

الجزء الأول : (8 نقط )

(1) [I] حل ، في المجموعة  $\mathbb{R}$  ، المعادلتين :  $2x^2 - 7x + 3 = 0$  و  $2x^2 - x - 3 = 0$  . (2×1)

(2) اعط جدول إشارة :  $\frac{2x^2 - 7x + 3}{2x^2 - x - 3}$  (2)

(3) استنتج مجموعة حلول المتراجحة :  $\frac{2x^2 - 7x + 3}{2x^2 - x - 3} \geq 0$  (1)

(3) [II] حل ، في  $\mathbb{R}^3$  ، النظام : 
$$\begin{cases} 2x + y + z = 3 \\ 3x - 2y - 3z = -1 \\ 5x + 3y + 2z = 6 \end{cases}$$
 (3)

الجزء الثاني : (12 نقطة )

[I] حدد نفي العبارات التالية :

(P) :  $[(\forall x \in \mathbb{R}), (\exists y \in \mathbb{R}) : x^2 - y = 0 \text{ و } y \geq x]$

(3×1) (Q) :  $[(\exists x \in \mathbb{R}), (\forall y \in \mathbb{R}) : x + y < 0 \text{ أو } xy \geq 0]$

(R) :  $[(\forall x \in \mathbb{R}), (\forall y \in \mathbb{R}) : x^2 + x + y = 0 \Rightarrow y^2 + y + x = 0]$

(0,5) [II] 1) انشر :  $(x-3)(y-2)$  .

(1,5) 2) حل ، في  $\mathbb{R}^2$  ، النظام : 
$$\begin{cases} xy - 2x - 3y + 6 = 0 \\ xy - y + 3x = 0 \end{cases}$$

[III] 1) بين ، باستعمال الاستلزام المضاد للعكس ، أن :

(2)  $\forall x \in \mathbb{R} - \{-1\} : x \neq 1 \Rightarrow \frac{3-x^2}{1+x} \neq 2-x$

2) بين ، باستعمال التكافؤات المتتالية ، أن

(2)  $\forall x \geq 0 : \sqrt{2x+2} - \sqrt{x} = 1 \Leftrightarrow x = 1$

(3) [IV] بين ، بالترجع : أن العدد  $4^n + 15n + 8$  يقبل القسمة على 9 مهما يكن  $n$  من  $\mathbb{N}$ .