

التمرين 1

- (2) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلتين :  $x^2 - 5x + 6 = 0$  و  $-2x^2 + 5x - 3 = 0$
- (1) أ- أعط جدول إشارة كل من :  $x^2 - 5x + 6$  و  $-2x^2 + 5x - 3$  .
- (0,5) ب- استنتج مجموعة حلول المتراجحة :  $(x^2 - 5x + 6)(-2x^2 + 5x - 3) < 0$
- (1,5) (3) حل في  $\mathbb{R}^3$  النظام : 
$$\begin{cases} 2x - 3y + z = 4 \\ 3x + y - 2z = 1 \\ -x + 2y + 3z = 9 \end{cases}$$

التمرين 2 نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بما يلي :  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 + x + 1}$

- (0,5) (1) أ- بين أن :  $x^2 + x + 1 > 0$  لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  .
- (0,5) ب- استنتج  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$  .
- (1,5) (2) أ- بين أن :  $\frac{2}{3} \leq f(x) \leq 2$  :  $(\forall x \in D_f)$  .
- (1) ب- احسب  $f(1)$  و  $f(-1)$  واستنتج أن 2 قيمة قصوى و  $\frac{2}{3}$  قيمة دنيا للدالة  $f$  .
- (1) (3) بين أن :  $(a \in D_f, b \in D_f, a \neq b) \cdot \frac{f(a) - f(b)}{a - b} = \frac{ab - 1}{(a^2 + a + 1)(b^2 + b + 1)}$
- (1) (4) ادرس تغيرات الدالة  $f$  على كل من المجالات :  $[1, +\infty[$  و  $[-1, 1]$  و  $]-\infty, -1]$  .
- (1) (5) أعط جدول تغيرات الدالة  $f$  .

التمرين 3 نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  بما يلي :  $f(x) = \frac{x^2 + 1}{x}$

- (0,5) (1) ادرس زوجية الدالة  $f$  .
- (1) (2) احسب  $\frac{f(x) - f(y)}{x - y}$   $(x \in D_f, y \in D_f, x \neq y)$
- (1) (3) ادرس تغيرات الدالة  $f$  على كل من المجالين :  $[0, 1]$  و  $[1, +\infty[$  .
- (1) (4) أعط جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $D_f$  .

التمرين 4 نعتبر الدالتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بما يلي :  $f(x) = x^2 - 4x + 2$  و  $g(x) = \sqrt{x + 4}$

- (1) (1) حدد  $D_g$  و  $D_f$
- (1) (2) ضع جدول تغيرات كل من  $f$  و  $g$  .
- (2) (3) أنشئ  $(C_f)$  و  $(C_g)$  في نفس المعلم المتعامد المنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  .
- (1) (4) حل مبيانيا المتراجحة :  $x^2 - 4x + 2 < \sqrt{x + 4}$  :  $(C_f)$  و  $(C_g)$  يتقاطعان في نقطتين إحداها أفصولها  $\alpha$  محصور بين 4 و 5