

## الطاقة الحركية والشغل

### تمارين تطبيقية

#### التمرين 1

- 1 - يتحرك جسم صلب (S) كتلته  $M = 4\text{kg}$  على مسار مستقيمي بسرعة  $v = 3\text{m/s}$ . أحسب الطاقة الحركية للجسم (S).
- 2 - أحسب الطاقة الحركية لكرة المضرب كتلتها  $m = 55\text{g}$  عند قذفها بسرعة  $v = 220\text{km/h}$ .
- 3 - أحسب الطاقة الحركية لدوار منوب (alternateur). عزم قصوره  $J_{\Delta} = 5735\text{kg.m}^2$  ويدور بسرعة زاوية  $3000\text{tr/min}$ .

#### التمرين 2

- يتكون نواس بسيط من كرية ذات أبعاد مهملة، كتلتها  $m = 20\text{g}$  مرتبطة بطرف خيط كتلته مهملة وغير ممدود. نثبت الطرف الآخر للنواس في حامل، ونطلقه بدون سرعة بدئية، فيتحرك في مستوى رأسي ويمر من موضع توازنه المستقر. الطاقة الحركية للنواس عند مروره من موضع التوازن  $E_C = 0,1\text{J}$ . أحسب سرعة النواس في هذا الموضع.

#### التمرين 3

- رمتين A و B لهما نفس الكتلة  $m_A = m_B = 20\text{kg}$  في حركة إزاحة مستقيمية منتظمة على مزلقة Patinoire، سرعتي مركزي قصورهما هي:  $v_A = 2,5\text{m/s}$  و  $v_B = 5\text{m/s}$ .
- 1 - ما هي الطاقة الحركية لكل من الرمية A و الرمية B في مرجع مرتبط بالمزلقة؟
  - 2 - قارن بين النسبتين  $\frac{v_A}{v_B}$  و  $\frac{E_{CA}}{E_{CB}}$ . ما هو استنتاجك؟

#### التمرين 4

- ينتقل بروتون بسرعة  $6,4 \cdot 10^6\text{ km/h}$ . كتلة البروتون  $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}\text{kg}$ .
- 1 - أحسب الطاقة الحركية للبروتون.
  - 2 - إلكترون - فولط (eV) وحدة للطاقة الحركية تستعمل في الفيزياء الذرية  $1\text{eV} = 1,6 \cdot 10^{-19}\text{J}$ . ما قيمة الطاقة الحركية للبروتون ب (eV)؟

#### التمرين 5

- مقود محرك لدراجة نارية جسم صلب متجانس أسطواني الشكل كتلته  $M = 2\text{kg}$  وشعاعه  $R = 10\text{cm}$  بنجز المقود حركة دوران حول محوره بسرعة زاوية قيمتها  $500\text{tr/min}$ .
- ما قيمة الطاقة الحركية للمقود؟ نعطي  $J_{\Delta} = \frac{1}{2}MR^2$

#### التمرين 6

- 1 - أعط نص مبرهنة الطاقة الحركية
- 2 - نرسل جسما كتلته  $m = 100\text{g}$  نحو الأعلى من نقطة A أنسوبها بالنسبة لسطح  $z_A = 2,0\text{m}$  بسرعة بدئية  $v_0 = 10,0\text{m/s}$ . باعتبار أن الاحتكاكات ودافعة أرخميدس مهملة. أحسب السرعة  $v$  التي سيسقط بها الجسم في نقطة B على سطح الأرض حيث  $z_B = 0$ . نعطي  $g = 9,8\text{N/kg}$ .
- 3 - القيمة المقاسة للسرعة هي  $v = 11\text{m/s}$ ، فسر لماذا هذه السرعة أصغر بقليل من السرعة المحصل عليها في السؤال السابق؟ استنتج شغل قوة الاحتكاك  $\vec{f}$ .

#### التمرين 7

- للأرض حركة دائرية حول الشمس، شعاع هذا المسار الدائري هو  $R = 1,5 \cdot 10^8\text{km}$ . نعطي كتلة الأرض  $M_T = 6 \cdot 10^{24}\text{kg}$  وشعاعها  $R_T = 6380\text{km}$ .
- نعتبر أن الأرض كرة متجانسة شعاعها  $R_T$  وكتلتها  $M_T$ ، أحسب عزم قصورها بالنسبة لمحور القطبين تم طاقتها الحركية للدوران عند دورانها حول هذا المحور.
- 2 - نعتبر الآن الأرض نقطية في حركتها حول الشمس أحسب طاقتها الحركية للإزاحة.

