

الأستاذ:
نجيب
عثمانى

تمارين محلولة:تحليلية الفضاء

المستوى : الأولى باك علوم تجريبية

أكاديمية
الجهة
الشرقية

$$\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 2 \end{vmatrix} = 2 - 2 = 0 \quad \text{و} \quad \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 2 & -4 \end{vmatrix} = -4 + 4 = 0 \quad \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 2 & -4 \end{vmatrix} = 4 - 4 = 0$$

ومنه المتجهتين \vec{u} و \vec{v} مستقيمتين

$$\begin{vmatrix} -1 & 1 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = -2 - 2 = -4 \neq 0 \quad \text{حسب المحددات المستخرجة: لدينا}$$

ومنه المتجهتين \vec{u} و \vec{w} غير مستقيمتين**تمرين 4:** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ النقط

$$D(2; 3; 3) \quad A(1; 2; 1) \quad B(2; 1; 3) \quad C(-1; 4; -3)$$

1. أدرس استقامية النقط A و B و C 2. أدرس استقامية النقط A و B و D **الأجوبة:** 1) $\vec{AB}(1; -1; 2)$ يعني $\vec{AB}(2 - 1; 1 - 2; 3 - 1)$

$$\vec{AC}(-2; 2; -4) \quad \text{يعني} \quad \vec{AC}(-1 - 1; 4 - 2; -3 - 1)$$

حسب المحددات المستخرجة: لدينا

$$\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 2 \end{vmatrix} = 2 - 2 = 0 \quad \text{و} \quad \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 2 & -4 \end{vmatrix} = -4 + 4 = 0 \quad \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 2 & -4 \end{vmatrix} = 4 - 4 = 0$$

ومنه المتجهتين \vec{AC} و \vec{AB} مستقيمتين وبالتالي النقط : A و B و C مستقيمية

$$\vec{AD}(1; 1; 2) \quad \text{و} \quad \vec{AB}(1; -1; 2) \quad (2)$$

$$\begin{vmatrix} -1 & 1 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = 2 - 2 = -4 \neq 0 \quad \text{ومنه المتجهين} \quad \vec{AB} \quad \text{و} \quad \vec{AD} \quad \text{غير مستقيمتين}$$

تمرين 5: نعتبر المتجهات A و B و D غير مستقيمية

$$\vec{u}(-1; 1; 1) \quad \vec{v}(0; -4; 4) \quad \vec{w}(-2; 0; 4)$$

أحسب محددة المتجهات : \vec{u} و \vec{v} و \vec{w} **الجواب:**

$$\det(\vec{u}; \vec{v}; \vec{w}) = \begin{vmatrix} -1 & 0 & -2 \\ 1 & -4 & 0 \\ 1 & 4 & 4 \end{vmatrix} = -1 \begin{vmatrix} -4 & 0 \\ 4 & 4 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} 0 & -2 \\ 4 & 4 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 0 & -2 \\ -4 & 0 \end{vmatrix}$$

$$\det(\vec{u}; \vec{v}; \vec{w}) = \begin{vmatrix} -1 & 0 & -2 \\ 1 & -4 & 0 \\ 1 & 4 & 4 \end{vmatrix} = -1 \times -16 - 1 \times 8 + 1 \times (-8) = 16 - 16 = 0$$

تمرين 6: نعتبر المتجهات $(1; 1; 1)$ و \vec{u} و \vec{v}

$$\vec{x}(0; 3; 3) \quad \text{و} \quad \vec{w}(0; 1; 2)$$

و $\vec{y}(1; m; 2)$ حيث m بارا متر حقيقى.1. بين أن المتجهات \vec{u} و \vec{v} و \vec{x} مستوائية2. بين أن المتجهات \vec{u} و \vec{v} و \vec{w} غير مستوائية3. حدد العدد m بحيث تكون المتجهات \vec{u} و \vec{v} و \vec{y} مستوائيةفي كل ما يلي الفضاء منسوب إلى معلم $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ **تمرين 1:** نعتبر النقط A و B و C و D بحيث :

$$\vec{OA} = \vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k} \quad \text{و} \quad \vec{OB} = 2\vec{i} + 5\vec{j} + 3\vec{k}$$

$$\vec{AD} = 3\vec{i} + 2\vec{j} + 5\vec{k} \quad \text{و} \quad \vec{OC} = \vec{i} - 4\vec{j} + 2\vec{k}$$

