

## التمرين الأول

نعتبر المتاليتين  $(U_n)_n$  و  $(V_n)_n$  المعرفتين بما يلي :

$$d_n = U_n - V_n \quad \text{و} \quad S_n = U_n + V_n \quad \text{ثم نفع} \quad \begin{cases} V_0 = 1 \\ V_{n+1} = \frac{1}{2}V_n + \frac{1}{3}U_n \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} U_0 = 2 \\ U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + \frac{1}{3}V_n \end{cases}$$

(1) بيد أن  $(S_n)_n$  متالية هندسية أساسها  $q = \frac{5}{6}$  و أحسب  $S_n$  بـ

(2) بيد أن  $(d_n)_n$  متالية هندسية أساسها  $q' = \frac{1}{6}$  و أحسب  $d_n$  بـ

(3) أحسب بـ  $T_n = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$  الجمع

(4) استنتج من السؤالين (1) و (2) تحبير كل من  $U_n$  و  $V_n$  بـ

## التمرين الثاني

$ABC$  مثلث في المستوى ( $P$ ) و لتكن  $G$  مر吉ح النقط المترنة ( $-1$ ,  $C, 3$ ) ; ( $B, 2$ ) ; ( $A, -1$ )

(1) أحسب المتجهة  $\overrightarrow{CG}$  بـ

$$\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$$

أ- بيد أن  $K$  مر吉ح النقط ( $C, 1$ ) ; ( $B, 2$ ) ; ( $A, -1$ )

ب- استنتج أن  $K$  مر吉ح النقطين ( $G, -2$ ) ; ( $C, 1$ )

## التمرين الأول

نعتبر المتاليتين  $(U_n)_n$  و  $(V_n)_n$  المعرفتين بما يلي :

$$d_n = U_n - V_n \quad \text{و} \quad S_n = U_n + V_n \quad \text{ثم نفع} \quad \begin{cases} V_0 = 1 \\ V_{n+1} = \frac{1}{2}V_n + \frac{1}{3}U_n \end{cases} \quad \text{و} \quad \begin{cases} U_0 = 2 \\ U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + \frac{1}{3}V_n \end{cases}$$

(1) بيد أن  $(S_n)_n$  متالية هندسية أساسها  $q = \frac{5}{6}$  و أحسب  $S_n$  بـ

(2) بيد أن  $(d_n)_n$  متالية هندسية أساسها  $q' = \frac{1}{6}$  و أحسب  $d_n$  بـ

(3) أحسب بـ  $T_n = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1}$  الجمع

(4) استنتاج من السؤالين (1) و (2) تحبير كل من  $U_n$  و  $V_n$  بـ

## التمرين الثاني

$ABC$  مثلث في المستوى ( $P$ ) و لتكن  $G$  مر吉ح النقط المترنة ( $-1$ ,  $C, 3$ ) ; ( $B, 2$ ) ; ( $A, -1$ )

(1) أحسب المتجهة  $\overrightarrow{CG}$  بـ

$$\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$$

أ- بيد أن  $K$  مر吉ح النقط ( $C, 1$ ) ; ( $B, 2$ ) ; ( $A, -1$ )

ب- استنتاج أن  $K$  مر吉ح النقطين ( $G, -2$ ) ; ( $C, 1$ )