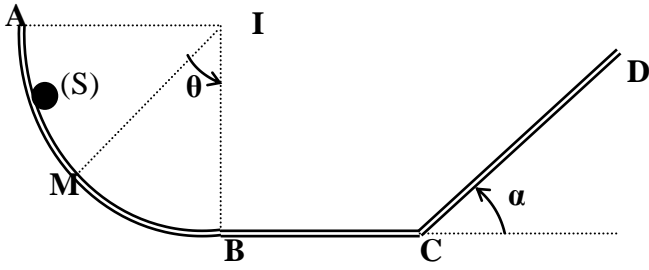


ينزلق جسم صلب (S) نقطي كتلته  $m=50g$  بدون سرعة بدئية طول المسار ABCD ليصل إلى الموضع D بسرعة منعدمة.

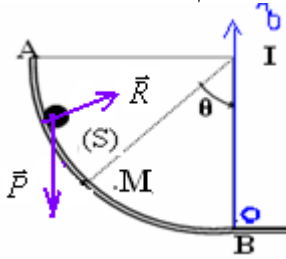


- AB جزء دائري مركزه I و شعاعه  $r = 2m$ .
- BC جزء مستقيمي أفقي.
- CD جزء مستقيمي مائل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي.

- 1 نهمل الاحتكاكات على الجزء AB و على الجزء BC.
  - 1.1 أوجد تعبير سرعة (S) لحظة مروره من الموضع M بدلالة  $\theta$  و  $r$  و  $g$ .
  - 1.2 استنتج قيمة  $v_B$  سرعة (S) عند الموضع B.
  - 1.3 ما طبيعة حركة الجسم (S) على الجزء BC؟
  - 1.4 حدد المسافة BC علما أن المدة المستغرقة لقطعها هي  $\Delta t = 20s$ .
- 2 على الجزء CD, تكون قوة الاحتكاك موازية للمسار و ثابتة شدتها  $f = 0,2N$ . أوجد المسافة CD.  $g = 10N/kg$ .

**(1) تصحيح التمرين الأول:**

1-1 (1) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم الصلب S بين A و M. الذي يخضع للقوى التالية: وزنه  $\vec{P}$  وتأثير سطح التماس  $\vec{R}$  وهذه الأخيرة عمودية على سطح التماس لأن التماس يتم بدون احتكاك.



$$\frac{1}{2} m v_M^2 = m g (z_A - z_M) \Leftrightarrow E_{CM} = W_{A \rightarrow M}^{\vec{P}} \quad \text{إذن} \quad E_{CM} - E_{CA} = W_{A \rightarrow M}^{\vec{P}} + W_{A \rightarrow M}^{\vec{R}} \quad \text{أي} \quad \Delta E_C = \sum_{A \rightarrow M} W_{A \rightarrow M}^{\vec{F}}$$

ولدينا:  $z_A = r$  و:  $z_M = r - r \cos \theta \Leftrightarrow z_A - z_M = r \cos \theta$  إذن:  $\frac{1}{2} m v_M^2 = m g r \cos \theta$

ومنه:  $v_M = \sqrt{2 g r \cos \theta}$

1-2 في النقطة B لدينا:  $\theta = 0$  و  $\cos \theta = 1$  إذن:  $v_B = \sqrt{2 g r} = \sqrt{2 \times 10 \times 2} \approx 6,3 m/s$

1-3 على الجزء BC يخضع الجسم S لتأثير وزنه  $\vec{P}$  وتأثير سطح التماس  $\vec{R}$  وهذه الأخيرة عمودية على سطح التماس لأن التماس يتم بدون احتكاك..