(1) حدد إحداثيات A و B و C و D في المعلم(2) حدد إحداثيات المتجهات \vec{AB} و \vec{AC} و \vec{AD} في الأساس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.**أجوبة:** (1) $\vec{OA} = \vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$ يعني

$$\vec{OB} = 2\vec{i} + 5\vec{j} + 3\vec{k} \quad \text{يعني}$$

$$\vec{C}(1; -4; 2) \quad \text{يعني} \quad \vec{OC} = \vec{i} - 4\vec{j} + 2\vec{k}$$

$$\vec{OD} = \vec{AD} - \vec{AO} = \vec{AD} + \vec{OA} \quad \text{يعني} \quad \vec{AD} = \vec{AO} + \vec{OD}$$

$$\vec{OD} = \vec{AD} - \vec{AO} = 3\vec{i} + 2\vec{j} + 5\vec{k} + \vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k} = 4\vec{i} + 4\vec{j} + 2\vec{k} \quad \text{يعني} \quad D(4; 4; 2)$$

$$\vec{AB} = \vec{AO} + \vec{OB} = -\vec{OA} + \vec{OB} = -(\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}) + 2\vec{i} + 5\vec{j} + 3\vec{k} \quad (2)$$

$$\vec{AB}(1; 3; 6) \quad \text{ومنه} \quad \vec{AB} = -\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k} + 2\vec{i} + 5\vec{j} + 3\vec{k} = \vec{i} + 3\vec{j} + 6\vec{k}$$

$$\vec{AC} = \vec{AO} + \vec{OC} = -\vec{OA} + \vec{OC} = -(\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}) + \vec{i} - 4\vec{j} + 2\vec{k}$$

$$\vec{AC}(0; -6; 5) \quad \text{ومنه} \quad \vec{AC} = -\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k} + \vec{i} - 4\vec{j} + 2\vec{k} = 0\vec{i} - 6\vec{j} + 5\vec{k}$$

$$\vec{u} = \vec{i} + 3\vec{j} + 6\vec{k} - 2(0\vec{i} - 6\vec{j} + 5\vec{k}) = \vec{AB} - 2\vec{AC} \quad \text{يعني} \quad \vec{u} = \vec{i} + 3\vec{j} + 6\vec{k} - 2(0\vec{i} - 6\vec{j} + 5\vec{k})$$

$$\vec{u}(1; 15; -4) \quad \text{ومنه} \quad \vec{u} = \vec{i} + 3\vec{j} + 6\vec{k} - 2(0\vec{i} - 6\vec{j} + 5\vec{k}) = \vec{i} + 15\vec{j} - 4\vec{k}$$

تمرين 2: نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

$$\text{النقط: } A(-3; 2; 1) \quad \text{و} \quad B(5; 3; -1)$$

(1) حدد متلوث إحداثيات المتجهة \vec{AB} (2) حدد متلوث إحداثيات I منتصف القطعة $[AB]$ (3) أحسب المسافة AB **الجواب:** (1) $\vec{AB}(8; 1; -2)$ يعني $\vec{AB}(5 + 3; 3 - 2; -1 - 1)$

$$I\left(1; \frac{5}{2}; 0\right) \quad I\left(\frac{5 + (-3)}{2}; \frac{3 + 2}{2}; \frac{-1 + 1}{2}\right) \quad (2)$$

$$AB = \|\vec{AB}\| = \sqrt{(5 + 3)^2 + (3 - 2)^2 + (-1 - 1)^2} = \sqrt{64 + 1 + 4} = \sqrt{69} \quad (3)$$

تمرين 3: نعتبر في الفضاء المنسوب إلى الأساس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ المتجهات $\vec{u}(1; -1; 2)$ و $\vec{v}(-2; 2; -4)$ و $\vec{w}(1; 1; 2)$ 1. أدرس استقامية المتجهتين \vec{u} و \vec{v} 2. أدرس استقامية المتجهتين \vec{u} و \vec{w} **الأجوبة:** (1) حسب المحددات المستخرجة: لدينا

$$D \in (D) \text{ ومنه} \begin{cases} t = -1 \\ t = -1 \Leftrightarrow \begin{cases} 2 = 1-t \\ -1 = 3+4t \end{cases} \text{ و } C \notin (D) \\ t = -1 \Leftrightarrow \begin{cases} 0 = 1+t \\ t = \frac{3}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3 = 1-t \\ -3 = 3+4t \end{cases} \\ t = 0 \end{cases}$$

