

التمرين الأول: (10 نقط)

1 أدرس حقيقة العبارات التالية:

$$(1) \quad P: \left[\frac{25}{9} = \frac{5}{3} \text{ أو } 3 \text{ يقسم } 213 \right]; \quad Q: \left[-4 = -4 \text{ و } \frac{-5}{2} < \frac{-1}{2} \right]$$

$$(1,5) \quad R: \left(\forall n \in \mathbb{N} \right) \frac{n+3}{5} \in \mathbb{N}; \quad S: \left(\exists n \in \mathbb{Z} \right) n^2 - 1 = 0$$

2 نعتبر العبارة T: $(\forall x \in \mathbb{R}) 3x^2 - 4x + 2 \leq 0$

أ- أعط نفي العبارة (T).

ب- بين أن العبارة (T) خاطئة.

3 نعتبر الدالة العددية f المعرفة على IR بما يلي: $f(x) = \sqrt{x^2 + 3} - 2$ و العبارة P: $\forall (a, b) \in \mathbb{R}^2 \quad f(a) = f(b) \Rightarrow a = b$ أ- حل في IR المعادلة: $f(x) = 0$

ب- أعط نفي العبارة P

ج- استنتج أن العبارة P خاطئة.

4 باستعمال الاستدلال بالاستلزام المضاد للعكس؛ بين أن:

$$(1,5) \quad \forall (x, y) \in \mathbb{R}^2 \quad [x \neq y \text{ و } xy \neq 1] \Rightarrow \left[\frac{x}{x^2 + x + 1} \neq \frac{y}{y^2 + y + 1} \right]$$

5 باستعمال الاستدلال بالتكافؤ؛ بين أن: $(\forall x \in \mathbb{R}^+) : \frac{x + \sqrt{x+3}}{\sqrt{x+1}} \leq \sqrt{x+3}$ 6 بين بالترجع أن: $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad 1 + 7^1 + 7^2 + \dots + 7^n = \frac{7^{n+1} - 1}{6}$

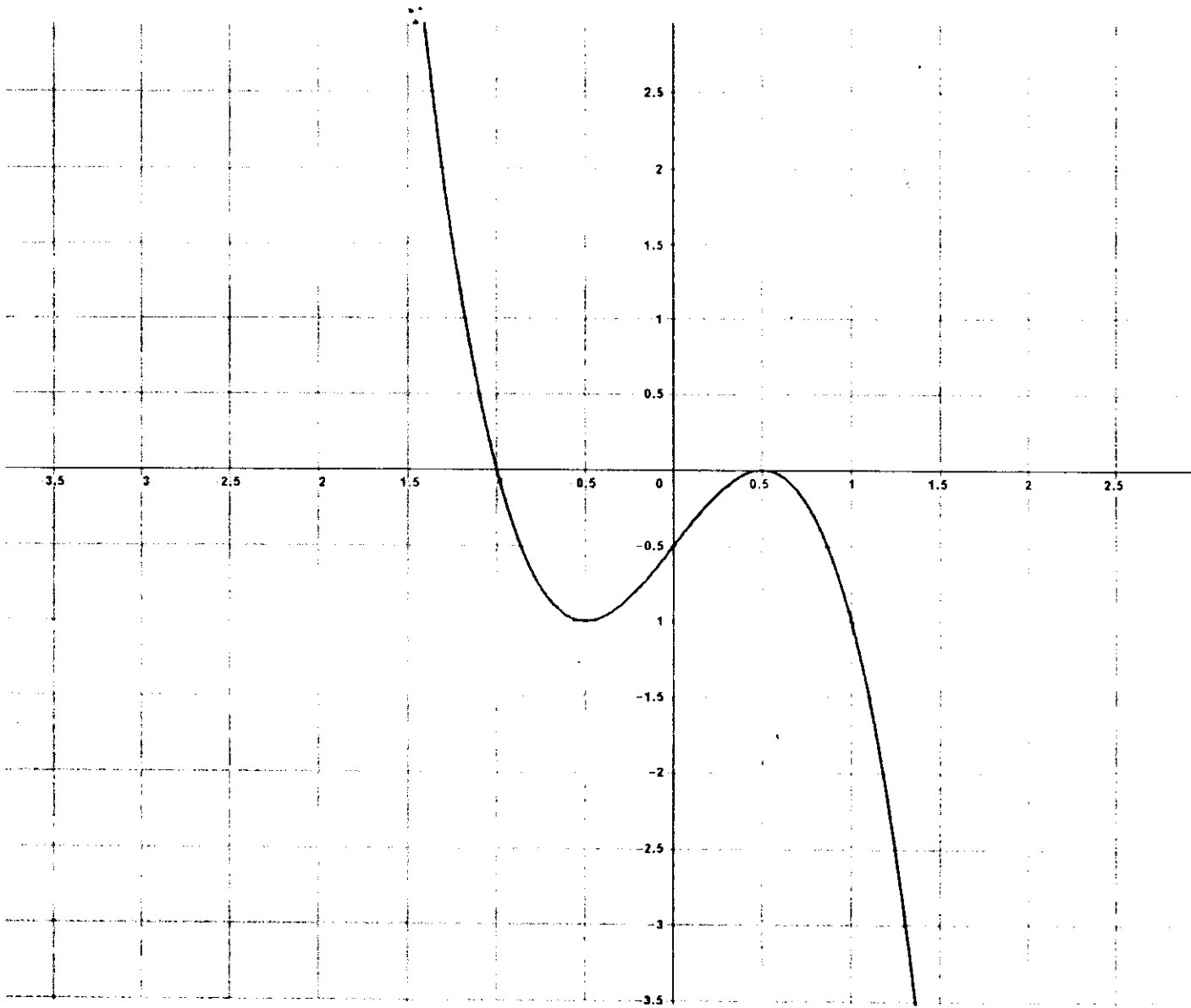
التمرين الثاني: (4 نقط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي: $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 6}{x^2 - 4x + 8}$ (1) بين أن $(\forall x \in \mathbb{R}) : x^2 - 4x + 8 > 0$ ثم D_f مجموعة تعريف الدالة f.(2) بين أن العدد $f(2) = \frac{1}{2}$ قيمة دنيا للدالة f على IR.(3) أ- بين أن $(\forall x \in \mathbb{R}) : f(x) \leq 1$

ب- هل العدد 1 قيمة قصوى للدالة f على IR؟

التمرين الثالث: (6 نقط)

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R} بما يلي: $f(x) = -2x^3 + \frac{3}{2}x - \frac{1}{2}$ والتي تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ كالآتي:



(0,75)

(1) أعط جدول تغيرات الدالة f .

(0,75)

(2) حدد إشارة $f(x)$ على \mathbb{R} .

(1)

(3) حل مبيانيا في \mathbb{R} المعادلة: $-2x^3 + \frac{3}{2}x - \frac{1}{2} = 0$

(1)

(4) بين أن: $f(x) \geq -1$ ^{مبيانيا} $\forall x \in \left] -\infty; \frac{1}{2} \right]$

(1)

(5) حدد مبيانيا عدد حلول المعادلة: $-2x^3 + \frac{3}{2}x - 1 = 0$

(1,5)

(6) حل مبيانيا المتراجحة: $f(x) \leq -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$