

Exercise 1تمرين 1

Soit a un réel non nul.

Sachant que $a^3 + \frac{1}{a^3} = 18$, calculer : $a^4 + \frac{1}{a^4}$

ليكن a عدداً حقيقياً غير منعدم.

$$\text{علماً أن } a^3 + \frac{1}{a^3} = 18, \text{ أحسب : } a^4 + \frac{1}{a^4}$$

Exercise 2تمرين 2

x, y et z sont des nombres réels strictement positifs et tels que $xyz(x+y+z) = 1$

Démontrer que $(x+y)(y+z) \geq 2$.

ليكن x, y و z أعداداً حقيقية موجبة قطعاً بحيث :

$$xyz(x+y+z) = 1$$

. $(x+y)(y+z) \geq 2$ بين أن

Exercise 3تمرين 3

On considère un quadrilatère convexe $ABCD$ inscrit dans un cercle de centre O et dont les diagonales sont perpendiculaires.

Démontrer que les deux quadrilatères $AOCD$ et $AOCB$ ont la même aire

نعتبر رباعياً محدباً $ABCD$ محاطاً بدائرة مركزها O وقطرها متواضعان.

بين أن الرباعيين $AOCD$ و $AOCB$ لهما نفس المساحة.

Exercise 4تمرين 4

Déterminer toutes les fonctions f définies de \mathbb{R} vers \mathbb{R} et vérifiant $f(x)f(y) - f(xy) = x + y$ pour tout x et tout y de \mathbb{R} .

حدد جميع الدوال f المعروفة من \mathbb{R} نحو \mathbb{R} والتي تتحقق :

$$\text{لكل } x \text{ و } y \text{ من } \mathbb{R}, f(x)f(y) - f(xy) = x + y$$