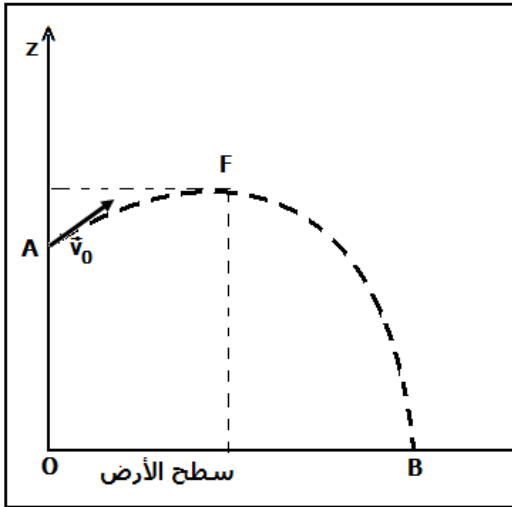
#### التمرين 8

- تدور أسطوانة ذات عزم قصور  $J_{\Delta} = 3 \cdot 10^2\text{kg.m}^2$  بسرعة توافق  $45\text{tr/min}$ . عندما نوقف المحرك تتوقف الأسطوانة تحت تأثير مزدوجة الاحتكاك بعد أن تنجز 120 دورة.
- 1 - عين عزم مزدوجة الاحتكاك الذي نعتبره ثابتا.
  - 2 - نشغل من جديد المحرك، فتدور الأسطوانة بسرعة ثابتة تساوي  $45\text{tr/min}$ . استنتج شغل المحرك خلال دقيقة وكذا قدرته.

## الطاقة الحركية والشغل

### تمارين توليفية

#### التمرين 1



- 1 - أعط نص مبرهنة الطاقة الحركية
- 2 - نرسل جسما كتلته  $m=100g$  نحو الأعلى من نقطة A أنسوبها بالنسبة لسطح  $z_A=2,0m$  ، بسرعة بدئية  $v_0=10,0m/s$  كما في الشكل جانبه . باعتبار أن الاحتكاكات ودافعة أرخميدس مهملة . أحسب السرعة  $v$  التي سيسقط بها الجسم في نقطة B على سطح الأرض حيث  $z_B=0$  . نعطي  $g=9,8N/kg$
- 3 - القيمة المقاسة للسرعة هي  $v=11m/s$  ، فسر لماذا هذه السرعة أصغر بقليل من السرعة المحصل عليها في السؤال السابق ؟ استنتج شغل قوة الاحتكاك  $\bar{f}$

#### التمرين 2

نعتبر قرصا متجانسا عزم قصوره بالنسبة لمحور الدوران  $\Delta$  المار من مركز تماثله هو  $J_O=3.10^{-2}kg.m^2$  .

- 1 - يدور القرص بسرعة زاوية قيمتها  $\frac{100}{3}tr/min$  ، أحسب الطاقة الحركية للقرص .
- 2 - نطبق على القرص مزدوجة احتكاك عزمها ثابت فينجز 15 دورة قبل أن يتوقف ، أحسب عزم مزدوجة الاحتكاك .

#### التمرين 3

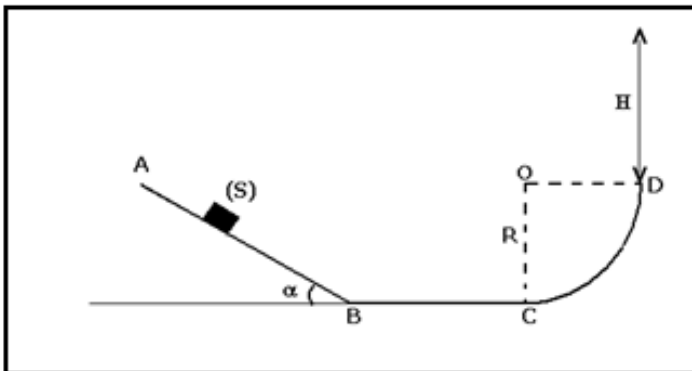
- يتكون نواس من كرية كتلتها  $m=200g$  مرتبطة بطرف خيط غير قابل الامتداد وطوله  $\ell=20cm$  ، الطرف الآخر مثبت بحامل ( $\Delta$ ) يمر من النقطة O . نهمل الاحتكاكات ونأخذ  $g=9,81N/kg$  . نزيح النواس عن موضع توازنه المستقر بزاوية  $\theta_0=20^\circ$  ونحرره بدون سرعة بدئية . نسمي  $\theta$  الزاوية التي يكونها الخيط و الخط الرأسى المتطابق مع المحور Oz عند كل لحظة t حيث Oz موجه نحو الأعلى .
- 1 - أوجد تعبير شغل وزن الكرية خلال انتقال النواس من  $\theta_0$  إلى  $\theta$  بدلالة  $\theta$  و  $\theta_0$  و  $m$  و  $g$  و  $\ell$  .
  - 2 - بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية بين أن تعبير سرعة الكرية عند مرورها من موضع توازنها المستقر في أول مرة هو :

