

- ← تحقق أن $\sqrt{3} \cos x + \sin x = 2 \cos\left(x - \frac{\pi}{6}\right)$
- ← بين أن $-1 + \frac{1}{2}(\sin x + \sqrt{3} \cos x)^2 = \cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right)$
- ← حل في \mathbb{R} المعادلة $(\sin x + \sqrt{3} \cos x)^2 = 2 + \sqrt{3}$

- 1- بين أن $\sqrt{3} \sin a + \cos a = 2 \sin\left(a + \frac{\pi}{6}\right)$
- و $\sqrt{3} \sin a - \cos a = 2 \sin\left(a - \frac{\pi}{6}\right)$
- 2- حل في \mathbb{R} المعادلة $\cos 5x + \cos x = \sqrt{3}(\sin x - \sin 5x)$

- نضع $f(x) = \sin 2x + \cos 2x - 1 + \sin x - \cos x$
- ⚡ بين أن $\sin 2x + \cos 2x = 1 + 2 \sin x (\cos x - \sin x)$
- ⚡ استنتج تعميلا ل $f(x)$
- ⚡ حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$
- ⚡ بين أن $f(x) = \sqrt{2} \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right) (2 \sin x - 1)$
- ⚡ حل في المجال $\left]-\frac{5\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}\right]$ المتراجحة $f(x) \geq 0$

- نضع $g(x) = 2 \cos^3 x - \cos x + 2 \sin x - 2 \sin^3 x$
- ⚡ بين أن $2 \cos^3 x - \cos x = \cos x \cos 2x$
- $2 \sin x - 2 \sin^3 x = \cos x \sin 2x$
- ⚡ أثبت أن $g(x) = \sqrt{2} \cos x \cos\left(2x - \frac{\pi}{4}\right)$
- ⚡ حل في \mathbb{R} المعادلة $2 \cos^3 x - \cos x = 2 \sin^3 x - 2 \sin x$

- نضع $h(x) = 2 \cos x (\cos 3x - \cos x + \sin 2x)$
- ⚡ أكتب كل من $\cos 3x - \cos x$ و $\sin 3x + \sin x$ على شكل جداء
- ⚡ بين أن $h(x) = (1 - 2 \sin 2x)(\sin 3x + \sin x)$
- ⚡ حل في \mathbb{R} المعادلة $2 \cos x (\cos 3x - \cos x + \sin 2x) = 0$
- ⚡ حل في المجال $\left]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ المتراجحة $h(x) \leq 0$

$$x \text{ و } y \text{ عددان من } \left]0, \frac{\pi}{2}\right[\text{ و بحيث } x + y = \frac{\pi}{4}$$

$$\text{و } \tan x \tan y = 3 - 2\sqrt{2} \text{ أحسب } \tan x + \tan y \text{ ثم حدد } \tan x \text{ و } \tan y$$

$$\text{ليكن } \alpha \text{ عنصر من } \left]0, \frac{\pi}{2}\right[\text{ و بحيث } \sin \alpha = \frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$$

أحسب $\cos 2\alpha$ ثم حدد قيمة α

$$\text{ليكن } \beta \text{ من } \left]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right[\text{ و بحيث } \tan \beta = 1 - \sqrt{2}$$

أحسب $\tan 2\beta$ ثم استنتج قيمة β

بين ما يلي :

$$\frac{\sin 3x}{\sin x} + \frac{\cos 3x}{\cos x} = 4 \cos 2x \quad \Leftarrow$$

$$(\cos 5x + \cos x)^2 + (\sin 5x + \sin x)^2 = 4 \cos^2 2x \quad \Leftarrow$$

$$\frac{\cos \frac{\pi}{12} + \sin \frac{\pi}{12}}{\cos \frac{\pi}{12} - \sin \frac{\pi}{12}} = \sqrt{3} \quad \Leftarrow$$

$$\cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right) \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) = \cos^2 x - \frac{1}{4} \quad \Leftarrow$$

① بين أن $2 \cos\left(\frac{\pi}{6} - x\right) \sin\left(\frac{\pi}{3} - x\right) = \frac{1}{2} + \cos 2x$

② خذ $x = -\frac{\pi}{12}$ و حدد $\sin \frac{5\pi}{12}$

نضع $F(x) = 4 \cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right) \cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$

① بين أن $F(x) = \sqrt{3} - 2 \sin 2x$

② أحسب $F\left(\frac{\pi}{12}\right)$ ثم استنتج أن $\cos \frac{5\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$

① بين أن $\cos x + \sin x = \sqrt{2} \cos\left(\frac{\pi}{4} - x\right)$

② ضع $x = \frac{\pi}{8}$ و بين أن $\tan \frac{\pi}{8} = \sqrt{2} - 1$

← بين أن $\sin x - \sqrt{3} \cos x = 2 \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$

← حل في \mathbb{R} المعادلة $\sin x - \sqrt{3} \cos x = 2$