

# الدوران في المستوى

## تعريف الدوران

لتكن  $\Omega$  نقطة من المستوى الموجه  $\mathcal{P}$  و  $\theta$  عدداً حقيقياً .  
 الدوران الذي مركزه  $\Omega$  و زاويته  $\theta$  هو التطبيق من  $\mathcal{P}$  نحو  $\mathcal{P}$  الذي يربط كل نقطة  $M'$  بنقطة  $M$  بحيث :

► إذا كان  $\Omega = \Omega'$  فإن  $M' = M$

$$\begin{cases} \Omega M' = \Omega M \\ \left( \overrightarrow{\Omega M}, \overrightarrow{\Omega M'} \right) \equiv \theta [2\pi] \end{cases}$$

نرمز للدوران بـ  $r(\Omega, \theta)$  أو فقط بـ  $r$

نقول أن  $M'$  صورة  $M$  بالدوران  $r$  أو الدوران  $r$  يحول  $M$  إلى  $M'$  و نكتب  $M' = r(M)$

كل دوران  $r(\Omega, \theta)$  هو تطبيق تقابل في المستوى و تقابل العكسي  $r^{-1}(\Omega, \theta)$  هو الدوران العكسي للدوران  $r$

و لدينا  $r^{-1}(\Omega, \theta) = r(\Omega, -\theta)$

## خصائص الدوران

ليكن  $r$  دوراناً و  $A$  و  $B$  نقطتين من المستوى ، لدينا  $r(A) = A'$  و  $r(B) = B'$  .  
 نقول أن الدوران يحافظ على المسافة .

ليكن  $r$  دوراناً و  $A$  و  $B$  نقطتين من المستوى ، لدينا  $r(A) = A'$  و  $r(B) = B'$  .  
 $[A'B'] = r([AB])$

ليكن  $r$  دوراناً و  $A$  و  $B$  و  $C$  ثلث نقاط من المستوى بحيث :  
 $k \in \mathbb{R}$  ، لدينا  $\overrightarrow{AC} = k \overrightarrow{AB}$

$$\begin{cases} r(A) = A' \\ r(B) = B' \Rightarrow \overrightarrow{A'C'} = k \overrightarrow{A'B'} \\ r(C) = C' \end{cases}$$

ليكن  $r$  دوراناً و  $A$  و  $B$  نقطتين من المستوى ، لدينا

$$\begin{cases} r(A) = A' \\ r(B) = B' \end{cases} \Rightarrow r((AB)) = (A'B') \text{ و } r([AB]) = [A'B']$$

لتكن  $A$  و  $B$  نقطتين من المستوى بحيث  $G$  مرجع  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  .  
 فإذا كانت  $r(G) = G'$  فإن  $r(B) = B'$  و  $r(A) = A'$  و  $r((AB)) = (A'B')$

ليكن  $r$  دوراناً زاويته  $\theta$  ، لدينا :

$$\begin{cases} r(A) = A' \\ r(B) = B' \\ r(C) = C' \\ r(D) = D' \end{cases} \Rightarrow (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{A'B'}) \equiv \theta [2\pi]$$

ليكن  $r$  دوراناً ، لدينا ، صورة الدائرة  $C$  بالدوران  $r$  هي دائرة  $C'$  مركزها  $r(A) = A'$  و شعاعها  $R$