

تم جميع عرضنا محروبا رقم 1

التحريبا 1 :  
 لاسيا  

$$f(x) = \frac{(x+1)^2}{x^2+1}$$

$$Df = \{x \in \mathbb{R} / x^2 + 1 \neq 0\}$$

$$Df = \{x \in \mathbb{R} / x^2 \neq -1\}$$

أي  
 هذا محقق

$$Df = \mathbb{R}$$

اذن

\* لنبين ان  $f(x)$  تقبل قيمة دسوي في  $a=1$   
 لاسيا:

$$f(x) - f(1) = \frac{(x+1)^2}{x^2+1} - 2$$

$$= \frac{x^2 + 2x + 1 - 2x^2 - 2}{x^2 + 1}$$

يعني

$$= \frac{-x^2 + 2x - 1}{x^2 + 1}$$

يعني

$$f(x) - f(1) = \frac{-(x+1)^2}{x^2+1}$$

اذن

لاسيا  $(x+1)^2 > 0$  اذن  $-(x+1)^2 < 0$   
 و  $x^2 + 1 > 0$

$$f(x) < f(1) \Leftrightarrow f(x) - f(1) < 0$$

اذن

وبالسا لي الالة  $f$  تقبل قيمة دسوي في  $a=1$

التحريبا 2 :

لاسيا  $a > 0$   
 $h(x) = x^2 - 2x$  و  $g(x) = \frac{2x}{x-1}$   
 $\begin{vmatrix} 2 & 0 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = -2 < 0$  لاسيا

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$g(x)$	$\searrow$	$\parallel$	$\searrow$

$x$	$-\infty$	$1$	$+\infty$
$h(x)$	$\searrow$	$-1$	$\nearrow$

صن انجان: خديجة العزابي

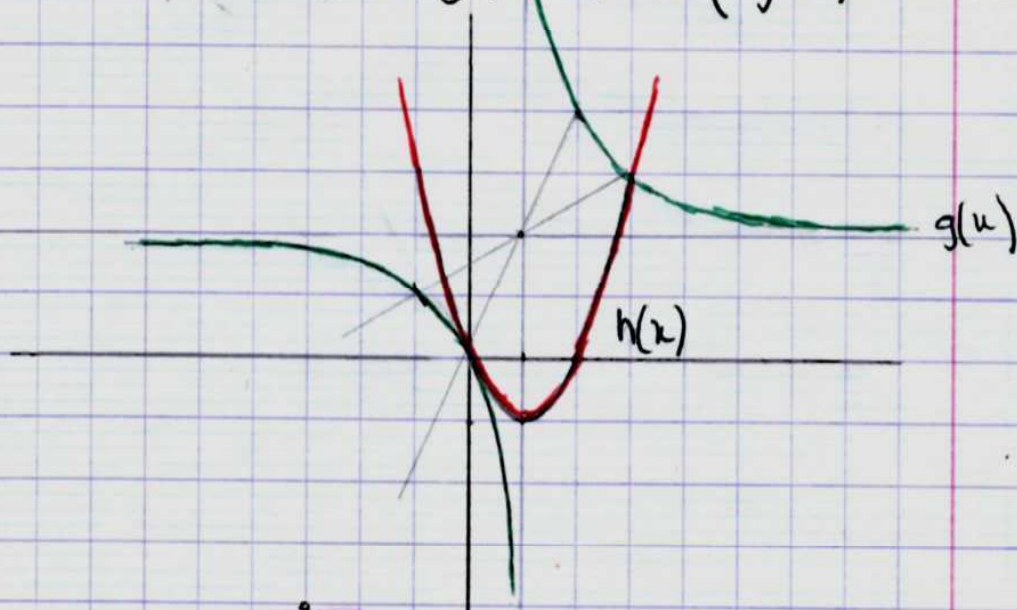


## 2- رسم المذخنيين (Cg) و (Ch)

1- عبارة عند هذلول مركزته  $\Omega(1; 2)$  ومقايده

هنا  $y=2$  و  $x=1$

2- لدينا  $h$  دالة حدودية إننا (Ch) عبارة عند شلجم رأسه  $\Omega'(1; -1)$  و محور تقائله  $x=1$



