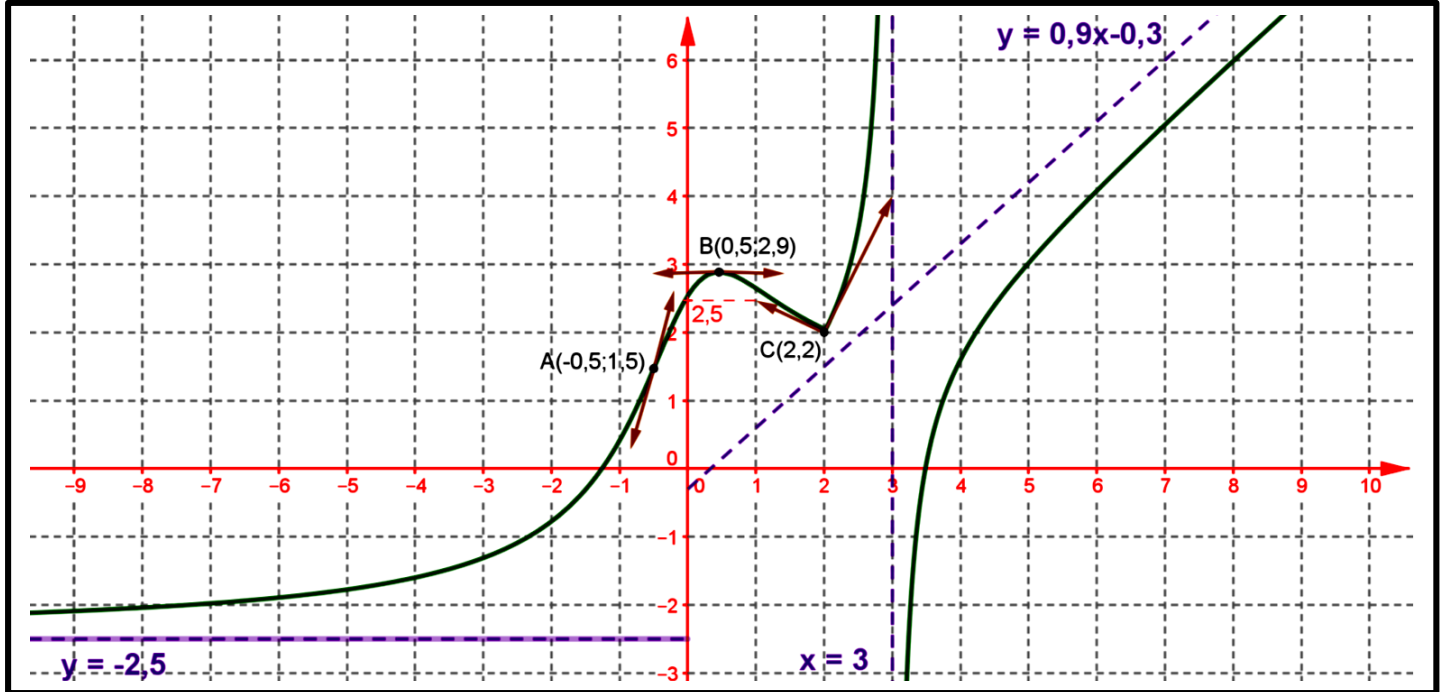




4 ن

.01... (0,5 × ن + 1 ن)

الشكل التالي يمثل منحنى دالة عددية f و بعض المماسات ونصف المماسات.



استعن بمربعات الشكل ثم أجب عن الأسئلة التالية.

$f'_g(2) = \dots\dots\dots$

$f'_d(2) = \dots\dots\dots$

$f'\left(\frac{1}{2}\right) = \dots\dots\dots$

هل f قابلة للاشتقاق في  $x_0 = 2$  نعم  لا  النقطة C التي أفصولها  $x_0 = 2$  تسمى : .....

أعط جدول تغيرات الدالة f

x	
f'(x)	
f(x)	

عدد نقط انعطاف الدالة f هو .....

4

.02  
نقط

أحسب f' الدالة المشتقة للدالة f حيث :

$$f(x) = 5 \sin 3x + 2 \cos \left( 2x + \frac{\pi}{3} \right) \quad \underline{4} \quad f(x) = x\sqrt{x^2+1} \quad \underline{3} \quad f(x) = \frac{x^2+2x}{x+5} \quad \underline{2} \quad f(x) = \left( x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 8 \right)^7 \quad \underline{1}$$

8 نقط

.03

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي المعرفة ب :



$$f(x) = \sqrt{x^2 + 1} + \frac{4}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

ليكن  $(C_f)$  منحنى الدالة  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

- 1.** أ- تحقق بأن:  $D_f$  مجموعة تعريف  $f$  هي  $\mathbb{R}$ . ..... (ن 0,5)  
 ب - بين أن:  $f$  زوجية. ..... (ن 0,5)  
 ج - حدد  $D_E$  مجموعة دراسة  $f$ . ..... (ن 0,5)
- 2.** أ - أحسب نهاية التالية:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ . ..... (ن 0,5)  
 ب- تحقق بأن:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = 0$ . ..... (ن 1)  
 ج - أعط تاويلا هندسيا لنتيجة المحصل عليها. ..... (ن 0,5)
- 3.** أ - بين أن:  $f'(x) = \frac{x(x^2 - 3)}{\sqrt{(x^2 + 1)^3}}$  لكل  $x$  من  $D_f$ . ..... (ن 1)  
 ب - حدد إشارة  $f'(x)$  على  $D_f$ . ..... (ن 0,5)  
 ج - ضع جدول تغيرات  $f$  على  $[0, +\infty[$  ثم على  $D_f$ . ..... (ن 0,5 + ن 0,5)
- 4.** نقبل أن:  $f''(x) = \frac{3(3x^2 - 1)}{\sqrt{(x^2 + 1)^5}}$  لكل  $x$  من  $D_f$ .  
 استنتج تقع منحنى الدالة  $f$  وأن المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطتي انعطاف على  $D_f$ . ..... (ن 0,5 + ن 0,5)
- 5.** أنشئ  $(C_f)$  (نأخذ  $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1\text{cm}$  و  $\sqrt{3} \approx 1,7$ ). ..... (ن 1)  
 معل طريقة إنشاء المنحنى على المجال  $]-\infty, 0[$ .

4 نقط

04

الشكل التالي يمثل منحنى لشلجم الدالة  $g$  يقطع محور الأفاصيل في  $A(-6,0)$  و  $B(6,0)$ . نعتبر النقطة  $P(x,y)$  تنتقل بين  $A$  و  $B$  وتأخذ الشلجم كمسار لها.

$H$  المسقط العمودي للنقطة  $P$  على محور الأفاصيل ( انظر الشكل ).

**1.** حدد صيغة الشلجم.

**2.** أعط  $S(x)$  مساحة المثلث بدلالة  $x$ .

**3.** حدد إحداثياتي  $P$  من أجلها مساحة المثلث  $APH$  تكون قصوية.

**4.** أعط المساحة القصوة.

سلم التقيظ هو:  $1 + 1 + 1 + 1,5 + 0,5$  ن

