


أولى علوم رياضية	مادة الرياضيات المراقبة المستمرة رقم 1	
الدورة 1	2014/10/24	ثانوية أنيس الخاصة

المدة: ساعتان

التمرين 1: (6 نقط)

1- نعتبر المجموعتين : $A = \left\{ x \in \mathbb{N} / \frac{2x+16}{x+2} \in \mathbb{N} \right\}$ و $B = \left\{ n \in \mathbb{Z} / \frac{n^3-n+6}{n+1} \in \mathbb{Z} \right\}$

أ- تحقق أن: $\forall n \in \mathbb{Z} - \{-1\}: \frac{n^3-n+6}{n+1} = n^2 - n + \frac{6}{n+1}$ 0.5

ب- حدد بتفصيل المجموعتين: A و B 2

ج- حدد بتفصيل المجموعات: $A \cap B$ و $A - B$ و $A \cup B$ 1

2- لتكن A و B و C ثلاث أجزاء من مجموعة E .

بين أن: $A \Delta B = A \Delta C \Rightarrow B \subset C$ 1.5

3- نضع: $H = \{x \in \mathbb{R} / |x| < 1\}$ و $G = \left\{ x \in \mathbb{R} / \frac{5x-1}{x+1} < 2 \right\}$ 1

بين أن: $H = G$

التمرين 2: (8 نقط)

1- بين أن: $\sqrt{x^2-3x+7} \neq \sqrt{y^2-3y+7} \Rightarrow x \neq y$ et $y \neq 3-x$ لكل x و y من \mathbb{R} . 1.5

2- بين أن: $(\forall x \geq 0): \sqrt{\frac{x^2+3x+1}{5}} \geq \sqrt{x}$ 1

3- برهن أن: العدد $\frac{3^{2n+1}+2^{n+2}}{7} \in \mathbb{N}$ لكل n من \mathbb{N} 1.5

4- أثبت أن: $x=4 \Leftrightarrow \frac{7}{x+\sqrt{x+1}} = \sqrt{x}-1$ $\forall x \in \mathbb{R}^+$ 1.5

5- بين أن: $(\forall n \in \mathbb{N}): \sum_{k=0}^{k=n} (4)^k = \frac{4^{n+1}-1}{3}$ 1.5

6- برهن أن: $b < a \Leftrightarrow \sqrt{1+b}-\sqrt{b} < \sqrt{1+a}-\sqrt{a}$ لكل a و b من المجال $[0, +\infty[$. 1

⊙ التمرين 3 (2 نقطة)

ليكن a و b عددين جديين بحيث: $a \neq b$.

نضع : $\alpha = \frac{a+b\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}}$

1- بين أن : $\alpha \neq b$. 1

2- بين أن : α عدد لا جذري. 1

⊙ التمرين 4 (2.5 نقطة)

ليكن x و y عددين حقيقيين موجبين قطعاً بحيث: $x+y=1$

1- بين أن : $\frac{1}{xy} \geq 4$ 0.5

2- استنتج أن : $\left(1+\frac{1}{x^2}\right)\left(1+\frac{1}{y^2}\right) \geq 25$ 2

⊙ التمرين 5 (1.5 نقطة)

m و n عددين صحيحين طبيعيين .

1- بين بالترجع أن : $\left(1+\frac{1}{n}\right)^n < n$: $(\forall n \geq 3)$ 0.75

2- استنتج بالترجع أن : $m < n \Rightarrow n^m < m^n$: $(\forall n \geq 3)(\forall m \geq 3)$ 0.75

ملاحظة : نقطة عن تنظيم الورقة و الدقة في الاستدلال

المنطق هو فن الاستدلال

⊙ Agir d'abord ; rectifier ensuite s'il y a lieu ; tout refaire s'il le faut, mais ne pas rester inactif dans l'attente du parfait.

بالتوفيق