

السنة 1 بكالوريا علوم رياضية	المتاليات	سلسلة 2
<p>تمرين 1 : نعتبر المتاليتين العددية (u_n) و (v_n) المعرفتين كما يلي :</p> <p>1) بين أن (v_n) متالية حسابية محددا أساسها و حدها الأول</p> <p>2) استنتج حساب u_n بدلالة n</p> <p>3) احسب $S = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$</p>	$v_n = \frac{1}{u_n - 3}$ و $\begin{cases} u_0 = -1 \\ u_{n+1} = \frac{9}{6-u_n} ; n \geq 0 \end{cases}$	تمرين 2 : <p>نعتبر المتاليتين العددية (u_n) و (v_n) المعرفتين كما يلي :</p> <p>1) بين أن (v_n) متالية هندسية.</p> <p>2) بين أن : $v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1} = u_n - u_0$</p> <p>3) استنتاج الحد العام للمتالية (u_n)</p> <p>4) احسب $S = v_0^2 + v_1^2 + \dots + v_n^2$</p>
<p>تمرين 3 :</p> <p>نعتبر المتاليتين العدديتين (u_n) و (v_n) المعرفتين كما يلي :</p> <p>1) نعتبر المتالية : $w_n = v_n - u_n$</p> <p>أ) بين أن (w_n) متالية هندسية محددا أساسها</p> <p>ب) أوجد الحد العام للمتالية (w_n)</p> <p>2) نعتبر المتالية : $t_n = 3u_n + 2v_n$</p> <p>أ) بين أن (t_n) متالية ثابتة.</p> <p>ب) أوجد الحد العام للمتالية (t_n)</p> <p>3) استنتاج مما سبق تعبير كل من (u_n) و (v_n) بدلالة n.</p>	$\begin{cases} u_0 = 1 , v_0 = 7 \\ u_{n+1} = \frac{2u_n + v_n}{3} ; v_{n+1} = \frac{u_n + v_n}{2} ; n \geq 0 \end{cases}$	
<p>تمرين 4 :</p> <p>نعتبر المتاليتين العددية (u_n) و (v_n) المعرفتين كما يلي :</p> <p>و المتاليتين :</p> <p>1) بين أن (w_n) متالية هندسية ثم أوجد حدتها العام.</p> <p>2) بين أن (t_n) متالية ثابتة ثم أوجد حدتها العام.</p> <p>3) أوجد الحد العام لكل من (u_n) و (v_n).</p>	$\begin{cases} u_0 = 1 , v_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{u_n + 2v_n}{3} ; v_{n+1} = \frac{u_n + 4v_n}{5} ; n \geq 0 \end{cases}$	$t_n = 3u_n + 10v_n$ و $w_n = v_n - u_n$

تمرين 5 : ليكن a و b عددين حقيقيين حيث : $0 < a < b$

نعتبر المتتاليتين العددية (u_n) و (v_n) المعرفتين كما يلي :

$$\begin{cases} v_0 = b \\ v_{n+1} = \frac{u_n + v_n}{2}; n \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} u_0 = a \\ u_{n+1} = \frac{2u_n v_n}{u_n + v_n}; n \geq 0 \end{cases}$$

1) بين أن $\forall n \in IN \quad 0 < u_n < v_n$

2) ادرس رتبة (u_n) و (v_n)

3) بين أن $\forall n \in IN \quad u_n v_n = ab$

4) استنتج أن $\forall n \in IN \quad u_n < \sqrt{ab} < v_n$:

5) نضع : $\forall n \in IN \quad w_n = v_n - u_n$

أ) بين أن $\forall n \in IN \quad 0 < w_{n+1} < \frac{1}{2}w_n$:

ب) ثم استنتاج أن $\forall n \in IN^* \quad 0 < w_n \leq (b-a)\left(\frac{1}{2}\right)^n$:

6) نأخذ : $a = 1$ و $b = 2$ ، أوجد قيمة n لكي تكون u_n قيمة مقربة بتفريط و v_n قيمة مقربة بإفراط للعدد

10^{-4} إلى $\sqrt{2}$