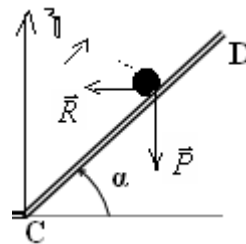
بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم الصلب S بين B و C.

$$v_C = v_B \quad \text{إذن} \quad E_{CC} = E_{CB} \quad \text{إذن} \quad E_{CC} - E_{CB} = 0 \Leftrightarrow E_{CC} - E_{CB} = W_{B \rightarrow C}^{\vec{P}} + W_{B \rightarrow C}^{\vec{R}} \quad \text{أي} \quad \Delta E_C = \sum_{B \rightarrow C} W_{B \rightarrow C}^{\vec{F}}$$

إذن طبيعة حركة الجسم S على الجزء BC : مستقيمة منتظمة.

1-4  $DC = v \Delta t = 6,3 \times 20 = 126 m$

2) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم الصلب S بين C و D بحيث يخضع للقوى التالية: وزنه  $\vec{P}$  وتأثير سطح التماس  $\vec{R}$ .



مع:  $\vec{R} = \vec{R}_N + \vec{f}$

$$W_{\vec{R}} = W_{\vec{R}_N} + W_{\vec{f}} = 0 + \vec{f} \cdot \overrightarrow{CD}$$

$$E_{cD} - E_{cC} = m.g(z_C - z_D) + \vec{f} \cdot \overrightarrow{CD} \Leftrightarrow E_{cD} - E_{cC} = W_{C \rightarrow D}^{\vec{P}} + W_{C \rightarrow D}^{\vec{R}} \quad \text{أي} \quad \Delta E_C = \sum_{C \rightarrow D} W_{C \rightarrow D}^{\vec{F}}$$

$E_{cD} = 0$  و:  $z_C - z_D = 0 - CD \sin \alpha$  إذن:  $-E_{cC} = -m.gCD \sin \alpha - f.CD$  أي:

$$CD = \frac{m.v_c^2}{2(m.g.\sin\alpha - f)} = \frac{0,05 \times 40}{2(0,05 \times 10.\sin 30 - 0,2)} = 20m \quad \Leftrightarrow \quad \frac{1}{2}m.v_c^2 = CD(m.g.\sin\alpha - f.) \quad \text{ومنه :}$$

## (2) التمرين الثاني:

نعلق بطرف خيط طوله  $\ell = 1m$  , و كتلته مهملة و غير قابل للمد , كرية (S) كتلتها  $m = 100g$  و نثبت الطرف الآخر بحامل فنحصل على

مجموعة تسمى نواس بسيط. المجموعة في موضع توازنها المستقر. توجد بالخط الرأسي ساق C تبعد عن O' بالمسافة  $\frac{2\ell}{3}$  . ( نهمل جميع الاحتكاكات).

$$g = 10N/kg$$

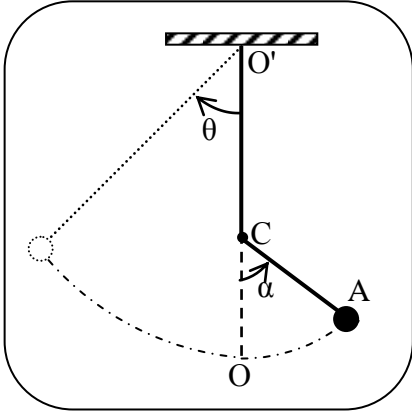
نزيح المجموعة بزاوية  $\theta = 45^\circ$  عن موضع توازنها و نحررها بدون سرعة بدنية. ( أنظر الشكل )

عند مرور النواس من موضع توازنه يلتقي بالساق العمودية على مستوى الحركة في C فينحرف جزء منه كما يبينه الشكل .

1. أوجد تعبير سرعة الكرية  $V_0$  عند مرورها من موضع توازنها ثم احسب قيمتها.

2. عبر عن زاوية صعود الجسم  $\theta$  بدلالة  $\alpha$  .

