad \text{و} \quad Ec = \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2$$

حيث :

$W(\vec{P}) = W(\vec{R}) = 0$  لأن خططي تأثير القوتين تمran من محور الدوران .

$$M = P \Delta t$$

نحصل على :

$$\frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2 = P \Delta t$$

$$\omega = 2\pi f \quad \text{و} \quad J_{\Delta} = \frac{1}{2} mr^2$$

لدينا :

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} mr^2 \cdot 4\pi^2 f^2 = P \Delta t \quad \text{نستنتج أن :}$$

$$mr^2 \pi^2 f^2 = P \Delta t$$

$$\Delta t = \frac{mr^2 \pi^2 f^2}{P}$$

ت.ع:

$$\Delta t = \frac{1,0 \times (5,0 \cdot 10^{-2})^2 \times \pi^2 \times (20)^2}{1,5}$$

$$\Delta t = 6,58s$$

2- عزم مزدوجة الإحتكاك  $M$  :  
نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على الأسطوانة بين لحظة إيقاف المحرك ولحظة توقف الأسطوانة.

تقطع الأسطوانة خلال هذه المدة الى تأثير  $\vec{R}$  و  $\vec{P}$  بالإضافة الى مزدوجة الإحتكاك التي عزماها  $M$ .

نكتب :

$$\frac{1}{2}J_{\Delta}\omega_f^2 - \frac{1}{2}J_{\Delta}\omega_i^2 = W(\vec{P}) + W(\vec{R}) + W$$

حيث :  $\omega_f = 0$  توقف الأسطوانة

$$\omega_i = 2\pi f$$

لأن نقطة تأثير القوتين ثابتتين .  $W(\vec{R}) = W(\vec{P}) = 0$

مع  $\Delta\theta = 2\pi n$  ويتمثل عدد الدورات المنجزة .

نحصل على :

$$-\frac{1}{2}J_{\Delta}(2\pi f)^2 = M2\pi n$$

$$-J_{\Delta}\pi f^2 = Mn$$

$$J_{\Delta} = \frac{1}{2}mr^2 \text{ مع } M = -\frac{J_{\Delta}\pi f^2}{n}$$

$$M = -\frac{m\pi r^2 f^2}{2n}$$

ت.ع:

$$M = -\frac{1,0 \times \pi \times (5,0 \cdot 10^{-2}) \times (20)^2}{2 \times 980}$$

$$M = -1,6 \cdot 10^{-3} \text{ N.m}$$

تمرين 8:

- 1.1- حساب السعة اللحظية في كل من الموضعين  $M_2$  و  $M_4$  :

$$v_2 = \frac{M_1 M_3}{2\tau} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{2 \times 40 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow v_2 = 0,25 \text{ m.s}^{-1}$$

$$v_4 = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = \frac{3,6 \cdot 10^{-2}}{2 \times 40 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow v_4 = 0,45 \text{ m.s}^{-1}$$

- 1.2- نبين تعبير توتر الخيط :

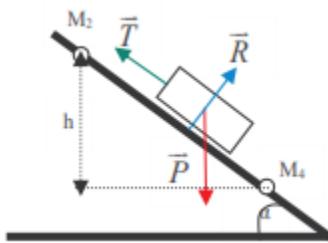
فوق النضد يوجد الخيال تحت تأثير ثلاث قوى :

$\vec{P}$  : وزنه •

$\vec{R}$  : تأثير النضد المائل . بما أن الإحتكاكات مهملة فإن إتجاه  $\vec{R}$  عمودي على سطح

التماس .

$\vec{T}$  : توتر الخيط . •



نطبق مبرهنة الطاقة الحركية بين الموضعين  $M_2$  و  $M_4$  :

$$(1) \quad E_{C4} - E_{C2} = W(\vec{P}) + W(\vec{R}) + W(\vec{T})$$

$W(\vec{R}) = 0$  لأن اتجاه القوة عمودي على السطح.

$$W(\vec{T}) = \vec{T} \cdot \overrightarrow{M_2 M_4} = TM_2 M_4 \cos \pi = -T \cdot M_2 M_4$$

$$h = M_2 M_4 \sin \alpha \quad \text{أي } \sin \alpha = \frac{h}{M_2 M_4} \quad W(\vec{P}) = mgh$$

