

تمرين 1

نعتبر الدالة العددية f المعرفة ب: $f(x) = \frac{(x+1)^2}{2(x-1)}$

1 حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

2 أحسب نهايات الدالة f

3 أدرس الفروع اللانهائية للمنحنى C_f

4 بين أن $f'(x) = \frac{(x+1)(x-3)}{2(x-1)^2}$

ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

5 أرسم المنحنى C_f

تمرين 2

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = x + \frac{3}{x} - \frac{1}{x^2}$$

1 حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f وأحسب

نهايات الدالة f عند محداث D_f

2 بين أن C_f يقبل مقارب مائل (Δ) محددًا معادلته

3 أدرس الوضع النسبي ل C_f و (Δ)

4 بين أن $f'(x) = \frac{(x+2)(x-1)^2}{x^3}$

ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

5 أحسب المشتقة الثانية وأدرس تقعر المنحنى C_f

6 أرسم المنحنى C_f

تمرين 3

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{2x^2 - 7x + 5}{x^2 - 5x + 7}$$

1 حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f وأحسب

نهايات الدالة f عند محداث D_f

2 استنتج الفروع اللانهائية للمنحنى C_f

3 أحسب المشتقة $f'(x)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f

4 أرسم المنحنى C_f

تمرين 4

لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي :

$$f(x) = 2x - 1 + \frac{2x}{x^2 - 1}$$

1 أـ حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

بـ بين أن النقطة $\Omega(0, -1)$ مركز تماثل ل C_f

2 أـ أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$; $\lim_{x < 1} f(x)$

بـ أدرس الفرع اللانهائي ل C_f عند $+\infty$

3 أـ بين أن $f'(x) = \frac{2x^2(x^2 - 3)}{(x^2 - 1)^2}$

بـ ضع جدول تغيرات الدالة f

4 أرسم المنحنى C_f

تمرين 5

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{2(x-1)}$$

1 أـ حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f

بـ أحسب نهايات الدالة f

2 أـ حدد الأعداد الحقيقية c, b, a بحيث :

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$$

بـ حدد المستقيمات المقاربة للمنحنى C_f

3 بين أن النقطة $I\left(1, \frac{1}{2}\right)$ مركز تماثل ل C_f

4 أـ أدرس منحنى تغيرات الدالة f

بـ أحسب المشتقة الثانية وأدرس تقعر المنحنى C_f

5 أرسم المنحنى C_f

6 استنتج رسماً لمنحنى الدالة g المعرفة بما يلي :

$$g(x) = \frac{x^2 - x + 1}{2|x-1|}$$

تمرين 6

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي :

$$f(x) = x + 2 + \frac{4}{x^2}$$

1 أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

2 بين أن المستقيم $y = x + 2$ مقارب مائل

لنحنى الدالة f بجوار $+\infty$; $-\infty$

3 أـ بين أن $f'(x) = \frac{x(x-2)(x^2 + 2x + 4)}{x^4}$

بـ ضع جدول تغيرات الدالة f

4 حدد معادلة المماس (T) للمنحنى C_f في

النقطة 2-

5 أرسم (T) و C_f

6 ناقش مبيانياً حسب قيم البارامتر m عدد حلول

$$f(x) = x + m$$