$$v = \sqrt{2g\ell(1 - \cos\theta_0)}$$

- 3 - أحسب قيمة هذه السرعة .

#### التمرين 4

- ينزلق جسم صلب (S) كتلته  $m=500g$  على سكة ABCD مكونة من ثلاثة أجزاء :
- الجزء الأول : مستقيمي مائل بزاوية  $\alpha=45^\circ$  بالنسبة للخط الأفقي وطوله  $AB=1,5m$  .
- الجزء الثاني : BC مستقيمي طوله  $BC=1m$
- الجزء الثالث : قوس من دائرة شعاعها  $R=40cm$  ومركزها O .
- 1 - نطلق الجسم (S) من نقطة A بسرعة بدئية  $V_A=1m/s$  فيمر من النقطة B بسرعة  $V_B=4m/s$  .
  - 1 - أحسب الطاقة الحركية  $E_C(A)$  و  $E_C(B)$  للجسم S في النقطتين A و B .



- 2 - أعط نص مبرهنة الطاقة الحركية .

- 3 - بين أن التماس بين (S) والجزء AB يتم بالاحتكاك .

- 4 - باعتبار أن قوة الاحتكاك منحاهمعاكس لمنحى متجهة السرعة ، وشدتها تبقى ثابتة خلال الانتقال من A إلى B ، أحسب f .

- 2 - باعتبار أن الاحتكاكات مهملة في الجزء BC ، أحسب سرعة الجسم في النقطة C واستنتج طاقته الحركية . ما هي طبيعة حركة الجسم في هذا الجزء ؟ علل الجواب .

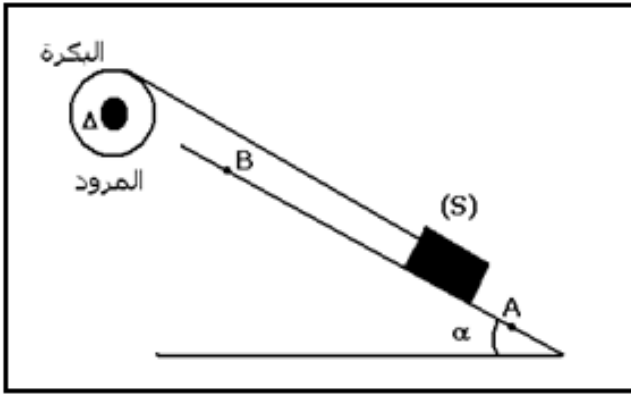
- 3 - في الجزء CD نعتبر الاحتكاكات مهملة . أوجد تعبير سرعة الجسم S عند النقطة D واحسب قيمتها .

- 4 - نحفظ بنفس المعطيات السابقة باستثناء السرعة البدئية  $V_A$  .

- 4 - نطلق الجسم بدون سرعة بدئية . هل سيغادر الجسم السكة . علل الجواب .

## الطاقة الحركية والشغل

4 - 2 نطلق الجسم من النقطة A طاقتة الحركية  $E_c(A)=0,8J$  . أحسب الارتفاع H الذي سيصله الجسم بعد مغادرته السكة ABCD . نعطى  $g=10N/kg$



### التمرين 5

نعتبر التركيب الممثل في الشكل جانبه والمتكون من :

- بكرة شعاعها  $r=10cm$  وعزم قصورها

$J_{\Delta}=2.10^{-2}kg.m^2$  قابلة للدوران حول محور ( $\Delta$ )

أفقي منطبق مع محور تماثلها .

