

السنة 1 بكالوريا علوم تجريبية	المتتاليات العددية	سلسلة 4
<p><b>تمرين 1:</b> نعتبر المتتاليتين العددية <math>(u_n)</math> و <math>(v_n)</math> المعرفتين كما يلي:</p> $\begin{cases} u_0 = 1, v_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{u_n + 2v_n}{3}; v_{n+1} = \frac{u_n + 4v_n}{5} \end{cases}$ <p>نعتبر المتتاليتين: <math>w_n = v_n - u_n</math> و <math>t_n = 3u_n + 10v_n</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>بين أن <math>(w_n)</math> متتالية هندسية ثم أوجد حدها العام.</li> <li>بين أن <math>(t_n)</math> متتالية ثابتة ثم أوجد حدها العام.</li> <li>استنتج مما سبق تعبير كل من <math>(u_n)</math> و <math>(v_n)</math> بدلالة <math>n</math>.</li> </ol>		
<p><b>تمرين 2:</b> لتكن <math>(u_n)</math> متتالية حسابية حدها الأول <math>u_0</math> وأساسها <math>r</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>احسب <math>r</math> و <math>u_0</math> علما أن: <math>u_3 + u_4 + u_5 = -9</math> و <math>u_6 = -7</math></li> <li>احسب: <math>S = u_0 + u_1 + \dots + u_{100}</math></li> </ol>		
<p><b>تمرين 3:</b> لتكن <math>(v_n)</math> متتالية هندسية حدها الأول <math>v_0 = 3</math> و أساسها <math>r = 2</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>احسب: <math>S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}</math> بدلالة <math>n</math></li> <li>نعتبر المتتالية: <math>w_n = v_n^2</math></li> <li>أ) بين أن <math>(w_n)</math> متتالية هندسية.</li> <li>ب) استنتج حساب المجموع <math>T_n = v_0^2 + v_1^2 + \dots + v_{n-1}^2</math> بدلالة <math>n</math>.</li> </ol>		
<p><b>تمرين 4:</b> نعتبر المتتالية العددية <math>u_n</math> المعرفة كما يلي:</p> $\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{u_n}{3n+1} \end{cases}$ <ol style="list-style-type: none"> <li>احسب <math>u_1</math> و <math>u_2</math></li> <li>بين أن <math>\forall n \in \mathbb{N} \quad u_n &gt; 0</math></li> <li>ادرس رقابة المتتالية <math>(u_n)</math></li> <li>أ) بين أن: <math>\forall n \in \mathbb{N}^* \quad \frac{u_{n+1}}{u_n} \leq \frac{1}{4}</math></li> <li>ب) استنتج أن <math>\forall n \in \mathbb{N}^* \quad u_n \leq 8 \left(\frac{1}{4}\right)^n</math></li> </ol>		
<p><b>تمرين 5:</b> نعتبر المتتالية العددية <math>(u_n)</math> المعرفة كما يلي:</p> $\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_{n+1} = u_n^2 + u_n - \frac{1}{4} \end{cases}$ <ol style="list-style-type: none"> <li>بين أن <math>\forall n \in \mathbb{N} \quad  u_n  &lt; \frac{1}{2}</math></li> <li>ادرس رقابة <math>(u_n)</math></li> <li>بين أن: <math>\forall n \in \mathbb{N} \quad u_n + \frac{1}{2} = \left(u_0 + \frac{1}{2}\right)^{2^n}</math></li> </ol>		