

Exercice 1**تمرين 1**

Soient x_1, x_2, \dots , et a des nombres réels vérifiant les deux conditions suivantes :

$$i) \frac{x_1}{x_1 + 1} = \frac{x_2}{x_2 + 3} = \frac{x_3}{x_3 + 5} = \dots = \frac{x_{1006}}{x_{1006} + 2011} = a$$

$$ii) x_1 + x_2 + \dots + x_{1006} = 503^2$$

Déterminer x_{1006}

ليكن x_1 و x_2 و \dots و x_{1006} و a أعدادا حقيقية تحقق الشرطين التاليين :

$$أ) \frac{x_1}{x_1 + 1} = \frac{x_2}{x_2 + 3} = \frac{x_3}{x_3 + 5} = \dots = \frac{x_{1006}}{x_{1006} + 2011} = a$$

$$ب) x_1 + x_2 + \dots + x_{1006} = 503^2$$

حدد العدد x_{1006}

Exercice 2**تمرين 2**

On considère l'équation $(E): x + y + z = 2013$ où x, y et z sont des nombres entiers naturels non nuls.

1) Déterminer le nombre de triples (x, y, z) solutions de l'équation (E)

2) Trouver le nombre des solutions (x, y, z) de (E) tels que $x = y$

نعبر المعادلة $(E): x + y + z = 2013$ حيث x و y و z أعداد صحيحة طبيعية غير منعدمة .

1) أوجد عدد المثلثات (x, y, z) التي تعتبر حلا للمعادلة (E) .

2) أوجد عدد الحلول (x, y, z) للمعادلة (E) بحيث يكون $x = y$

Exercice 3**تمرين 3**

1) Trouver l'aire maximale d'un quadrilatère convexe $ABCD$ qui satisfait la condition : $AB + CD = 6$ et $BC + DA = 8$

2) Déterminer la nature du quadrilatère qui satisfait la condition précédente et qui possède l'aire maximale.

1) أوجد المساحة القصوى لرباعي محدب $ABCD$ يحقق الشرط التالي : $AB + CD = 6$ و $BC + DA = 8$

2) حدد طبيعة الرباعي الذي يحقق الشرط السابق و تكون مساحته قصوى.