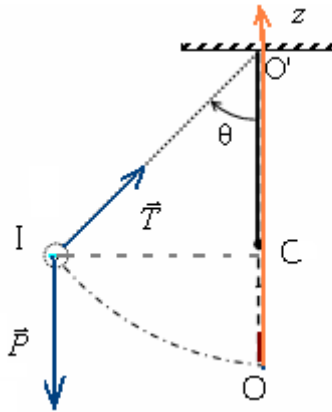
3 - ما الزاوية  $\theta$  التي يجب أن نزيح بها النواس في البداية لكي ينجز النواس الصغير دورة كاملة.



## (2) تصحيح التمرين الثاني:

1) الكرية تخضع لوزنها ولتوتر الخيط  $\vec{P}$  و  $\vec{T}$  انظر الشكل .

بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الكرية بين الموضع البدني I وموضع التوازن O :



$$Ec_o = W\vec{P}_{I \rightarrow O} \quad \text{إذن} \quad Ec_I = 0 \quad \text{و} \quad W\vec{T}_{I \rightarrow O} = 0 \quad \text{مع} \quad Ec_o - Ec_I = W\vec{P}_{I \rightarrow O} + W\vec{T}_{I \rightarrow O} \quad \text{أي} \quad \Delta E_C = \Sigma W\vec{F}_{I \rightarrow O}$$

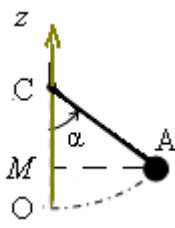
$$\frac{1}{2}m.v_o^2 = m.g(z_I - z_o) \quad \text{أي} \quad \frac{1}{2}m.v_o^2 = m.g(z_I - z_o) \quad \text{مع} \quad z_o = 0 \quad \text{و} \quad z_I = OC = OO' - O'C = \ell - \ell \cos\theta$$

$$v_o = \sqrt{2 \times 10 \times 1(1 - \cos 45)} = 2,42m/s \quad \text{(1) ت.ع} \quad v_o = \sqrt{2g\ell(1 - \cos\theta)} \quad \text{ومنه :}$$

(2) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الكرية بين الموضع البدني O والموضع A :

$$-Ec_o = W\vec{P}_{O \rightarrow A} \quad \text{إذن} \quad Ec_A = 0 \quad \text{و} \quad W\vec{T}_{O \rightarrow A} = 0 \quad \text{مع} \quad Ec_A - Ec_o = W\vec{P}_{O \rightarrow A} + W\vec{T}_{O \rightarrow A} \quad \text{أي} \quad \Delta E_C = \Sigma W\vec{F}_{O \rightarrow A}$$

$$\text{أي} \quad -\frac{1}{2}m.v_o^2 = m.g(z_o - z_A) \quad \text{ولدينا} \quad z_o = 0 \quad \text{و} \quad z_A = OM = OC - CM = \frac{\ell}{3} - \frac{\ell}{3}\cos\alpha = \frac{\ell}{3}(1 - \cos\alpha) \quad \text{إذن} :$$



$$O'C = \frac{2\ell}{3} \quad \Leftrightarrow \quad OC = \ell - \frac{2\ell}{3} = \frac{\ell}{3}$$

$$v_o^2 = 2g\ell(1 - \cos\theta)$$

$$\text{ومن خلال (1) و (2) } -\frac{1}{2}m.v_o^2 = m.g\left[0 - \frac{\ell}{3}(1 - \cos\alpha)\right] \quad \Leftrightarrow$$

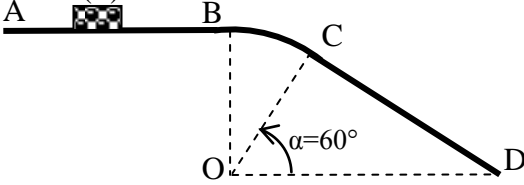
$$v_o^2 = \frac{1}{3}(1 - \cos\alpha)$$

$$\leftarrow \cos\theta = \frac{2 - \cos\alpha}{3} \quad 3 - 3\cos\theta = 1 - \cos\alpha \quad \text{أي} \quad (1 - \cos\theta) = \frac{1}{3}(1 - \cos\alpha) \quad \text{ومنه} \quad = 2.g \frac{\ell}{3}(1 - \cos\alpha) \quad 2g\ell(1 - \cos\theta) \quad \text{إن}$$

$$\leftarrow \theta = \cos^{-1} \frac{1}{3} = 70,53^\circ \quad \cos\theta = \frac{2 - \cos 2\pi}{3} = \frac{2 - 1}{3} = \frac{1}{3} \quad \text{وبذلك} \quad \alpha = 2\pi \quad \text{عندما ينجز النواس الصغير دورة كاملة}$$

