

التمرين 1: (ثلاث نقط ونصف)

(1,5)

1- احسب بدلالة $\log 2$ و $\log 3$ الأعداد التالية :

$$\log \frac{9}{8} \quad \text{و} \quad \log \sqrt{18} \quad \text{و} \quad \log \frac{27\sqrt{2}}{4}$$

(1)

2- حل في \mathbb{R} المعادلة : $X^2 - 5X + 6 = 0$

(1)

ثم استنتج مجموعة حلول المعادلة : $(\log x)^2 - 5(\log x) + 6 = 0$

التمرين 2: (ست نقط ونصف)

نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = 2$ و $(\forall n \in \mathbb{N}) u_{n+1} = \frac{-1}{2+u_n}$ و نضع : $(\forall n \in \mathbb{N}) v_n = \frac{1}{1+u_n}$

(1,5)

1- احسب u_1 و v_0 و v_1 .

(2)

2- بين أن (v_n) متتالية حسابية محددًا أساسها .

(2)

3- اكتب v_n بدلالة n ثم استنتج u_n بدلالة n .

(1)

4- احسب المجموع : $S = v_0 + \dots + v_{19}$

التمرين 3: (أربع نقط ونصف)

نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = -\frac{3}{2}$ و $(\forall n \in \mathbb{N}) u_{n+1} = \frac{2}{u_n - 1}$ و نضع : $(\forall n \in \mathbb{N}) v_n = \frac{u_n + 1}{u_n - 2}$

(1,5)

1- بين أن (v_n) متتالية هندسية محددًا أساسها وحدها الأول .

(1,5)

2- حدد v_n بدلالة n .

(1,5)

3- استنتج u_n بدلالة n .

التمرين 4: (خمس نقط ونصف)

في فاتح يناير من سنة 2000 ، وضع رأسمال قدره 20.000 درهم في بنك بفائدة مركبة قدرها 4% (الفوائد تضاف إلى الرأسمال عند نهاية كل سنة) . نضع : $u_0 = 20.000$.

(0,75)

1- حدد u_1 قيمة الرأسمال بعد مرور سنة واحدة .

(0,75)

2- حدد u_2 قيمة الرأسمال بعد مرور سنتين .3- ليكن u_n قيمة الرأسمال بعد مرور n سنة .

(1)

(أ) اكتب u_{n+1} بدلالة u_n .

(1)

(ب) استنتج طبيعة المتتالية (u_n) .

(1)

(ج) اكتب u_n بدلالة n .

(1)

4- ابتداء من أي سنة سيصبح الرأسمال أكبر من أو يساوي 25.000 درهم ؟