

Barème		<p align="center"><b>Evaluation N°1</b>  <b>Premier semestre</b>  <b>Mathématiques</b></p>	<p align="right">Niveau : 1 bac  économie  Durée : 2h  Date : 12/10/2017</p>
<p>1  0,5 1,5</p>	<p><b>Exercice1 :</b></p> <p>1. Résoudre dans <math>\mathbb{R}</math> l'équation suivante : <math>x^2 + (\sqrt{5} + \sqrt{6})x + \sqrt{30} = 0</math></p> <p>2. On considère l'équation suivante : <math>x^2 + 7x + 6 = 0</math> : (E)</p> <p>a -Montrer que l'équation (E) admet deux solutions qu'on note <math>x_1</math> et <math>x_2</math></p> <p>b -sans déterminer les valeurs de <math>x_1</math> et <math>x_2</math> calculer les nombres suivants :  <math>x_1 \times x_2</math> ; <math>x_1 + x_2</math> ; <math>(x_1 + 1) \times (x_2 + 1)</math></p>		
<p>1  4x1  1  1  1</p>	<p><b>Exercice2:</b></p> <p>1. Montrer que la proposition suivante est une loi logique  <math>(\bar{P} \Rightarrow Q \text{ et } \bar{P} \Rightarrow \bar{Q}) \Rightarrow P</math></p> <p>2. Etudier la vérité des propositions suivantes et justifier votre réponse :</p> <p><math>P_1 : (\exists x \in \mathbb{R}) : x^2 + x - 2 = 0</math></p> <p><math>P_2 : (\forall x \in \mathbb{R}) : x^2 + 3x + 1 &gt; 0</math></p> <p><math>P_3 : "3 = 2" \text{ et } "\sqrt{4} \in \mathbb{N}"</math></p> <p><math>P_4 : "1, 2 \in \mathbb{Z}" \Rightarrow "1 \text{..est..premier}"</math></p> <p>3. Donner la négation de la proposition suivante :  <math>P : (\forall x \in \mathbb{R}) : (x &gt; 0 \Rightarrow x \geq 0 \text{..et..} x \neq 0)</math></p> <p>4. On considère les deux propositions suivantes :</p> <p><math>P : (\exists x \in \mathbb{R}) : \sqrt{1+x^2} = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}</math></p> <p><math>Q : (\forall y \in \mathbb{R})(\exists x \in \mathbb{R}) : x^2 + xy + 1 &lt; 0</math></p> <p>1. Donner la négation des deux propositions P et Q</p> <p>2. Montrer que P est vraie et que Q est fausse</p> <p>3. Dédire la valeur de vérité de la proposition suivante :  <math>(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}) : x^2 + xy + 1 \geq 0 \Rightarrow (\forall x \in \mathbb{R}) : \sqrt{1+x^2} \neq \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}</math></p>		
<p>2  2 2 1</p>	<p><b>Exercice3 :</b></p> <p>1. En utilisant la contraposée montrer que :  <math>(\forall x, y \in \mathbb{R}) : (x \neq y \text{..et..} xy \neq 1) \Rightarrow \frac{x}{x^2+1} \neq \frac{y}{y^2+1}</math></p> <p>2. Montrer en utilisant les équivalences successives que <math>(\forall x \in \mathbb{R}^+) : \sqrt{x^2 - x + 1} \geq \sqrt{x}</math></p> <p>3. Montrer par récurrence que : <math>(\forall n \in \mathbb{N}^*) : 2^1 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^n = 2^{n+1} - 2</math></p> <p>4. En utilisant la disjonction des cas montrer que : <math>(\forall x \in \mathbb{R}) ; \sqrt{1+x^2} - x &gt; 0</math></p>		

**NB : 1 point pour l'organisation et la présentation de la copie**