### (3) التمرين الثالث:

ينتقل جسم صلب (S) كتلته  $m=200g$  فوق سكة ABCD تتكون من جزء مستقيم AB طولها  $2m$  و جزء دائري CB شعاعه  $r=3m$  و جزء مستقيم CD.



ينطلق (S) من الموضع A بسرعة  $v_A=3m.s^{-1}$  فيصل إلى الموضع B بسرعة  $v_B=2m.s^{-1}$ .

1. ما طبيعة التماس بين (S) و الجزء AB ؟
2. علما أن قوة الاحتكاك مكافئة لقوة  $\vec{f}$  ثابتة و موازية للجزء AB أوجد شدتها .
- 3- احسب سرعة الجسم في النقطة C. يهمل الاحتكاك على هذا الجزء.  $g = 10N/kg$

### (3) تصحيح التمرين الثالث:

(1) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم بين الموضع البدني A والموضع B:

$$\Delta E_C = \sum_{A \rightarrow B} W \vec{F} \quad \text{أي} \quad E_C - E_A = \sum_{A \rightarrow B} W \vec{F} + W \vec{R} \quad \text{ومنه} \quad E_C - E_A = W \vec{P} + W \vec{R} \quad \text{أي} \quad W \vec{R}_{A \rightarrow B} = \frac{1}{2} m(v_B^2 - v_A^2) \quad \text{أي} \quad W \vec{R}_{A \rightarrow B} = E_C - E_A$$

$$W \vec{R}_{A \rightarrow C} = \frac{1}{2} 0,2(2^2 - 3^2) = -0,5J < 0 \quad \text{التماس يتم باحتكاك.}$$

$$f = \frac{-W \vec{R}_{A \rightarrow C}}{AB} = \frac{-(-0,5)}{2} = 0,25N \quad \leftarrow \quad W \vec{R}_{A \rightarrow C} = -f \cdot AB \quad (2)$$

(3) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الجسم بين الموضع البدني B والموضع C:

$$\Delta E_C = \sum_{B \rightarrow C} W \vec{F} \quad \text{أي} \quad E_C - E_B = \sum_{B \rightarrow C} W \vec{P} + W \vec{R} \quad \text{أي} \quad E_C - E_B = W \vec{P}_{B \rightarrow C} \quad \text{أي} \quad \frac{1}{2} m(v_C^2 - v_B^2) = mg(z_B - z_C) \quad \frac{1}{2} m(v_C^2 - v_B^2) = W \vec{P}_{B \rightarrow C}$$

$$v_C = \sqrt{v_B^2 + 2g.r.(1 - \cos 30)} \quad \text{وبالتالي} \quad v_C^2 - v_B^2 = 2g.r.(1 - \cos 30) \quad \text{إن} \quad z_B - z_C = r - r \cos 30$$

$$v_C = \sqrt{4 + 2 \times 10 \times 3.(1 - \cos 30)} \approx 3,5m/s \quad \text{ت.ع.}$$

### (4) التمرين الرابع:

ينزلق جسم صلب S نعتبر نقطه مادية ، كتلته  $m = 100g$  فوق سكة ABCD تتكون من ثلاثة أجزاء :

- الجزء AB مستقيمي ومائل بزاوية  $\alpha = 30^\circ$  بالنسبة للأفقى طولها  $AB = 2m$  .

- الجزء BC مستقيمي .

