

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر ابن عبد العزيز المستوى: ١ علوم رياضية ١ و ٢

فرض كتابي ٢ ليوم : ٥ / ١٢ / ٢٠١٣

نقطة واحدة للتنظيم الجيد للأجوبة

\mathbb{R} ليس على شكل $a \cdot p(x) = ax^2 + bx + c$ و a و b و c من \mathbb{R}

لنتعتبر الدالتين f و g المعرفتين بـ :

$$f(x) = \frac{x-3}{x+1} \quad g(x) = -x^3$$

(C_g) و (C_f) منحنيا الدالتين المماثلين للدالتين f و g على

التوالي في معلم متعدد منتظم (O, i, j). (أنظر الشكل ٤)

أـ أعط اسم المنحني (C_f) للدالة f و العناصر المميزة له.

بـ استنتاج مبيانيا جدول تغيرات f ثم g .

استنتاج مبيانيا ما يلي : (يمكن استعمال العدد α)

أـ مجموعة حلول المتراجحة:

$$x \in \mathbb{R} \setminus \{-1\}, \frac{x^4 + x^3 + x - 3}{x+1} \leq 0$$

بـ مجموعة تعريف الدالة :

$$f([0, +\infty[) \text{ و } g([0, 1[)$$

.٦

أـ بين أن f تقابل من $\{-1\}$ إلى $I = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

بـ حدد f^{-1} تقابل العكسي لـ .

لنتعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R} بـ :

$$\begin{cases} h(x) = \frac{|x|-3}{|x|+1} ; x \in]-\infty, -1] \cup [1, +\infty[\\ h(x) = -|x|^3 ; x \in]-1, 1[\end{cases}$$

أـ أدرس زوجية h على \mathbb{R} .

بـ بين أن: $|h(x)| \leq 1$.

جـ بسط كتابة h على $[0, +\infty[$.

دـ أنشئ منحني الدالة h على \mathbb{R} في الشكل ٥ (معللا طريقة الإنشاء).

٢ نقط

.٠٣

f دالة عدديّة معرفة على \mathbb{R} حيث :

$$\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2, f\left(\frac{x+y}{2}\right) < \frac{f(x) + f(y)}{2}$$

نقط ٧

.٠١

في هذا التمرين المطلوب عدم استعمال مبرهنة طاليس.

ليكن $ABCD$ متوازي الأضلاع مركزه النقطة O . نعتبر

$$\overrightarrow{OF} = \frac{2}{5} \overrightarrow{OC} \text{ و } \overrightarrow{OE} = \frac{2}{5} \overrightarrow{OA} \text{ حيث :}$$

بين أن الرباعي $BEDF$ متوازي الأضلاع.

$$\overrightarrow{CF} = \frac{3}{7} \overrightarrow{CE} \text{ و } \overrightarrow{AE} = \frac{3}{7} \overrightarrow{AF}$$

المستقيم (DE) يقطع المستقيم (AB) في M و

المستقيم (BF) يقطع (CD) في N .

$$\overrightarrow{AM} = \frac{3}{7} \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{CN} = \frac{3}{7} \overrightarrow{CD}$$

بين أن M هي مرجة النظمة المتزنة $\{(A, 4), (B, 3)\}$

.٤

أـ بين أن : E هي مرجة النظمة المتزنة

$$\{(A, 4), (B, 3), (D, 3)\}$$

$$\overrightarrow{DE} = \frac{7}{10} \overrightarrow{DM}$$

$$\overrightarrow{BF} = \frac{7}{10} \overrightarrow{BN}$$

جـ حدد مجموعة النقط H من المستوى حيث:

$$\|4\overrightarrow{HA} + 6\overrightarrow{HO}\| = 10$$

نقط ١٠

.٠٢

نعتبر المستوى (P) منسوب إلى معلم متعدد منتظم (O, i, j)

الشكل ١ يمثل (C_g) منحني الدالة g حيث g زوجية

و دورية و دورها 2π . أتمن المنحني (C_g) .

الشكل ٢ يمثل (C_r) منحني الدالة r المعرفة بـ :

