

$$F(x) = 2\sqrt{2} \sin^2 \left( x - \frac{\pi}{8} \right) \left( 1 + 2 \cos \left( 2x - \frac{\pi}{4} \right) \right) \quad ③$$

أـ بين أن  $F(x) \geq 0$  المتراجحة

السادس:

$$A(x) = \cos 5x + \cos x$$

$$B(x) = \cos 5x - \cos x \quad \text{نضع}$$

أكتب  $B(x)$ ;  $A(x)$  على شكل جداء

$$B\left(\frac{\pi}{12}\right); A\left(\frac{\pi}{12}\right) \quad \text{أحسب}$$

$$\cos \frac{5\pi}{12} = \sin \frac{\pi}{12} \quad \text{تحقق أن}$$

$$\sin \frac{\pi}{12} + \cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6}}{2} \quad \text{استنتج أن}$$

$$\sin \frac{\pi}{12} - \cos \frac{\pi}{12} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{12}; \cos \frac{\pi}{12} \quad \text{وحدد قيمتي}$$

السابع:

نعتبر المتتالية  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$  والمعروفة بما يلي:

$$U_1 = \sin \frac{\pi}{3}; U_n = U_{n-1} + \sin \frac{n\pi}{3} \quad n \geq 2$$

$$U_2 = 2 \sin \frac{2\pi}{6} \sin \frac{3\pi}{6} \quad ① \quad \text{بين أن}$$

$$U_n = 2 \sin \frac{n\pi}{6} \sin \frac{(n+1)\pi}{6} \quad ② \quad \text{بين بالترجع أن}$$

$$U_{1429} \quad ③ \quad \text{أحسب}$$

الثامن:

نعتبر المتتالية  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  والمعروفة كما يلي:

$$x \in \mathbb{R} \quad V_{n+1} = V_n \cos \frac{x}{2^{n+1}}, \quad V_0 = \cos x$$

$$V_1 = \frac{\sin 2x}{2^2 \sin \frac{x}{2}} \quad ① \quad \text{بين أن}$$

$$V_n = \frac{\sin 2x}{2^{n+1} \sin \frac{x}{2^n}} \quad ② \quad \text{بين بالترجع أن}$$

استنتاج تبسيطا لما يلي:

$$A = \left(1 + \tan^2 x\right) \left(1 + \tan^2 \frac{x}{2}\right) \dots \left(1 + \tan^2 \frac{x}{2^n}\right)$$

$$B = \left(1 - \tan^2 x\right) \left(1 - \tan^2 \frac{x}{2}\right) \dots \left(1 - \tan^2 \frac{x}{2^n}\right)$$

الأول:

$$f(x) = \sqrt{3} \sin 4x - 8 \sin^2 x \cos^2 x$$

حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة

$$2 \cos X - 1 = 0 \quad ①$$

$$f(x) = 2 \cos \left( 4x - \frac{\pi}{3} \right) - 1 \quad ②$$

حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة

$$f(x) \leq 0 \quad \left[ -\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3} \right]$$

الثاني:

$$g(x) = \sin 2x + \sqrt{6} \sin x - \sqrt{2} \cos x - 2\sqrt{3} \sin^2 x \quad \text{نضع}$$

$$\sin 2x - 2\sqrt{3} \sin^2 x = 2 \sin x (\cos x - \sqrt{3} \sin x) \quad ①$$

حدد العددين  $a$ ,  $\alpha$  بحيث

$$\cos x - \sqrt{3} \sin x = a \cos(x + \alpha)$$

$$g(x) = 2 \cos \left( x + \frac{\pi}{3} \right) (2 \sin x - \sqrt{2}) \quad ③$$

$$g(x) = 0 \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة} \quad ④$$

$$g(x) \geq 0 \quad \left[ -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right] \quad \text{المتراجحة} \quad ⑤$$

الثالث:

$$h(x) = \cos 3x + 2 \cos x \sin 2x - 3 \sin x \quad \text{نعتبر التعبير}$$

$$\cos 3x = \cos x (4 \cos^2 x - 3) \quad ①$$

$$h(x) = (\cos x + \sin x)(4 \cos^2 x - 3) \quad \text{بـ بين أن}$$

$$h(x) = 0 \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة} \quad ②$$

$$a \sin(x + \beta) \quad \text{أكتب } \cos x + \sin x \text{ على شكل} \quad ③$$

$$h(x) < 0 \quad \text{المتراجحة} \quad ④$$

الرابع:

$$A(x) = \cos 2x - 3 \cos x + 2 \quad \text{نضع}$$

$$B(x) = \sqrt{3} \sin 2x - 3 \cos x$$

$$A(x) - B(x) = 2 \cos \left( 2x + \frac{\pi}{3} \right) + 2 \quad ①$$

حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة

$$A(x) = (\cos x - 1)(2 \cos x - 1) \quad ②$$

$$B(x) = \sqrt{3} \cos x (2 \sin x - \sqrt{3}) \quad \text{بـ بين أن}$$

$$A(x)B(x) \geq 0 \quad \left[ -\pi, \pi \right] \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المتراجحة} \quad ③$$

الخامس:

$$F(x) = \cos^4 x - \sin^4 x + \sin 2x - \sqrt{2} \sin 4x \quad \text{نضع}$$

$$\cos^4 x - \sin^4 x = \cos 2x \quad ①$$

$$F(x) = \sqrt{2} \left[ \cos \left( 2x - \frac{\pi}{4} \right) - \sin 4x \right]$$

$$F(x) = 0 \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة} \quad ②$$