(3) المستقيم $\overrightarrow{BC}(1;-4;-1)$ يمر من النقطة $B(2;1;2)$ و

$$(BC) \begin{cases} x = 2+1t \\ y = 1-4t \\ z = 2-t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$$

متجهة موجهة له اذن $\overrightarrow{u}(-1;4;1)$ و $\overrightarrow{BC}(1;-4;-1)$

نلاحظ أن : $\overrightarrow{BC} = -\overrightarrow{u}$ و \overrightarrow{u} مستقيميتن وبالتالي المستقيمين (D) و (BC) متوازيين

تمرين 9: ليكن (D) و (Δ) مستقيمي من الفضاء معرفان على

$$(D) \begin{cases} x = 1+t \\ y = 1-t \\ z = 1+t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$$

التوالي بتمثيلهما البرامتريان :

$$(\Delta) \begin{cases} x = 3+k \\ y = -1+2k \\ z = 3-k \end{cases} \quad (k \in \mathbb{R})$$

بين أن المستقيمين (D) و (Δ) غير متوازيين

الجواب : $\overrightarrow{u}(1;-1;1)$ متجهة موجهة ل (Δ)

و $\overrightarrow{v}(1;2;-1)$ متجهة موجهة ل (Δ)

نلاحظ أن : \overrightarrow{u} و \overrightarrow{v} غير مستقيميتن

وبالتالي المستقيمين (D) و (Δ) غير متوازيين

تمرين 10: حدد تمثيلا بارا متريا للمستوى $P(A;\overrightarrow{u};\overrightarrow{v})$ حيث:

$$\overrightarrow{v}(-1;0;2) \text{ و } \overrightarrow{u}(-2;4;1) \text{ و } A(1;-3;1)$$

$$(t' \in \mathbb{R}) \text{ و } (t \in \mathbb{R}) \text{ حيث } (P) : \begin{cases} x = 1-2t-t' \\ y = -3+4t \\ z = 1+t+2t' \end{cases}$$

هو تمثيل بارا متريا للمستوى $P(A;\overrightarrow{u};\overrightarrow{v})$

تمرين 11: حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P)

$$\text{المار من } A(1;-3;1)$$

و الموجه بالتجهيز $\overrightarrow{v}(-1;0;2)$ و $\overrightarrow{u}(-2;4;1)$ غير مستقيميتن

الجواب : نلاحظ أن $\overrightarrow{u}(-2;4;1)$ و $\overrightarrow{v}(-1;0;2)$ غير مستقيميتن

يعني $M(x;y;z) \in P(A;\overrightarrow{u};\overrightarrow{v})$

يعني : $\det(\overrightarrow{AM};\overrightarrow{u};\overrightarrow{v}) = 0$

$$\begin{vmatrix} x-1 & -2 & -1 \\ y+3 & 4 & 0 \\ z-1 & 1 & 2 \end{vmatrix} = 0 \quad \text{يعني : } \overrightarrow{AM}(x-1;y+3;z-1)$$

$$(x-1) \begin{vmatrix} 4 & 0 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} - (y+3) \begin{vmatrix} -2 & -1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} + (z-1) \begin{vmatrix} -2 & -1 \\ 4 & 0 \end{vmatrix} = 0$$

$$\text{يعني : } 8x-8+3y+9+4z-4=0 \quad \text{يعني : } 8(x-1)+3(y+3)+4(z-1)=0$$

$$(P) : 8x+3y+4z-3=0$$

$$\text{يعني : } 8x+3y+4z-3=0$$

$$\det(\overrightarrow{u};\overrightarrow{v};\overrightarrow{x}) = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 1 & 1 & 3 \\ 1 & 1 & 3 \end{vmatrix} = 1 \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} = 1-2+0=0$$

و منه : المتجهات \overrightarrow{u} و \overrightarrow{v} و \overrightarrow{x} مستوائية

$$\det(\overrightarrow{u};\overrightarrow{v};\overrightarrow{w}) = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \end{vmatrix} = 1 \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = 1-2+0=0$$

و منه : المتجهات \overrightarrow{u} و \overrightarrow{v} و \overrightarrow{w} غير مستوائية