$$r \cdot f(x) = ax^2 + bx + c$$

الشكل ٣ يمثل (C_p) منحني الدالة p بين أن الدالة p

.٣

الأستاذ: بنموسى محمد ثانوية: عمر ابن عبد العزيز المستوى: ١ علوم رياضية ١ و ٢

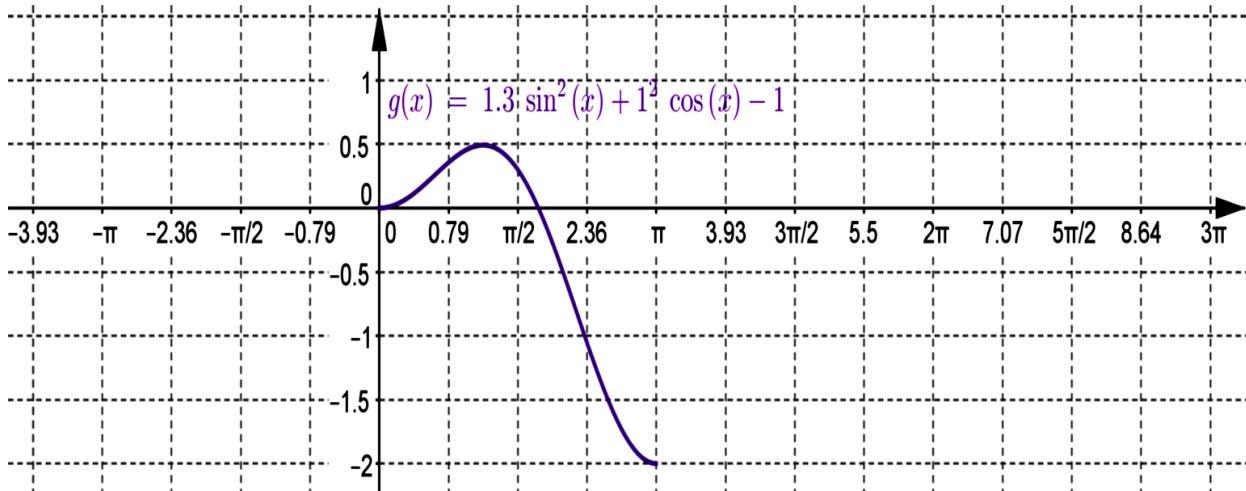
فرض كتابي ٢ ليوم : ٥ / ١٢ / ٢٠١٣

نقطة واحدة للتنظيم الجيد للأجوبة

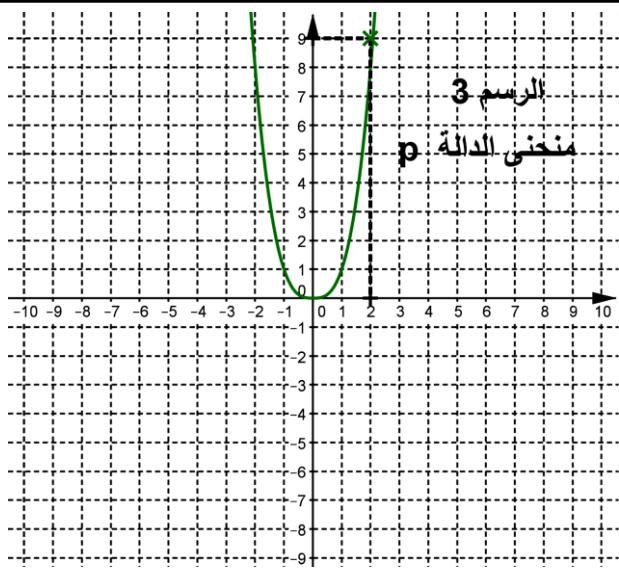
بين أن : f لا يمكن أن تقبل أكثر من قيمة دنيا واحدة.



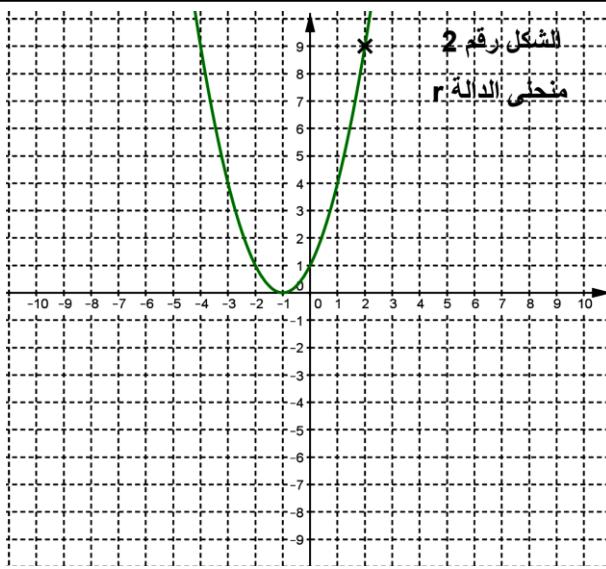
الشكل رقم ١ يمثل منحنى الدالة g



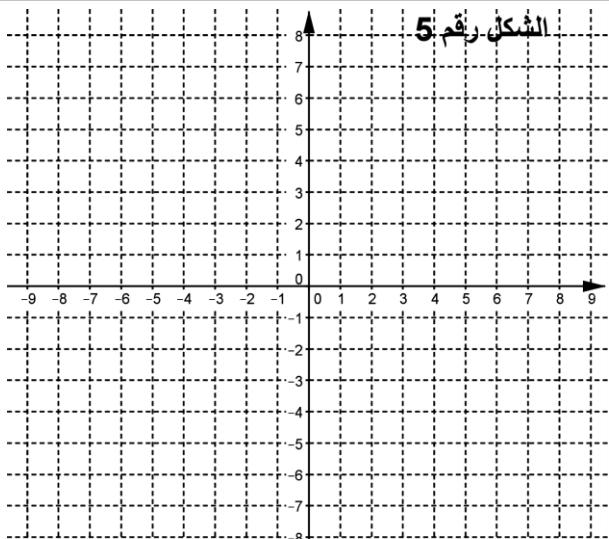
الرسم ٣
منحنى الدالة p



الشكل رقم ٢
منحنى الدالة r



الشكل رقم ٥



الشكل رقم ٤

