

التمرين الأول

- (1) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بما يلي :
 احسب $g'(x)$ لكل x من \mathbb{R} ثم صنع جدول تغيرات g
 (a) استنتج أن : $\forall x \in \mathbb{R} : g(x) \geq 0$ (b)

$$f(x) = \frac{x^4 + 2x^3 - 2x - 1}{x^3} \quad (2)$$

- (a) حدد D_f ثم احسب نهايات f عند محدودات

$$(b) \text{ بين أن } f'(x) = \frac{g(x)}{x^4} \text{ لكل } x \in D_f \text{ ثم صنع جدول تغيرات الدالة}$$

- (3) حدد تقربياً تألفياً للدالة f جوار النقطة $x_0 = 1$ ثم استنتاج تقربياً لكل من العددين $0,998$ و $1,001$

التمرين الثاني

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي : $f(x) = 2x\sqrt{x^2 - 2x}$ وليكن (C) منحناها في معلم متعمد ممنظم $(O; \vec{i}, \vec{j})$

- (1) حدد D_f مجموعة تعريف الدالة
 (2) احسب نهايات f عند محدودات D_f
 (3) ادرس قابلية اشتقاق الدالة f في 0 على اليسار وفي 2 على اليمين ثم أول هندسيا
 النتيجتان المحصل عليهما
 (4) حدد $D_{f'}^+$ مجموعة قابلية اشتقاق الدالة f ثم احسب $f'(x)$ لكل x من $D_{f'}^+$
 (5) صنع جدول تغيرات الدالة f

التمرين الثالث

لتكن A و B و C و D أربع نقاط غير مستوائية.

$$\overrightarrow{AD} = \vec{w} \text{ و } \overrightarrow{AC} = \vec{v} \text{ و } \overrightarrow{AB} = \vec{u}$$

- (1) أنشئ النقط P و Q و R و S بحيث :

$$4\overrightarrow{QB} + 3\overrightarrow{QC} = \vec{0} \quad 3\overrightarrow{PA} + 2\overrightarrow{PB} = \vec{0} \quad 5\overrightarrow{SD} + 4\overrightarrow{SA} = \vec{0} \quad \text{و} \quad 2\overrightarrow{RC} + 5\overrightarrow{RD} = \vec{0}$$

(2) أ- احسب \overrightarrow{PQ} و \overrightarrow{PR} و \overrightarrow{PS} بدلالة \vec{u} و \vec{v} و \vec{w}
 ب- بين أن P و Q و R و S مستوائية

التمرين الرابع

رباعي أوجه $ABCD$

$$\overrightarrow{AD} = \vec{w} \text{ و } \overrightarrow{AC} = \vec{v} \text{ و } \overrightarrow{AB} = \vec{u}$$

- (1) ليكن I و J على التوالي منتصفى $[AB]$ و $[CD]$.

حدد بدلالة \vec{u} و \vec{v} و \vec{w} متجهة موجهة لل المستقيم (IJ)

- (2) حدد بدلالة \vec{u} و \vec{v} و \vec{w} متجهتين موجهتين للمستوى (BIJ)

$$(3) \text{ نعتبر المجموعة : } \mathcal{F} = \left\{ M \in (\mathcal{E}) / \overrightarrow{JM} = (x-1)\vec{u} + y(\vec{w} + \vec{v}) ; (x, y) \in \mathbb{R}^2 \right\}$$

- أ- بين أن \mathcal{F} مستوى وحدد متجهتين موجهتين له
 ب- بين أن المستوى \mathcal{F} يضم (AB)