


أولى علوم رياضية	فرض محروس 1	
الدورة 1	2013/10/21	تانوية أنيس الخاصة

**التمرين 1 (4 نقط)**

1- أعط نفي العبارتين:  $p: [(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y > 0): x+y=0 \text{ و } x \leq 0]$

1

$q: (\forall x \in \mathbb{R}: x+1=0 \Rightarrow x \geq 0)$

2- أكتب العبارات التالية مستعملا الكمات و الروابط المنطقية:

أ- لكل  $y$  من  $F$  يوجد على الأقل  $x$  من  $E$  بحيث:  $y = f(x)$

0.5

ب- لكل  $y$  من  $F$  يوجد  $x$  وحيد من  $E$  بحيث:  $y = f(x)$

0.5

ج- لكل زوج  $(a,b)$  من  $E^2$ : اذا كان  $f(a) = f(b)$  فان  $a = b$

0.5

$R_1: ((\forall x \in \mathbb{R}): |x-2012| > 0)$

معللا جوابك.

$R_2: ((\forall n \in \mathbb{N})(\exists m \in \mathbb{N}): m = 2n+1)$

3- حدد قيمة حقيقة العبارات:

1.5

$R_3: ((\exists n \in \mathbb{N})(\forall m \in \mathbb{N}): m = 2n+1)$

**التمرين 2 (9.5 نقط)**

1- أثبت أن:  $\forall x \geq 0: \sqrt{2x+2} - \sqrt{x} = 1 \Leftrightarrow x = 1$

1

2- بين أن:  $\frac{a-b}{a+b} \neq 7 \Rightarrow b \neq -\frac{3}{4}a$ . حيث  $a$  و  $b$  عددين من  $\mathbb{R}^*$  غير متقابلين.

1

3- برهن أن: العدد  $\frac{3^{3n+2} + 2^{n+4}}{5} \in \mathbb{N}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$

1.5

4- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $4(E(2x))^2 - 5E(2x) + 1 = 0$

1

5- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $\sqrt{x-1} + \sqrt{x-4} = \sqrt{x+4}$

1.5

6- بين أن:  $\sqrt{2} + \sqrt{3} \notin \mathbb{Q}$

1

7- حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة:  $\sqrt{3x-1} - \sqrt{11-x} \geq 2$

1

8- بين أن:  $\forall (a,b,c) \in \mathbb{R}^3: (|b| < c \text{ و } |a| < c) \Leftrightarrow \left| \frac{a+b}{2} \right| + \left| \frac{a-b}{2} \right| < c$

1.5

**التمرين 3 (5 نقط)**

1- لتكن  $f$  و  $g$  الدالتين العدديتين للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفتين بما يلي:

$$g(x) = \frac{x+1}{x+3} \quad \text{و} \quad f(x) = x^2 - 4x + 5$$

• ضع جدول تغيرات كل من  $f$  و  $g$

1

2- لتكن  $h$  الدالة العددية المعرفة بما يلي:

$$h(x) = \frac{x^2 - 4x + 6}{x^2 - 4x + 8}$$

0.5

أ- حدد مجموعة تعريف الدالة  $h$ .

1

ب- بين أن:  $\forall x \in D_h: \frac{1}{2} \leq h(x) < 1$

ج- تحقق من أن:  $(\forall x \in D_h): h(x) = g \circ f(x)$

1

هـ- ادرس تغيرات الدالة  $h$  على كل من المجالين:  $]-\infty, 2]$  و  $[2; +\infty[$

1.5

**التمرين 4 (1.5 نقط)**

بين بالترجع أن:

1.5

$$(\forall n \in \mathbb{N}) \quad (n \geq 24) \quad (\exists (a, b) \in \mathbb{N}^2): \quad n = 5a + 7b$$

ملاحظة: نقطة عن الورقة المنظمة و الدقة في الاستدلال

المنطق هو فنُّ الاستدلال

« Un succès n'est jamais définitif et un échec n'est jamais fatal , seul compte le courage ».

بالتوفيق