

Exercise 1 \ (HEL.MS)**تمرين 1**

Trouver tous les polynômes $P(x)$ à coefficients réels qui vérifient la relation suivante :

$$(x^2 - 6x + 8)P(x) = (x^2 + 2x)P(x-2)$$

أوجد جميع الحدوبيات $(P(x))$ التي معاملاتها أعداد حقيقة وتحقق العلاقة التالية :

$$(x^2 - 6x + 8)P(x) = (x^2 + 2x)P(x-2)$$

Exercise 2 \ (Crech & Slovac MO)**تمرين 2**

Soient x, y et z trois nombres réels strictement positifs

$$\text{et } m = \min\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{z} + \frac{z}{x}; \frac{y}{x} + \frac{z}{y} + \frac{x}{z}\right).$$

$$\text{Montrer que : } (x+y+z)\left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}\right) \leq m^2.$$

pour quelles valeurs de x, y et z l'égalité a lieu ?

N.B: On note par $\min(a ; b)$ la plus petite valeur de a et b

لتكن x و y و z أعداد حقيقة موجبة قطعا.

$$m = \min\left(\frac{x}{y} + \frac{y}{z} + \frac{z}{x}; \frac{y}{x} + \frac{z}{y} + \frac{x}{z}\right) \text{ و}$$

$$(x+y+z)\left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}\right) \leq m^2 : \text{ بين أن }$$

متى يكون التساوي ؟

ملحوظة: نرمز بـ $\min(a ; b)$ لأصغر العدددين a و b

Exercise 3 \ (Bellar MO)**تمرين 3**

Soient M un point situé à l'intérieur d'un quadrilatère $ABCD$ convexe de sorte que le rapport des aires des triangles AMC et BMD est égale au rapport des tangentes des angles $[A\hat{M}C]$ et $[B\hat{M}D]$;

$$\left(\text{i.e. } \frac{S(AMC)}{S(BMD)} = \frac{\tan(A\hat{M}C)}{\tan(B\hat{M}D)} \right)$$

Montrer que si M n'appartient à aucun des diagonales du quadrilatère, alors

$$AM^2 + MC^2 + BD^2 = AC^2 + BM^2 + MD^2$$

N.B: On note par $S(XYZ)$ l'aire du triangle XZY

لتكن M نقطة داخل رباعي محدب $ABCD$ بحيث نسبة مساحتي المثلثين AMC و BMD تساوي نسبة ظلي الزاويتين

$$\left(\frac{S(AMC)}{S(BMD)} = \frac{\tan(A\hat{M}C)}{\tan(B\hat{M}D)} \right) \text{ يعني } [B\hat{M}D] \text{ و } [A\hat{M}C]$$

بين أنه إذا كانت M لا تنتهي لأي قطر من قطرى الرباعي فإن

$$AM^2 + MC^2 + BD^2 = AC^2 + BM^2 + MD^2$$

ملحوظة: نرمز لمساحة المثلث XYZ بـ $S(XYZ)$