(3) \overrightarrow{u} و \overrightarrow{v} و \overrightarrow{y} مستوائية يعني

$$\begin{vmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 1 & 1 & m \\ 1 & 1 & 2 \end{vmatrix} = 0 \quad \text{يعني } \det(\overrightarrow{u};\overrightarrow{v};\overrightarrow{y}) = 0$$

$$m=2 \quad \text{يعني } 6-3m=0 \quad \text{يعني } 2$$

تمرين 7: تعتبر النقط $C(1;-3;2)$ و $B(0;2;-1)$ و $A(1;1;-2)$ و $E(1;1;3)$ و $D(-1;1;3)$

1. بين أن النقط A و B و C و D مستوائية

2. بين أن النقط A و B و C و E و D مستوائية؟

أجوبة : (1) $\overrightarrow{AD}(-2;0;4)$ و $\overrightarrow{AC}(0;-4;4)$ و $\overrightarrow{AB}(-1;1;1)$ و

$$\det(\overrightarrow{AB};\overrightarrow{AC};\overrightarrow{AD}) = \begin{vmatrix} -1 & 0 & -2 \\ 1 & -4 & 0 \\ 1 & 4 & 4 \end{vmatrix} = -1 \begin{vmatrix} -4 & 0 \\ 4 & 4 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} 0 & -2 \\ 4 & 4 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 0 & -2 \\ -4 & 0 \end{vmatrix} = 0$$

و منه : \overrightarrow{AD} و \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AB} مستوائية و بالتالي النقط A و B و C و D و E مستوائية

$$\overrightarrow{AE}(0;0;5)$$

$$\det(\overrightarrow{AB};\overrightarrow{AC};\overrightarrow{AE}) = \begin{vmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 1 & -4 & 0 \\ 1 & 4 & 5 \end{vmatrix} = -1 \begin{vmatrix} -4 & 0 \\ 4 & 5 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 4 & 5 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ -4 & 0 \end{vmatrix} = 20 \neq 0$$

و منه : \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AB} غير مستوائية

و بالتالي النقط A و B و C و E غير مستوائية

تمرين 8: تعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم $(o;\overrightarrow{i};\overrightarrow{j};\overrightarrow{k})$ النقط :

(1) $A(1;1;0)$ و $B(2;1;2)$ و $C(3;-3;1)$ و $D(2;-1;1)$ و $E(1;3;1)$ و $\overrightarrow{u}(-1;4;1)$

(2) حدد تمثيلا بارا متريا للمستوى (D) المار من A و الموجه

$$\overrightarrow{u}$$

(3) هل النقط $C(3;-3;1)$ و $B(2;1;0)$ و $D(2;-1;0)$ تنتهي للمستوى (D) ؟

(4) حدد تمثيلا بارا متريا للمستوى (BC)

(5) أدرس الوضع النسبي للمستقيمين (D) و (BC)

$$\begin{cases} x = 1-t \\ y = 3+4t \\ z = 1+t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$$

$$\begin{cases} t = -1 \\ t = -\frac{1}{2} \\ t = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 = 1-t \\ 1 = 3+4t \\ 2 = 1+t \end{cases}$$

أدرس الوضع النسبي للمستويين : (P) و (Q)

الجواب: المستويان (P) و (P') متوازيان قطعا

تمرين 14: نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم $(o; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

النقطة $A(1;1;0)$ و المتجهتين $\vec{u}(1;-1;2)$ و $\vec{v}(1;1;1)$

و المستوى (Q) الذي معادلة ديكارتية : $x+y-z+1=0$

(1) أعط معادلة ديكارتية للمستوى (P) المار من A و الموجه

بالمتجهتين \vec{u} و \vec{v}

(2) أدرس الوضع النسبي للمستويين (Q) و (P) .

الجواب: (1) نلاحظ أن $(1;1;1)$ و $(1;-1;2)$ غير مستقيميتين

يعني $M(x; y; z) \in P(A; \vec{u}; \vec{v})$

$\det(\overrightarrow{AM}; \vec{u}; \vec{v}) = 0$ يعني $\det(\overrightarrow{AM}; \vec{u}; \vec{v}) = 0$

$$\begin{vmatrix} x-1 & 1 & 1 \\ y-1 & 1 & -1 \\ z & 1 & 2 \end{vmatrix} = 0 \quad \text{يعني: } \overrightarrow{AM}(x-1; y-1; z)$$

$$(x-1) \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} - (y-1) \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} + z \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = 0 \quad \text{يعني:}$$

يعني : $3(x-1)-(y-1)-2z=0$

(P) : $3x-y-2z-2=0$ (2)

تمرين 15: حدد معادلتان ديكارتيتان للمستقيم $(D) = D(A; \vec{u})$

في الحالات التالية :

(1) $\vec{u}(1;2;3)$ و $A(1;-1;2)$ متجهة موجهة له.

