

3

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2

فرض كتابي 3 ليوم : 09 / 01 / 2014

10 نقط

01

001

أ- حل المعادلة: $\sin \frac{4\pi}{5} \cos x + \cos \frac{\pi}{5} \sin x = 1$: $x \in \mathbb{R}$ (ن 1)

ب- حل المعادلة : $\cos 3x = \cos 2x$: $x \in \mathbb{R}$ و مثل الحلول على الدائرة المثلثية (على الشكل الذي أعطي)..... (ن 1 + ن 1)

002

أ- أثبت أن : $\cos 3x = 4 \cos^3(x) - 3 \cos x$ (ن 1)

ب- بين التكافؤ التالي : $\cos 3x = \cos 2x \Leftrightarrow 4 \cos^3(x) - 2 \cos^2(x) - 3 \cos(x) + 1 = 0$ (ن 1)

003 نعتبر الحدودية التالية : $P(X) = 4X^3 - 2X^2 - 3X + 1$.

أ- بين أن : العدد 1 جذر للحدودية $P(X)$ ثم تحقق أن : $P(X) = (X-1)(4X^2 + 2X - 1)$ (ن 1)

ب- حل المعادلة : $4X^2 + 2X - 1 = 0$: $X \in \mathbb{R}$ ثم استنتج حلول المعادلة : $P(X) = 0$: $X \in \mathbb{R}$ (ن 1.5)

004

أ- بين أن الأعداد 1 و $\cos \frac{2\pi}{5}$ و $\cos \frac{4\pi}{5}$ هي حلول للمعادلة (E) مع $\cos \frac{2\pi}{5} = \cos \frac{8\pi}{5}$ و $\cos \frac{4\pi}{5} = \cos \frac{6\pi}{5}$ (ن 1)

ب- استنتج قيمة كل من : $\sin \frac{\pi}{5}$ و $\tan \frac{4\pi}{5}$ و أن $\sin \frac{3\pi}{5} \times \sin \frac{\pi}{5} = \frac{\sqrt{5}}{4}$ (ن 0.5 + ن 0.5 + ن 0.5)

10 نقط

02

المستوى (P) منسوب إلى م.م.م (O, \vec{i}, \vec{j}) . نعتبر النقط $A(-2, -2)$ و $B(2, -6)$ و $\Omega(-6, 2)$ (أنظر الشكل).

001 نعتبر الدائرة (C) التي مركزها $J(6, -2)$ و شعاعها $r = 4\sqrt{2}$. أعط معادلة ديكارتية للدائرة (C) (ن 1)

002 بين أن : $\vec{\Omega J} = 2\vec{\Omega O}$ (ن 1)

003 بين أن : المستقيم (Δ) الذي معادلته : $x+y+4=0$: مماس ل (C) في النقطة B (ن 1)

004 لتكن B' ممثلة B بالنسبة للمستقيم (ΩO). أنشئ النقطة B' ثم المستقيم ($\Omega B'$) (ن 1)

005 بين أن : المستقيم ($\Omega B'$) مماس ل (C) (ن 1)

006 نعتبر (Γ) مجموعة النقط $M(x, y)$ من (P) حيث : $\theta \in \mathbb{R}$; $\begin{cases} x = 2 \cos \theta + 2 \sin \theta \\ y = 2 \sin \theta - 2 \cos \theta \end{cases}$

أ- بين أن : النظمة السابقة تمثل تمثيلا بارامتريا للدائرة التي مركزها $O(0, 0)$ و شعاعها $r' = 2\sqrt{2}$ (ن 1)

ب- بين أن : $(\Delta) \cap (\Gamma) = \{A\}$ (ن 1)

007 بين أن : $(OA) \parallel (JB)$ (ن 1)

