

سلسلة 2	عموميات حول الدوال العددية	السنة 1 بكالوريا علوم رياضية
	<p>تمرين 1: نعتبر الدالة العددية المعرفة بما يلي: $f(x) = \frac{x}{3} + \frac{3}{x}$</p> <p>1) ادرس زوجية الدالة f.</p> <p>2) أ) تحقق أن لكل x و y من $]0; +\infty[$ حيث $x \neq y$: $\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \frac{xy - 9}{3xy}$</p> <p>ب) استنتج تغيرات f على كل من المجالين $]0; 3[$ و $]3; +\infty[$</p> <p>ج) اعط جدول تغيرات الدالة f على \mathbb{R}^*</p> <p>3) استنتج القيمة الدنوية للدالة f على $]0; +\infty[$ و القيمة القصوى على $] -\infty; 0[$</p>	
	<p>تمرين 2: نعتبر الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 5$</p> <p>1) تحقق أن لكل x و y من \mathbb{R} حيث $x \neq y$: $\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \left(x + \frac{y+3}{2}\right)^2 + \frac{3}{4}(y+1)^2$</p> <p>2) استنتج تغيرات f على \mathbb{R}</p>	
	<p>تمرين 3: نعتبر الدالتين $f(x) = x^2 - 1$ و $g(x) = \frac{x+1}{x-1}$</p> <p>1) اعط جدول تغيرات كل من f و g</p> <p>2) تحقق أن (C_f) و (C_g) يتقاطعان في $A_1(-1; 0)$ و $A_2(0; -1)$ و $A_3(2; 3)$</p> <p>3) أنشئ في نفس المعلم م.م.م (C_f) و (C_g).</p> <p>4) حدد مبيانيا صورة المجال $]2; +\infty[$ بالدالة g.</p> <p>5) نعتبر الدالة h المعرفة على المجال $I =]2; +\infty[$ بما يلي: $h(x) = \frac{4x}{(x-1)^2}$</p> <p>أ) تحقق أن: $h(x) = f \circ g(x)$ لكل x من I</p> <p>ب) ادرس رقابة الدالة h على I</p>	
	<p>تمرين 4: نعتبر الدالتين $f(x) = \frac{1}{4}(x^2 - 2x)$ و $g(x) = \sqrt{x}$</p> <p>1) اعط جدول تغيرات الدالة f</p> <p>2) احسب $f(0)$ و $f(2)$ و $f(4)$ و $g(4)$ ثم أنشئ (C_f) و (C_g) في م.م.م $(O; \vec{i}; \vec{j})$</p> <p>3) حل مبيانيا المعادلة $f(x) = g(x)$</p> <p>4) حل مبيانيا المتراجحة $f(x) < g(x)$</p> <p>5) نعتبر الدالة المعرفة على \mathbb{R}^+ بما يلي: $h(x) = \frac{1}{4}(x - 2\sqrt{x})$، حدد منحى تغيرات الدالة h على \mathbb{R}^+</p>	
	<p>تمرين 5: نعتبر الدوال: $f(x) = x^2 - 2x - 3$ و $g(x) = x^2 - 2 x - 3$ و $h(x) = x^2 - 2x - 3$</p> <p>1) أ) اعط جدول تغيرات الدالة f ثم أنشئ (C_f) في م.م.م $(O; \vec{i}; \vec{j})$</p> <p>ب) حل مبيانيا المتراجحة: $f(x) \leq -3$</p> <p>ج) حدد عدد حلول المعادلة $f(x) = m$ حسب قيم البارامتر m</p> <p>2) أ) ادرس زوجية الدالة g</p> <p>ب) اعط جدول تغيرات الدالة g ثم أنشئ (C_g) في المعلم السابق.</p> <p>3) أ) أوجد جدول إشارة الدالة f</p>	

ب) استنتج تبسيطا للدالة h على $]-\infty; -1]$ و $[-1; 3]$ و $[3; +\infty[$
4) أنشئ (C_h) في المعلم السابق .