



Etude d'asymptotes et de branches infinies.

L'étude des branches infinies a pour objectif de comprendre en détails le comportement de la courbe de la fonction

La première chose à faire est de calculer les limites aux bornes du domaine de définition de la fonction

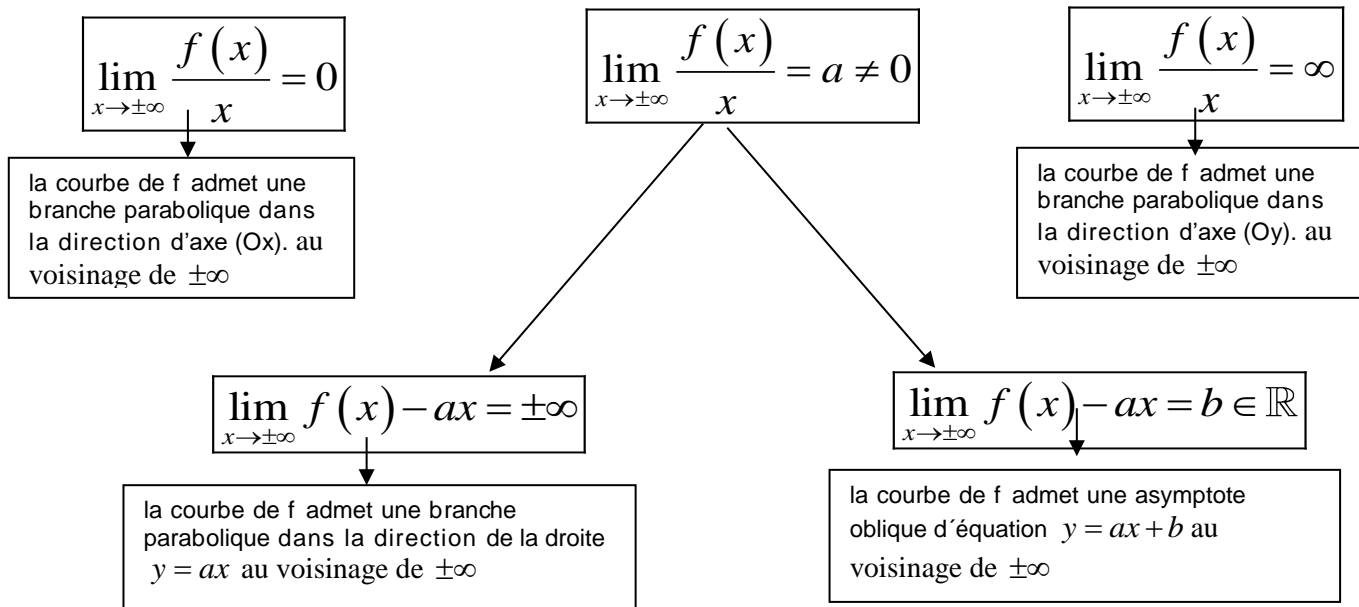
• Si $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = +\infty$ ou $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x) = -\infty$ ou $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = +\infty$ ou $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = -\infty$ alors la courbe (C) admet

une asymptote verticale d'équation $x = a$

• Si $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = b$ ou $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = b$ alors la courbe admet une asymptote horizontale d'équation $y = b$

• Si $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = \pm\infty$ en en va étudier les branches infinies

Si : $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = \pm\infty$



Si $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) - (ax + b) = 0$ alors la courbe de f admet une asymptote **oblique** d'équation $y = ax + b$ au voisinage de $\pm\infty$

La droite d'équation $x = a$ est un **axe de symétrie** de la courbe de f ssi :

a) $\forall x \in D_f$ on a : $(2a - x) \in D_f$ b) $\forall x \in D_f$ on a : $f(2a - x) = f(x)$

Le point $\Omega(a; b)$ est un **centre de symétrie** de la courbe de f ssi :

a) $\forall x \in D_f$ on a : $(2a - x) \in D_f$ b) $\forall x \in D_f$ on a : $f(2a - x) = 2b - f(x)$

Étudier la **concavité** ou la **convexité** d'une courbe d'une fonction revient à déterminer les intervalles sur lesquels elle est convexe et ceux sur lesquels elle est concave. Pour cela on calcul f'' et en étudie son signe

et si f'' s'annule en changeant de signe en x_0 alors $A(x_0; f(x_0))$ est un point

D'inflexion

Si une fonction est paire alors l'**axe** (Oy). Est un axe symétrie a la courbe

Si une fonction est impaire alors Le point $O(0; 0)$ est un centre symétrie la courbe