- الجزء CD له شكل دائري شعاعه  $r = 80cm$  . انظر الشكل .



(1-2) نحرر الجسم (S) من النقطة A بدون سرعة بدنية ، فيصل إلى النقطة B بسرعة  $V_B = 4m/s$  .

أوجد معللا جوابك طبيعة التماس بين الجسم (S) والسطح المائل AB . نعطى شدة الثقالة  $g = 10N/kg$  .

(2-2) نعتبر الاحتكاكات مهملة طول المسار BCD .

(أ) احسب سرعة الجسم عند النقطة C .

(ب) علما أن الجسم S يصل إلى النقطة D بسرعة  $V_D = 2m/s$  ، أوجد الارتفاع h .

(ج) استنتج قيمة الزاوية  $\beta$  .

### (4) تصحيح التمرين الرابع:

مخضع (S) أثقله انزلاقه فوق السطح المائل لالى : \*  $\vec{P}$  : وزنه .  
\*  $\vec{R}$  : تأثير السطح المائل

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على (S) بين المحظتين  $t_A$  و  $t_B$  :

$$\frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2 = W(\vec{P}) + W(\vec{R})$$

لتحديد طبيعة القاس نحدد قيمة الشغل  $W(\vec{R})$

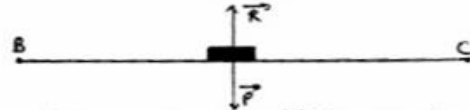
مع :  $W(\vec{P}) = mg \cdot AB \sin \alpha$  و  $v_A = 0$  :  $W(\vec{R}) = \frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2 - W(\vec{P})$ .

نكتب :  $W(\vec{R}) = \frac{1}{2} m v_B^2 - mg \cdot AB \sin \alpha$

$W(\vec{R}) = 0,5 \cdot 0,1 \cdot 16 - 0,1 \cdot 10 \cdot 2$

$W(\vec{R}) = -0,2 \text{ J} < 0$  ماذن يتم القاس بين (S) والسطح المائل باحتكاك

2.1 - حساب  $v_C$



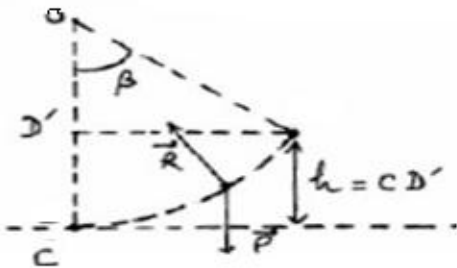
بما ان الاحتكاكات مهملة بين (S) والسطح الأفقي B فإن  $\vec{R} \perp \vec{BC}$ .

نطبق مبرهنة الطاقة الحركية على (S) بين B و C :  $\frac{1}{2} m v_C^2 - \frac{1}{2} m v_B^2 = W(\vec{P}) + W(\vec{R})$

مع :  $\vec{P} \perp BC$  و  $R \perp \vec{BC}$

فصل على :  $\frac{1}{2} m v_C^2 - \frac{1}{2} m v_B^2 = 0$

أيان :  $v_C = v_B = 4 \text{ m.s}^{-1}$



2.2) نطبق على (S) مبرهنة الطاقة الحركية بين C و D .

$$\frac{1}{2} m v_D^2 - \frac{1}{2} m v_C^2 = W(\vec{P}) + W(\vec{R})$$

بما ان :  $W(\vec{R}) = 0$  لان  $\vec{R} \perp \vec{v}$

$$\frac{1}{2} m (v_D^2 - v_C^2) = -mg \cdot h$$

$$h = - \left( \frac{v_D^2 - v_C^2}{2g} \right) = - \left( \frac{4 - 16}{2 \cdot 10} \right) = 0,6 \text{ m}$$

\* حساب  $\beta$  :

$$h = r - r \cos \beta$$

اعتماداً على الشكل :

فصل على  $\cos \beta = 1 - \frac{h}{r} = 0,25$

$\beta = 75,5^\circ$