(2) $\vec{u}(0;1;2)$ و $A(1;-1;3)$ متجهة موجهة له.

الجواب: (1) يعني $\frac{x-x_A}{a} = \frac{y-y_A}{b} = \frac{z-z_A}{c}$

$$\begin{cases} \frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{2} \\ \frac{x-1}{1} = \frac{z-2}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2(x-1) = y+1 \\ 3(x-1) = z-2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x-y-3=0 \\ 3x-z-1=0 \end{cases}$$

(2)

$$\begin{cases} x=1 \\ y+1=\frac{z-3}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ 2(y+1)=z-3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ 2y-z+5=0 \end{cases}$$

تمرين 16: ادرس الوضع النسبي للمستوى (P) و المستقيم (D)

الجواب: $(P) : x+y-z+1=0$ اذن : $t=0$

اذن : $0 = 0$ يعني $\frac{1}{2}(1+t) + (2-t) - (3+2t)t + 1 = 0$ يقطع

$$\begin{cases} x = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \\ y = 2 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \\ z = 3 + 2 \cdot \frac{1}{2} = 4 \end{cases} \quad \text{المستوى } (P) \text{ في النقطة:}$$

هي نقطة التقاطع $A\left(\frac{3}{2}; \frac{3}{2}; 4\right)$

$$\text{تمرين 17: } (D) \begin{cases} x=1+2t \\ y=-1+t \\ z=-2+4t \end{cases} \quad (P) : 3x-y-2z-2=0$$

أدرس الوضع النسبي لل المستوى (P) و المستقيم (D)

الجواب: $(P) : 5x+2y-3z-10=0$

اذن : $5(1+2t)+2(-1+t)-3(-2+4t)-10=0$ يعني $t=0$ غير ممكن اذن : (D) و (P) متوازيان قطعا

ملاحظة: ليكن $(P) = P(\vec{B}; \vec{u}; \vec{v})$ و $(D) = D(A; \vec{w})$

إذا كان $\det(\vec{u}; \vec{v}; \vec{w}) = 0$ فان $A \in (P)$ و

إذا كان $\det(\vec{u}; \vec{v}; \vec{w}) = 0$ فان $A \notin (P)$ و

إذا كان $\det(\vec{u}; \vec{v}; \vec{w}) \neq 0$ فان (D) يخترق (P) .

$$\text{تمرين 18: } \vec{u}(1;-1;1) = P(\vec{B}; \vec{u}; \vec{v}) \text{ و } (D) = D(A; \vec{w})$$

و $\vec{B}(1;0;0)$ و $A(0;0;-1)$ و $\vec{v}(0;2;0)$ و $\vec{w}(0;1;0)$

حدد معادلة ديكارتية للمستوى (P)

أدرس الوضع النسبي للمستوى (P) و المستقيم (D)

الجواب: نلاحظ أن $\vec{u}(1;-1;1)$ و $\vec{v}(0;1;0)$ غير مستقيمتين

يعني $M(x; y; z) \in P(\vec{B}; \vec{u}; \vec{v})$ متساوية

يعني $\det(\overrightarrow{AM}; \vec{u}; \vec{v}) = 0$ يعني $\det(\overrightarrow{AM}; \vec{u}; \vec{v}) = 0$

$$\begin{vmatrix} x-1 & 1 & 0 \\ y & -1 & 1 \\ z & 1 & 0 \end{vmatrix} = 0 \quad \text{يعني: } \overrightarrow{BM}(x-1; y; z)$$

$$(x-1) \begin{vmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix} - y \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{vmatrix} + z \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} = 0 \quad \text{يعني: }$$

$$(P) : -x+z+1=0 \quad \text{يعني: } (x-1)-0+z=0$$

$$\det(\vec{u}; \vec{v}; \vec{w}) = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & 0 \end{vmatrix} = 1 \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 0 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 0 \quad (2)$$

ولدينا $A \in (P)$ لأن:

$(D) \subset (P)$ ومنه $(P) : -x+z+1=0$