Prof/ATMANI NAJIB

1BAC SM BIOF

有

TD/Arithmétique - Division euclidienne

Exercice1: Division euclidienne dans Z avec des entiers négatifs Dans chaque cas, déterminer le reste et le quotient dans la division euclidienne de : 65 par -7

-65 par -7 et -65 par 7

Exercice2: déterminer un reste dans une division euclidienne n et p sont deux entiers naturels. On sait que le reste de la division euclidienne de n par 11 vaut 8 et que le reste de la division euclidienne de p par 11 vaut 7. Quel est le reste de la division euclidienne de n + p par 11? Traduire l'énonce a l'aide d'une division euclidienne Un entier naturel n est tel que si on le divise par 5 le reste vaut 3 et si on le divise par 6 le reste augmente de 1 et le quotient diminue de 1. Déterminer n.

Exercice3: déterminer les restes possibles

Dans la division euclidienne de 1620 par un entier b non nul, le quotient est 23 et le reste r. déterminer les valeurs possibles pour b et r.

Exercice4: Disjonction de cas et division euclidienne démontrer que pour tout entier naturel n, $n(2n^2+1)$ est divisible par 3.

Exercice5: déterminer un reste avec une division euclidienne 1. Sachant que le reste de la division euclidienne de l'entier naturel a par 12 est 7, déterminer le reste de la division euclidienne de a par 3.

2. Sachant que le reste de la division euclidienne de l'entier naturel b par 3 est 2, déterminer les valeurs possibles du reste de la division euclidienne de b par 12.

Exercice6: Soit n un entier naturel. déterminer en fonction de n, le reste dans la division euclidienne de $n^2 + 5n + 7$ par n + 3.

Exercice7: Soit n un entier naturel. Déterminer en fonction de n, le reste dans la division euclidienne de 7n + 6 par 3n + 1.

Exercice8: Soit n un entier naturel. Déterminer en fonction de n, le reste dans la division euclidienne de 4n - 3 par n + 3.

Exercice9: Division euclidienne pour montrer que A divise B Soit n un entier naturel.

1. déterminer, en fonction de n, le reste dans la division euclidienne de $n^2 + 2$ par n + 1.

2. En d'enduire les valeurs de n pour lesquelles n + 1 divise $n^2 + 2$.

Exercice10: La somme de deux entiers naturels a et b vaut 1400. La division euclidienne de a par b donne un reste de 16.

- 1) Traduire l'énonce. Quelle condition a-t-on sur b?
- 2) Montrer que b est un diviseur de 1384.
- 3) En utilisant le fait que 173 est premier, déterminer les valeurs possibles de a et b.

Exercice11: n est un entier relatif. Le reste de la division euclidienne de n par 13 est 7. 1) Quel est le reste dans la division euclidienne de n^2 par 13.

2) Quel est le reste dans la division euclidienne De 1 - 3n par 13.

Exercice12: Algorithmique et division euclidienne Ecrire un algorithme qui affiche le quotient et le reste dans la division euclidienne de a par b dans le cas où a et b sont deux entiers naturels. Les seules opérations autorisées sont l'addition et la soustraction.

Exercice13: Montrer que pour tous entiers a et b, $ab(a^2-b^2)$ est divisible par 3.

Sachant que 23×51+35=1208, répondre rapidement aux questions suivantes :

- 1) Quels sont le quotient et le reste de la division euclidienne de 1208 par 51 ?
- 2) Quels sont le quotient et le reste de la division euclidienne de 1208 par 23?

Exercice14: "Je suis un entier naturel. Quand on me divise par 4, le reste est 3, mais quand on me divise par 5, le reste est 1 et le quotient inchangé. Qui suis-je?"

Exercice15: Soit a un entier qui a pour reste 4 dans la division euclidienne par 6 et b un entier qui a pour reste 3 dans la division euclidienne par 6.

Montrer que le produit de a par b est divisible par 6.

Exercice16: Trouver tous les entiers naturels qui ont un reste égal au cube de leur quotient dans la division euclidienne par 64.

Exercice17: Soit n un entier naturel non nul, déterminer le quotient et le reste de la division euclidienne de $2n^2 + n$ par n+1.