نحصل على :

$$W(\vec{P}) = mgM_2 M_4 \sin \alpha$$

العلاقة (1) تكتب :

$$\frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_4^2 = mgM_2 M_4 \sin \alpha - TM_2 M_4$$

$$TM_2 M_4 = mgM_2 M_4 \sin \alpha - \left( \frac{1}{2}mv_4^2 - \frac{1}{2}mv_2^2 \right)$$

$$T = mg \sin \alpha - \frac{m}{2M_2 M_4} (v_2^2 - v_4^2)$$

$$T = m(g \sin \alpha - \frac{v_4^2 - v_2^2}{2M_2 M_4})$$

$$T = 400 \cdot 10^{-3} (9,81 \times mgM_2 M_4 \sin 20^\circ - \frac{0,45^2 - 0,25^2}{2 \times 2,8 \cdot 10^{-2}})$$

$$T = 2,6N$$

### 1.3- تحديد عزم قصور البكرة :

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على البكرة أثناء دورانها بين لحظتين تسجيل الموضعين  $M_2$  و  $M_4$ .

تخضع البكرة إلى ثلاث قوى أثناء الدوران :

- $\vec{P}'$  : وزنها

- $\vec{T}'$  : تأثير محور الدوران

- $\vec{T}'$  : تأثير الخيط

لدينا :  $W(\vec{P}') = W(\vec{R}') = 0$  لأن خطي تأثيرهما يقاطع محور الدوران

كما أن :  $\vec{T}' = -\vec{T}$  أي  $W(\vec{T}) = -W(\vec{T}')$  مبرهنة الطاقة الحركية تكتب :

$$\frac{1}{2}J_{\Delta}\omega_4^2 - \frac{1}{2}J_{\Delta}\omega_2^2 = W(\vec{P'}) + W(\vec{R'}) + W(\vec{T'})$$

$$\omega_4 = \frac{v_4}{r} \quad \text{و} \quad \omega_2 = \frac{v_2}{r} \quad \text{لدينا :}$$

$$\frac{1}{2}J_{\Delta} \left\{ \left( \frac{v_4}{r} \right)^2 - \left( \frac{v_2}{r} \right)^2 \right\} = T \cdot M_2 M_4$$

$$J_{\Delta} \left( \frac{V_2^2 - v_4^2}{r} \right) = 2T \cdot M_2 M_4$$

$$J_{\Delta} = \frac{2T \cdot M_2 M_4}{v_2^2 - v_4^2}$$

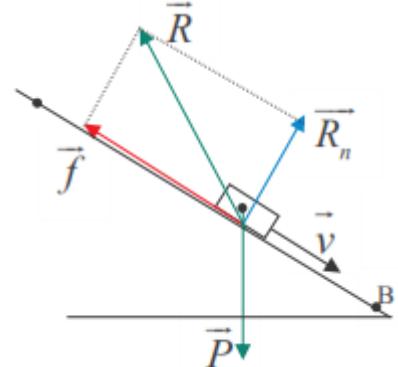
$$J_{\Delta} = \frac{2 \times 20.10^{-2} \times 1.9 \times 2.8.10^{-2}}{0.45^2 - 0.25^2} \quad \text{ت.ع :}$$

$$J_{\Delta} = 0.15 N \cdot m^2$$

2.1- لتحديد طبيعة التماس بين الجسم (S) والنضد نحسب  $W(\vec{R})$  :

إذا كان  $W(\vec{R}) = 0$  التماس يتم بدون احتكاك .

إذا كان  $W(\vec{R}) < 0$  التماس يتم باحتكاك .



طبق مبرهنة الطاقة الحركية على الخيال (S) بين النقطتين A و B :

$$(2) \quad E_{C_B} - E_{C_A} = W(\vec{P}) + W(\vec{R})$$

لدينا :

$$W(\vec{P}) = mgh$$

مع  $h = AB \sin \alpha$  :

$$W(\vec{P}) = mgAB \sin \alpha$$

العلاقة (2) تكتب :

$$W(\vec{R}) = E_{C_A} - E_{C_B} - W(\vec{P})$$

$$W(\vec{R}) = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2 - mgAB \sin \alpha$$

$$W(\vec{R}) = m \left[ \left( \frac{v_B^2 - v_A^2}{2} \right) - g \cdot AB \sin \alpha \right]$$

