

أولى علوم رياضية	فرض محروس 2	
الدورة 1	2013/12/12	تانوية أنيس الخاصة

### التمرين 1 (6 نقط)

1- نعتبر في المجموعة  $\mathbb{N}$  المجموعتين :  $A = \left\{ n \in \mathbb{N} / \frac{2n+16}{n+2} \in \mathbb{N} \right\}$  و  $B = \{ n \in \mathbb{N} / n^2 + 12 \leq 8n \}$

حدد بتفصيل المجموعتين :  $A$  و  $B$

2

2- لتكن  $A$  و  $B$  و  $C$  ثلاث أجزاء من مجموعة  $E$ .

$$\begin{cases} A \cap B = A \cap C \\ A \cup B = A \cup C \end{cases} \Rightarrow B \subset C$$

أ- بين أن :

2

ب- بسط ما يلي :  $B \cup (B - A)$

0.5

$$\overline{A \cup \left[ (A \cap B) \cap (A \cap C) \right]}$$

ج- بسط ما يلي :

1.5

### التمرين 2 (6 نقط)

$$f: \mathbb{R} - \{-1\} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \rightarrow \frac{x^2 + 2x}{x^2 + 2x + 1}$$

نعتبر التطبيق :

$$\forall x \in \mathbb{R} - \{-1\}: f(x) < 1$$

-1

1

ب- هل  $f$  شمولي ؟

0.5

$$\forall x \in \mathbb{R} - \{-1\}: f(-x-2) = f(x)$$

-2

1

ب- هل  $f$  تبايني ؟

0.5

$$3- أ- ليكن  $g$  قصور  $f$  على المجال  $]-1, +\infty[$ .$$

ب- بين أن  $g$  تقابل من  $]-1, +\infty[$  نحو  $]-\infty, 1[$  وعرف  $g^{-1}$ .

2

$$ج- حدد  $g^{-1}(0)$  و  $g^{-1}(3)$ .$$

1

<p style="text-align: center;"><b>التمرين 3 (4 نقط)</b></p> <p><math>A \cap B = \emptyset</math> و <math>A \cup B = E</math> : بحيث <math>E</math> مجموعة</p> <p><math>H: P(E) \rightarrow P(E) \times P(E)</math>  <math>X \rightarrow (X \cap A, X \cap B)</math></p> <p>نعتبر التطبيق :</p> <p>-1 بين أن <math>H</math> تبايني .</p> <p>-2 بين أن <math>H</math> شمولي .</p>	<p style="text-align: center;"><b>التمرين 4 (1.5 نقط)</b></p> <p><math>f: \left[\frac{1}{2}; 1\right] \rightarrow [0,1]</math>  <math>x \rightarrow x - \sqrt{2x-1}</math></p> <p>نعتبر التطبيق :</p> <p>بين أن <math>f</math> تقابل و حدد <math>f^{-1}</math> .</p>
<p style="text-align: center;"><b>التمرين 5 (1.5 نقط)</b></p> <p>لكل <math>x</math> و <math>y</math> من المجال <math>]0,1[</math> نضع :</p> $A = \frac{xy}{xy + (1-x)(1-y)}$ <p>بين أن <math>A \in ]0,1[</math> .</p>	<p style="text-align: center;"><b>التمرين 6 (1 نقط)</b></p> <p>نعتبر التطبيق <math>\varphi</math> المعروف ب :</p> $\varphi: \mathbb{N}^2 \rightarrow \mathbb{N}$ $(n,m) \rightarrow (2n+1)2^m$ <p>بين أن <math>\varphi</math> تبايني و شمولي .</p>

**ملاحظة :** نقطة عن الورقة المنظمة و الدقة في الاستدلال

« Sans doute il serait plus simple de n'enseigner que le résultat. Mais l'enseignement des résultats de la science n'a jamais été un enseignement scientifique ». **Gaston Bachelard.**

**بالتوفيق**