

## ~ الأولى علوم تجريبية ~ سلسلة المتتاليات

### التمرين الأول :

أحسب الحدود الأربعة الأولى للمتتالية  $(u_n)$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$u_n = 3^{2n+1} \quad (2)$$

$$u_n = 2n + 7 \quad (1)$$

$$u_n = \frac{2n+5}{n+1} \quad (4)$$

$$u_n = \sqrt{4n-3} \quad (3)$$

### التمرين الثاني :

أحسب الحدود الأربعة الأولى للمتتالية  $(u_n)$  في كل حالة من الحالات التالية :

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{1}{1+u_n^2} \end{cases} \quad (2)$$

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = 2u_n + 1 \end{cases} \quad (1)$$

$$\text{متتالية FIBONACCI} \begin{cases} u_0 = 1, u_1 = 1 \\ u_{n+2} = u_{n+1} + u_n \end{cases} \quad (4)$$

$$\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = \frac{2u_n - 1}{u_n + 2} \end{cases} \quad (3)$$

### التمرين الثالث :

أدرس رتبة المتتالية  $(u_n)$  في الحالات التالية :

$$u_n = 1 - \sqrt{n+2} \quad (2)$$

$$u_n = 2 + \frac{1}{n+1} \quad (1)$$

### التمرين الرابع :

أدرس رتبة المتتالية  $(u_n)$  في الحالات التالية بالاعتماد على طريقة الخارج :

$$u_n = \frac{4^n}{n+1} \quad (2)$$

$$u_n = \frac{4}{5^{n+1}} \quad (1)$$

### التمرين الخامس :

لتكن  $(u_n)$  متتالية حسابية أساسها 3 و حدها الأول  $u_0 = 2$

- (1) أحسب  $u_3, u_2, u_1$  و  $u_3$   
(2) حدد  $u_n$  بدلالة  $n$  ، ثم أحسب  $u_{100}$  و  $u_{1000}$

**التمرين السادس :**

أحسب الأساس و الحد الأول للمتتالية الحسابية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  في الحالتين التاليتين :

(1)  $u_8 = -20$  و  $u_1 = 4$   
(2)  $u_{15} = -\frac{5}{4}$  و  $u_{10} = \frac{3}{2}$

**التمرين السابع :**

- (1) لتكن  $(u_n)$  متتالية حسابية أساسها  $\frac{1}{2}$  و حدها الأول  $u_0 = 1$  : أحسب  $u_3 + u_4 + \dots + u_{30}$   
(2) لتكن  $(u_n)$  متتالية حسابية أساسها  $-2$  و حدها الأول  $u_0 = 4$  : أحسب  $u_7 + u_8 + \dots + u_{25}$

**التمرين الثامن :**

لتكن  $(u_n)$  متتالية هندسية أساسها  $\frac{1}{3}$  و حدها الأول  $u_0 = 4$  ، أحسب المجموع :  $u_0 + u_1 + \dots + u_9$

**التمرين التاسع :**

لتكن المتتالية  $(u_n)$  بحيث :  
( $\forall n \in \mathbb{N}$ )  $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + 1 \end{cases}$

- (1) حدد  $u_3, u_2, u_1$  و  $u_3$   
(2) بين بالترجع أن :  $(\forall n \in \mathbb{N}) u_n < 3$   
(3) حدد دالة عددية  $f$  بحيث :  $f(u_n) = u_{n+1}$   
(4) أنشئ منحنى الدالة  $f$   
(5) انطلقا من منحنى  $f$  ، تظنن رتبة المتتالية  $(u_n)$  ثم ترهن على ذلك  
(6) نضع  $(\forall n \in \mathbb{N}) v_n = u_n - 3$   
أ. أحسب  $v_1$  و  $v_0$   
ب. برهن أن  $(v_n)$  هندسية  
ج. حدد  $v_n$  بدلالة  $n$   
د. استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$

## التمرين العاشر :

$$(\forall n \in \mathbb{N}) \begin{cases} u_0 = \frac{3}{2} \\ u_{n+1} = \frac{2}{3-u_n} \end{cases} \text{ لتكن المتتالية } (u_n) \text{ بحيث :}$$

(1) أحسب  $u_1$  و  $u_2$ (2) بين بالترجع أن :  $(\forall n \in \mathbb{N}) 1 < u_n < 2$ (3) أ. تحقق من أن  $(\forall n \in \mathbb{N}) u_{n+1} - u_n = \frac{(u_n - 1)(u_n - 2)}{3 - u_n}$ ب. أدرس رتبة المتتالية  $(u_n)$ (4) نضع :  $(\forall n \in \mathbb{N}) v_n = \frac{u_n - 1}{u_n - 2}$ أ. بين أن  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{1}{2}$ ب. حدد  $v_n$  بدلالة  $n$ ج. استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$ 

つづく