$$W(\vec{R}) = 400 \cdot 10^{-3} \left[ \frac{1,5^2 - 1^2}{2} \right] - 9,81 \times 40 \cdot 10^{-2} \times \sin 20^\circ$$

$$W(\vec{R}) = -1,2 J$$

- استنتاج f قوة الإحتكاك :

$$W(\vec{R}) = W(\vec{R}_n) + W(\vec{f})$$

لأن  $\vec{R}_n$  عمودية على سطح التماس  $W(\vec{R}_n) = 0$

$$W(\vec{f}) = \vec{f} \cdot \overrightarrow{AB} = f \cdot AB \cos \pi = -f AB$$

$$W(\vec{R}) = -f \cdot AB$$

$$f = -\frac{W(\vec{R})}{AB}$$

$$f = -\frac{(-1,2 \cdot 10^{-1})}{40 \cdot 10^{-2}}$$

$$f = 0,3 N$$

ت.ع:

تمرين 9:

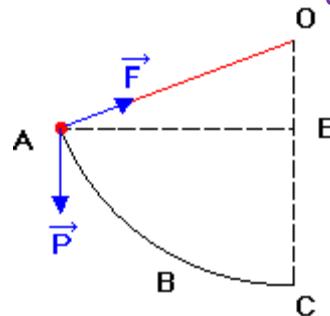
- جرد القوى وتمثيل متجهتها :

تخضع الكرة الى قوتين :

• وزن الكرة  $\vec{P}$

• توتر الخيط  $\vec{F}$

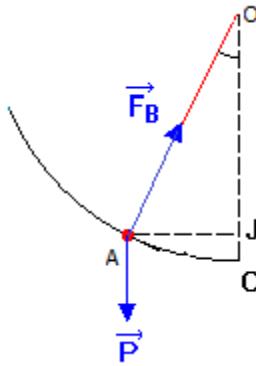
تمثيل متجهات القوتين انظر الشكل



- حساب سرعة الكرة أثناء مرورها من موضع توازنها .

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على الكرة بين الموضعين A و C نكتب :

$$(1) \quad Ec(C) - Ec(A) = W(\vec{P}) + W(\vec{F})$$



مع : لأن اتجاه  $\vec{F}$  عمودي على المسار .

. لأن سرعة الكرة تنعدم عند A .

$$Ec(A) = \frac{1}{2}mv_A^2 = 0$$

$$Ec(C) = \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$W(\vec{P}) = mgh$$

$$h = L \cos \theta \quad \text{و منه: } \cos \theta = \frac{OJ}{OB} \quad \text{مع: } h = JC = OC - OJ$$

$$W(\vec{P}) = mg(L - L \cos \theta)$$

$$W(\vec{P}) = mgL(1 - \cos \theta)$$

العلاقة (1) تكتب :

$$0 + \frac{1}{2}mv_C^2 = mgL(1 - \cos \theta)$$

$$\frac{1}{2}v_C^2 = gL(1 - \cos \theta)$$

$$v_C = \sqrt{2gL(1 - \cos \theta)}$$

$$v_C = \sqrt{2 \times 9,8 \times 1 \times (1 - \cos 70^\circ)}$$

$$v_C = 3,59 \text{ m.s}^{-1}$$

ت.ع:

3- الزاوية القصوية  $\theta$  لانحراف الخيط :  
نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على الكرة بين موضع التوازن وموضع الإنحراف القصوي للخيط .

$$Ec_f - Ec_i = W(\vec{P}) + W(\vec{F})$$

$$Ec_f = 0$$

$$Ec_i = 0,98J$$

$$h = L(1 - \cos \alpha_m) \quad \text{مع: } W(\vec{P}) = -mgh$$

$$W(\vec{P}) = -mgL(1 - \cos \theta_m)$$

$$W(\vec{F}) = 0 \quad \text{لأن اتجاه } \vec{F} \text{ عمودي على المسار .}$$

المبرهنة تكتب :

$$0 - Ec_i = -mgL(1 - \cos \theta_m) + 0$$

$$1 - \cos \theta_m = \frac{-Ec_i}{-mgL}$$

$$-\cos \theta_m = -1 + \frac{Ec_i}{mgL}$$

$$\cos\theta_m = 1 - \frac{0,98}{200 \cdot 10^{-3} \times 9,8 \times 1} = 0,5$$

$$\theta_m = \cos^{-1}(0,5) = 60^\circ$$