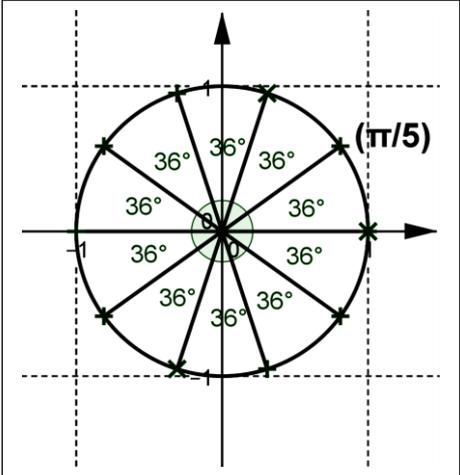
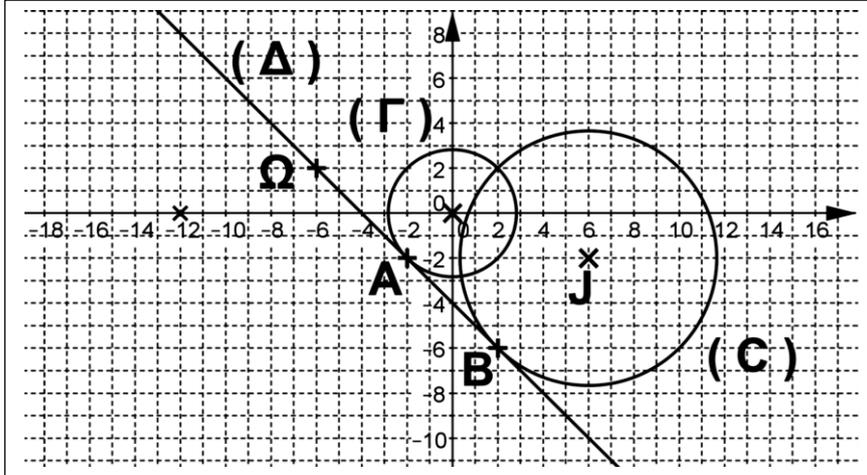
008 أحسب : $\sin(\overrightarrow{\Omega O}, \overrightarrow{\Omega A})$ (ن 1)

009 بين أن : $S_{\Omega B J} = 4.S_{\Omega A O}$ (مع $S_{\Omega A O}$ و $S_{\Omega B J}$ هما على التوالي مساحتي المثلثين $\Omega A O$ و $\Omega B J$) .. (ن 1)

3

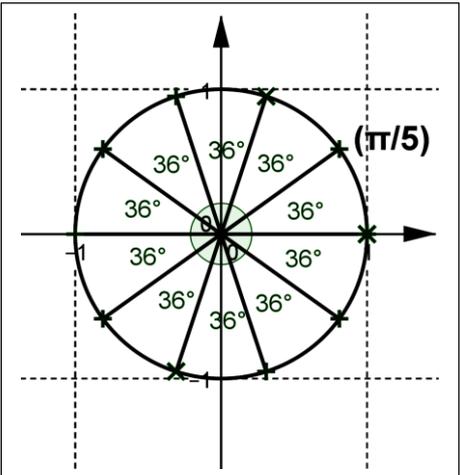
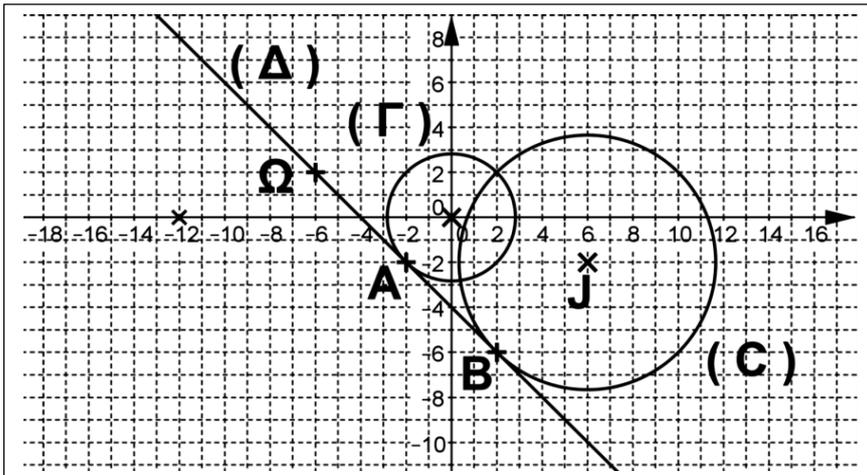
الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2

فرض كتابي 3 ليوم : 09 / 01 / 2014



3

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2



3

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية : عمر بن عبد العزيز المستوى : 1 علوم رياضية 1 و 2

