

التمرين الأول

حدد بتفصيل كل من المجموعات التالية :

$$C = \left\{ x \in \mathbb{Z} / \frac{x+6}{x+3} \in \mathbb{Z} \right\} \quad (3) \quad B = \left\{ \frac{x}{x+1} > 1 / x \in \mathbb{R} \right\} \quad (2) \quad A = \left\{ x \in \mathbb{Z} / \frac{2|x|-1}{3} \leq 1 \right\} \quad (1)$$

$$E = \left\{ (x,y) \in \mathbb{Z}^2 / xy - 7x - 5y + 9 = 0 \right\} \quad (5) \quad D = \left\{ x \in]-\pi, \pi[/ x = \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{3} ; k \in \mathbb{Z} \right\} \quad (4)$$

$$G = \left\{ (-1)^n - (-1)^m / n \in \mathbb{N}, m \in \mathbb{N} \right\} \quad (7) \quad F = \left\{ (x,y) \in \mathbb{Z}^2 / x^2 - y^2 = 4 \right\} \quad (6)$$

التمرين الثاني

$$B = [0,1] \quad B = \left\{ \frac{x}{x+1} / x \in \mathbb{R}^+ \right\}$$

نضع

$$B = \left\{ \frac{1}{2x+2} / x \in \mathbb{R} \right\} \quad \text{و} \quad A = \left\{ \frac{3x+3}{2x+2} / x \in \mathbb{R} \right\}$$

نضع

بين ان

$$F = \left\{ \frac{\pi}{3} + \frac{2k\pi}{3} / k \in \mathbb{Z} \right\}$$

نضع

و

$$E \subseteq F \quad E = \left\{ (2k'+1)\pi / k' \in \mathbb{Z} \right\}$$

بين ان

هل

$$B = \left\{ 3k-2 / k \in \mathbb{Z} \right\} \quad \text{و} \quad A = \left\{ 6k'+1 / k' \in \mathbb{Z} \right\}$$

نضع

بين ان

$A \subseteq B$

التمرين الثالث

$$F = \left\{ \frac{6k-1}{12} / k \in \mathbb{Z} \right\} \quad \text{و} \quad E = \left\{ \frac{3k+4}{12} / k \in \mathbb{Z} \right\}$$

نضع

أ- تتحقق أن $\frac{1}{3} \notin F$ و $\frac{1}{3} \in E$

ب- بين ان $F \subseteq E$

ج- هل $E = F$

التمرين الرابع

$$\text{؟ } A \subseteq B \quad B \subseteq A \quad \text{هل} \quad B = \left\{ \frac{-5\pi}{12} + k'\pi / k' \in \mathbb{Z} \right\} \quad \text{و} \quad A = \left\{ \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{3} / k \in \mathbb{Z} \right\}$$

نضع

التمرين الخامس

$$A = B \quad B = \left\{ \frac{1}{2x+2} / x \in \mathbb{R} \right\} \quad \text{و} \quad A = \left\{ \frac{3x+3}{2x+2} / x \in \mathbb{R} \right\}$$

نضع

التمرين السادس

ليكن y, x من \mathbb{Z} ، $x \neq y$ ، $x+y$ عدد زوجي

أ- بين ان :

ب- حدد بتفصيل المجموعة :

$$E = \left\{ (x,y) \in \mathbb{Z}^2 : x^2 - y^2 = 12 \right\}$$

$E = \left\{ a+b\sqrt{2} / (a,b) \in \mathbb{Z}^2 \right\}$

نضع

أ- بين ان $E \neq \emptyset$

ب- ليكن u من E بين ان $\frac{1}{u} \in E$ و

ج- بين بالترجع أن $(\forall n \in \mathbb{N}) u^n \in E$

التمرين السابع

ليكن a, b عنصرين من \mathbb{R} نعتبر المجموعة $E = \{na, nb\}$

1) نفترض أن $a < b$ و نضع $\alpha = \frac{1}{b-a}$ بين ان

2) استنتج أنه إذا كان $E = \mathbb{Z}$ فإن $a = b$