- جسم صلب (S) كتلته  $m=500g$  مرتبط

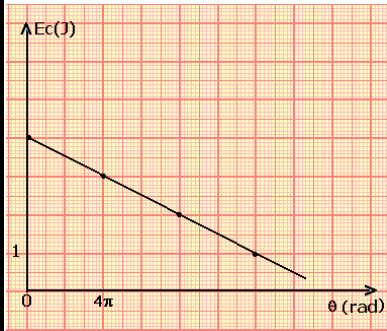
بطرف حبل كتلته مهملة وغير مدود ملفوف على

مجرى البكرة . الحبل لا ينزلق على البكرة .

نعطي  $\alpha=30^\circ$  ونأخذ  $g=9,80N/kg$  .

1 - نفترض أن الاحتكاكات مهملة بين السطح المائل والجسم (S) .

لكي نجعل الجسم (S) يصعد على المستوى المائل ، نستعمل محرك مرتبط بالبكرة بواسطة مروود يدور بسرعة زاوية ثابتة قيمتها  $20rad/s$  .



1 - 1 أحسب شدة القوة  $\vec{T}$  المطبقة من طرف الحبل على البكرة لرفع الجسم (S) من A إلى B . استنتج عزم المزدوجة المحركة المطبقة من طرف المحرك .

2 - 1 أحسب القدرة المتوسطة لهذا المحرك .

2 - عند وصول الجسم إلى النقطة B ينفلت الحبل من البكرة . أحسب المسافة BC المقطوعة من طرف الجسم قبل توقفه في النقطة C . نفترض أن الاحتكاكات غير مهملة وشدة قوة الاحتكاك المطبقة

من طرف السطح المائل على الجسم (S) هي  $f=0,9N$  .

3 - لتوقيف البكرة تدريجيا ، نطبق عليها في اللحظة  $t=0$  مزدوجة احتكاك عزمها ثابت  $M'=-8.10^{-2}N.m$  .

يعطي المبيان التالي تغيرات الطاقة الحركية  $E_c$  للبكرة عند تطبيق مزدوجة الاحتكاك بدلالة زاوية دورانها حول ( $\Delta$ ) .

$$3 - 1 \text{ من خلال المبيان بين أن } E_c(\theta) = -\frac{1}{4\pi}\theta + 4$$

3 - 2 أوجد تغير الطاقة الحركية  $\Delta E_c$  للبكرة بين اللحظتين  $t_1$  حيث  $\theta_1=0$  و  $t_2$  حيث  $\theta_2=16\pi rad$  .

3 - 3 أوجد السرعتين الزاويتين  $\omega_1$  و  $\omega_2$  للبكرة عند  $t_1$  و  $t_2$  .

3 - 4 بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على البكرة بين  $t_1$  و  $t_2$  أحسب الشغل المنجز من طرف المحرك . واستنتج عزم المزدوجة المحركة بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) .

3 - 5 أحسب  $M'$  عزم مزدوجة الاحتكاك التي يجب تطبيقها على البكرة لكي تتوقف بعد انجاز دورتين من بداية تطبيقها .

### التمرين 6

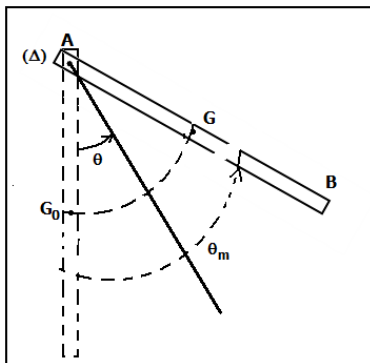
نعتبر عارضة AB متجانسة طولها  $L=1m$  ، تدور حول محور ثابت

( $\Delta$ ) أفقي يمر من النقطة A . عزم قصور العارضة بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) هو  $J_{\Delta} = \frac{1}{3}mL^2$  .

نزح العارضة عن موضع توازنها المستقر بالزاوية  $\theta_m = 60^\circ$  ثم نحررها في اللحظة  $t=0$  بسرعة زاوية بدئية  $\omega_0 = 2rad/s$  ،

1 - أحسب السرعة الخطية البدئية  $v_B$  للنقطة B عند اللحظة  $t=0$  .

2 - عبر عن تغير الطاقة الحركية بين الموضع البدئي والموضع ذي الأفصول الزاوي  $\theta$  بدلالة  $L$  و  $m$  و  $g$  و  $\theta_m$  و  $\theta$  .



3 - بين أن تعبير السرعة الزاوية  $\omega$  للعارضة عند مرورها بالموضع ذي الأفصول  $\theta$  هو :  $\omega = \sqrt{\omega_A^2 + \frac{3g}{L(\cos \theta - \cos \theta_m)}}$