

التمرين 1

لتكن f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بما يلي : $f(x) = \frac{x}{x^2+1} + \frac{5}{2}$.

- (1) بين أن f مكبورة بالعدد 3 (1ن)
 (2) بين أن العدد 2 قيمة دنيا للدالة f . (1.5)
 (3) أ- بين أن : $\frac{f(a)-f(b)}{a-b} = \frac{1-ab}{(a^2+1)(b^2+1)}$ حيث a و b عنصران مختلفان من \mathbb{R} . (1ن)
 ب- ادرس رتبة الدالة f على كل من المجالين : $[0,1]$ و $[1,+\infty[$. (1ن)

التمرين 2

نعتبر الدالة f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{x^2}{x^2-4}$.

- (1) حدد D_f . (0.5)
 (2) ادرس زوجية الدالة f . (0.5)
 (3) احسب $T(a,b)$ حيث a و b عنصران مختلفان من D_f . (1ن)
 (4) ادرس رتبة الدالة f على كل من المجالين : $[0,2[$ و $]2,+\infty[$. (1ن)
 (5) استنتج جدول تغيرات الدالة f على D_f . (1ن)

التمرين 3

- (1) أ- حل في \mathbb{R} المعادلتين : $2x^2+x-1=0$ و $-x^2+3x-2=0$ (2ن)
 ب- استنتج مجموعة حلول المترابحة : $\frac{2x^2+x-1}{-x^2+3x-2} \leq 0$. (1.5)
 (2) حل في \mathbb{R}^3 النظام التالية : $\begin{cases} x+2y-z=5 \\ 3x-y+2z=3 \\ -x+y-3z=2 \end{cases}$ (2ن)

التمرين 4

نعتبر الدالتين f و g المعرفتين بما يلي : $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{7}{2}$ و $g(x) = \sqrt{x+1}$.

- (1) أعط جدول تغيرات الدالة g . (1ن)
 (2) تحقق من أن : $f(3) = g(3)$. (0.5)
 (3) ضع جدول تغيرات الدالة f . (1ن)
 (4) حدد نقط تقاطع (C_f) مع محور الأفاصيل . (1ن)
 (5) أنشئ (C_f) و (C_g) في نفس المعلم المتعامد الممنظم (O, \vec{i}, \vec{j}) . (1.5)
 (6) حل مبيانيا المترابحة : $g(x) \leq f(x)$. (1ن)