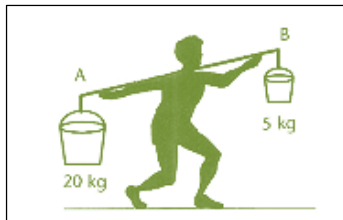


قانون أرخميدس: عتلة (levier) كتلتها مهملة توجد في توازن أفقي على جدر وتدي (un pivot) G

$$P_1 \times l_1 = P_2 \times l_2$$

عندما يكون قضيب حديدي متجانس طوله 2 m في طرفه A نضع سطل من الماء حمولته 20kg وطرفه B سطل من الماء حمولته 5kg (انظر الشكل)

1. أ- حدد النقطة G_1 من القضيب التي يضع عليها الشخص كتفه لكي يكون توازن أثناء حمله للقضيب و سطلين .



$$a\vec{G}_1\vec{A} + b\vec{G}_1\vec{B} = \vec{0}$$

2. نفترض أن القضيب في توازن على كتف الشخص في النقطة G_2 على بعد 80 cm من الطرف A

المثبت عليه السطل ل 20 kg .

$$a'\vec{G}_2\vec{A} + b'\vec{G}_2\vec{B} = \vec{0}$$

3. في هذه الحالة يضع كتفه في النقطة G_3 من القضيب على بعد 50 cm من A . حدد الوزنين المثبتين في A و B و يحقق التوازن.

02

ABCD متوازي أضلاع مركزه O . M و N نقطتان حيث : (1) : $3\vec{AM} - 2\vec{AB} = \vec{0}$ و (2) : $\vec{CD} + 3\vec{DN} = \vec{0}$.

1. عبر عن \vec{AM} بدلالة \vec{AB} باستعمال (1) . أنشئ M .

2. أوجد a و b من \mathbb{R} حيث تكون M مرجح النقطتين المتزنتين (A,a) و (B,b) .

3. عبر عن \vec{CN} بدلالة \vec{CD} باستعمال (2) . أنشئ N .

4. أوجد a' و b' من \mathbb{R} حيث تكون N مرجح النقطتين المتزنتين (C,a') و (D,b') .

5. بين أن : NCMA متوازي أضلاع و O منتصف [MN] .

03

ليكن G مرجح النقط المتزنة (A,1) ; (B,-1) ; (C,2) و (D,3) .

1. ماهي العلاقة المتجهية التي يمكن كتابتها ؟

2. لتكن J مرجح (A,1) و (C,2) . K مرجح (B,-1) و (D,3) . بين أن : $3\vec{GJ} + 2\vec{GK} = \vec{0}$. أنشئ النقط J , K و G

3. أنشئ L مرجح النقط المتزنة (A,1) ; (B,-1) ; (C,2) و (D,3) . بين أن : $2\vec{GL} + 3\vec{GD} = \vec{0}$. استنتج طريقة أخرى لإنشاء G .

04

نعتبر في المستوى الإقليدي (P) مثلثا ABC متساوي الأضلاع $\vec{AG} = \frac{1}{2}\vec{CB}$. أنشئ الشكل.

1. أ - بين أن النقطة G مرجح النظمة المتزنة $\{(C;-1);(B;1);(A;2)\}$. ب - بين أن المستقيمين (AG) و (BG) متعامدان.

2. لنعتبر النقطة D حيث $\vec{AD} = \vec{CB}$ و G_1 مرجح النظمة المتزنة $\{(C;-1);(B;1);(A;2);(D;4)\}$. بين أن : $\vec{GG}_1 = \frac{2}{3}\vec{GD}$.

ثم أنشئ D و G_1 .

3. نأخذ المستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O;\vec{i};\vec{j})$ حيث $A(2,3)$; $B(-2,1)$; $C(1,1)$ و $D(-1,2)$.

أ - حدد (a,b) زوج إحداثيتي G في المعلم $(O;\vec{i};\vec{j})$. ب - حدد (c,d) زوج إحداثيتي G_1 في المعلم $(O;\vec{i};\vec{j})$.