

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(7x - 2)x}{3x^4 + 5} \quad (3)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5x^4 - x^2 + 2}{-3x + 1} \quad (2)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 2x}{(2x - 1)^2} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{4x^2 - 3x + 1} - 2x \quad (6)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1}{x - 1} - \frac{1}{x^2 - 1} \quad (5)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 2x - 3}{3x^2 - 9x} \quad (4)$$

 1×3
 1,5
 1,5
 2

التمرين الثاني: (3 نقط)

نعتبر الدالة العددية $f(x) = \frac{x \cos x}{\sqrt{x + 3x^2}}$ المعرفة على IR^+ بمايلي:

$$(1) \text{ بين أن: } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt{x + 3x^2}} = 0$$

$$(2) \text{ أ- بين أنه لكل } x \text{ من } \text{IR}^+ : |f(x)| \leq \frac{x}{\sqrt{x + 3x^2}}$$

$$\text{ب- استنتج: } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

 1,5
 1
 0,5

التمرين الثالث: (5 نقط)

نعتبر الدالة العددية $f(x) = \sqrt{x^2 - 1} - x$ المعرفة على $[1; +\infty] \cup [-\infty; -1]$ بمايلي:

$$(1) \text{ أحسب: } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$$

$$(2) \text{ أ- بين أنه لكل } x \text{ من } D : \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \frac{x + 1}{\sqrt{x^2 - 1}} - 1$$

$$\text{ب- استنتاج: } \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$$

 1
 1
 1
 1

التمرين الرابع: (4 نقط)

أحسب النهايات التالية:

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x \cdot \sin 2x}{1 - \cos x}$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\sqrt{2x + 1} - \sqrt{x + 1}}$$

$$(3) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin \pi x}{1 - \sqrt{x}}$$

 1,5
 1,5
 1