## 3- حل مسيانيا المتراجحة $(x-1)^2 \leq \frac{3x-1}{x-1}$

$$\text{لدينا } (x-1)^2 \leq \frac{3x-1}{x-1} \text{ يعني } x^2 - 2x + 1 \leq \frac{3x-1}{x-1}$$

$$h(x) \leq g(x) \text{ أي } x^2 - 2x \leq \frac{2x}{x-1} \text{ يعني } x^2 - 2x \leq \frac{3x-1}{x-1} - 1$$

$$S = ]1, 3] \text{ وحسب الشكل نجد}$$

$$1- \text{ لدينا } (h \circ g)(x) = (g(x))^2 - 2(g(x))$$

$$= \frac{4x^2}{(x-1)^2} - \frac{4x}{x-1}$$

$$(h \circ g)(x) = \frac{4x}{(x-1)^2}$$

$$\text{أي أن } (h \circ g)(x) = f(x)$$

ب- لنحدد  $g([2,3])$   
 لدينا  $g(x)$  تناقصية على المجال  $[2,3]$  ( $g$  دالة مرجعية)  
 إذن  $g([2,3]) = [g(3), g(2)]$

$$g([2,3]) = [3,4]$$

\* لندرس تباينة الدالة  $f$  على المجال  $[2,3]$

لدينا  $g$  تناقصية على المجال  $[2,3]$

و  $h$  تزايدية على  $[3,4]$

إذن  $f$  تناقصية على المجال  $[2,3]$

ج- لنبين أن  $f$  تزايدية على المجال  $[-1,0]$

لدينا  $g$  تناقصية على  $[-1,0]$  و  $g([-1,0]) = [0,1]$

و  $h$  تناقصية على  $[0,1]$

إذن  $f$  تزايدية على المجال  $[-1,0]$

التعريف الثالث

1- "  $(\forall x \in \mathbb{R}) x + \frac{1}{x} \geq 2$  أو  $x \leq 0$  " :  $P_1$  لدينا

إذن "  $(\exists x \in \mathbb{R}) x + \frac{1}{x} < 2$  و  $x > 0$  " :  $\bar{P}_1$

ولدينا "  $(\exists x \in \mathbb{R}) x^2 \in \mathbb{Z} \Rightarrow x \in \mathbb{Z}$  " :  $P_2$

"  $(\forall x \in \mathbb{R}) x^2 \in \mathbb{Z}$  و  $x \notin \mathbb{Z}$  " :  $\bar{P}_2$

ب- المطلوب استلزام المتباد للعكس:

$$(\exists x \in \mathbb{R}) x \notin \mathbb{Z} \Rightarrow x^2 \notin \mathbb{Z}$$

2- نبين بالترجع  $(\forall n \in \mathbb{N}^*) 1+5+9+\dots+(4n-3) = n(2n-1)$

لدينا عند  $n=1$   $1 = 2 \cdot 1 - 1 = 1$  هذا صحيح

لنفترض  $1+5+9+\dots+(4n-3) = n(2n-1)$  و نبين  $1+5+9+\dots+(4n+1) = (n+1)(2n+1)$

$$1+5+9+\dots+(4n+1) = \underbrace{1+5+9+\dots+(4n-3)}_{n(2n-1)} + (4n+1)$$

$$= n(2n-1) + 4n+1$$

$$= 2n^2 - n + 4n + 1$$

$$= 2n^2 + 3n + 1$$

$$= 2(n+1)\left(n + \frac{1}{2}\right) = (n+1)(2n+1) \text{ c.q.f.d}$$

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*) 1+5+9+\dots+(4n-3) = n(2n-1) \Leftrightarrow$$