

في كل ما يلي المستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم ومباشر  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

**التمرين الأول :** نعتبر في المستوى النقط  $A(6;2)$  و  $B(5;-2)$  و  $C(1;-1)$ .

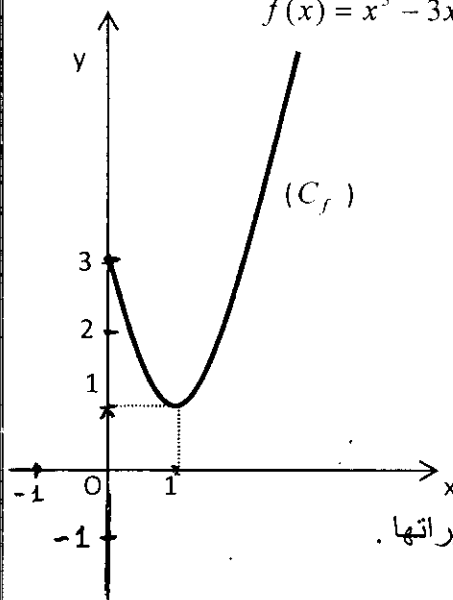
- (1) 1,5 أ- احسب  $\overline{AB}$  و  $\overline{AC}$  و  $\overline{AB \cdot AC}$   
 1,75 ب- احسب  $\cos(\overline{AB}; \overline{AC})$  و  $\sin(\overline{AB}; \overline{AC})$   
 0,75 ج- استنتج القياس الرئيسي للزاوية الموجهة  $(\overline{AB}; \overline{AC})$   
 1,5 (2) احسب  $\overline{BA \cdot BC}$  واستنتج أن  $\triangle ABC$  مثلث متساوي الساقين و قانم الزاوية .

**التمرين الثاني :** ليكن  $ABC$  مثلث في المستوى و  $G$  مرجح النقط المتزنة  $(A, 3)$  و  $(B, -2)$  و  $(C, 3)$ .

- (1) 0,75 أ- أنشئ النقط  $I$  مرجح النقطتين المتزنتين  $(A, 3)$  و  $(C, 3)$ .  
 0,75 ب- بين أن  $G$  هو مرجح النقطتين المتزنتين  $(I, 3)$  و  $(B, -1)$   
 0,75 ج- أنشئ النقط  $G$ .  
 (2) 0,75 أ- لتكن  $J$  نقطة من المستوى بحيث  $\overline{AJ} = -2\overline{AB}$ .  
 0,75 ب- بين أن  $J$  مرجح النقطتين المتزنتين  $(A, 3)$  و  $(B, -2)$ .  
 1 ج- بين أن المستقيمين  $(CJ)$  و  $(BI)$  يتقاطعان في  $G$ .  
 (3) 1 افترض أن  $A(1, 1)$  و  $B(-1, 2)$  و  $C(1, -1)$  ، حدد زوج إحداثيتي المرجح  $G$ .  
 (4) 1 حدد مجموعة النقط  $M$  من المستوى بحيث :  $\|3\overline{MA} - 2\overline{MB} + 3\overline{MC}\| = 4\|3\overline{MA} - 2\overline{MB}\|$   
 (5) 1 نضع  $\vec{u} = 2\overline{MA} - \overline{MB} - \overline{MC}$  و  $\vec{v} = 3\overline{MA} - 2\overline{MB} + 3\overline{MC}$  حيث  $M$  نقطة من المستوى.  
 0,5 ب- حدد مجموعة النقط  $M$  من المستوى بحيث تكون  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  متجهتين مستقيمتين .

**التمرين الثالث :** نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $[0; +\infty[$  بما يلي :  $f(x) = x^3 - 3x + 3$

تمثيلها المبياني  $C_f$  ممثل في الشكل التالي .



- (1) 0,75 أعط جدول تغيرات  $f$  على  $[0; +\infty[$   
 1 (2) حدد مبيانيا  $f([0; 1])$  و  $f([1; +\infty[)$   
 (3) 1 لتكن  $g(x) = \frac{x+2}{x+1}$  دالة عددية معرفة بما يلي :  
 حدد  $D_g$  مجموعة تعريفها وأعط جدول تغيراتها  
 (4) 1,25 أ- بين مبيانيا أن :  $f(x) \neq -1$  ;  $\forall x \in [0; +\infty[$   
 واستنتج أن :  $D_{g \circ f} = [0; +\infty[$   
 0,75 ب- حدد  $g \circ f(x)$  لكل  $x$  من  $[0; +\infty[$   
 2 ج- أدرس رتبة الدالة  $g \circ f$  على  $[1; +\infty[$  و على  $[0; 1]$  وأعط جدول تغيراتها.  
 0,5 د- استنتج أن :  $\forall x \in [0; +\infty[ ; \frac{x^3 - 3x + 5}{x^3 - 3x + 4} \leq \frac{3}{2}$