

# المرجح

## مرجح نقطتين

### خاصية و تعريف

لتكن  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  نقطتين مترندين من المستوى بحيث  $\alpha + \beta \neq 0$   
توجد نقطة وحيدة  $G$  من المستوى بحيث  $\alpha \overrightarrow{GA} + \beta \overrightarrow{GB} = \vec{0}$ . النقطة  $G$  تسمى مرجح نقطتين المترندين  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$ .

### خصائص مرجح نقطتين مترندين

#### أ. الصمود :

إذا كانت  $G$  مرجح نقطتين المترندين  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $k \in \mathbb{R}^*$

فإن :  $G$  كذلك مرجح نقطتين المترندين  $(A, k\alpha)$  و  $(B, k\beta)$ .

#### ب. الخاصية المميزة :

إذا كانت  $G$  مرجح نقطتين المترندين  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  فإنه لكل نقطة  $M$  من المستوى :

$$\alpha \overrightarrow{MA} + \beta \overrightarrow{MB} = (\alpha + \beta) \overrightarrow{MG}$$

#### ج. خاصية الإنشاء :

إذا كانت  $G$  مرجح نقطتين المترندين  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  فإن :

$$\overrightarrow{BG} = \frac{\alpha}{\alpha + \beta} \overrightarrow{BA} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta} \overrightarrow{AB}$$

## مرجح ثلاث نقط مترننة

### خاصية و تعريف

لتكن  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $(C, \gamma)$  ثلاث نقط مترننة من المستوى بحيث  $\alpha + \beta + \gamma \neq 0$   
توجد نقطة وحيدة  $G$  من المستوى بحيث  $\alpha \overrightarrow{GA} + \beta \overrightarrow{GB} + \gamma \overrightarrow{GC} = \vec{0}$ .  
النقطة  $G$  تسمى مرجح النقط المترننة  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $(C, \gamma)$ .

### خصائص مرجح نقطتين مترندين

#### أ. الصمود :

إذا كانت  $G$  مرجح النقط المترننة  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $(C, \gamma)$  و  $k \in \mathbb{R}^*$

فإن :  $G$  كذلك مرجح النقط المترننة  $(A, k\alpha)$  و  $(B, k\beta)$  و  $(C, k\gamma)$ .

#### ب. الخاصية المميزة :

إذا كانت  $G$  مرجح النقط المترننة  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $(C, \gamma)$  فإنه لكل نقطة  $M$  من المستوى :

$$\alpha \overrightarrow{MA} + \beta \overrightarrow{MB} + \gamma \overrightarrow{MC} = (\alpha + \beta + \gamma) \overrightarrow{MG}$$

ج. خاصية الإنساء:

إذا كانت  $G$  مرجح النقط المتزنة  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $(C, \gamma)$  فإن :

$$\overrightarrow{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta + \gamma} \overrightarrow{AB} + \frac{\gamma}{\alpha + \beta + \gamma} \overrightarrow{AC}$$

د. تجميعية المرجح :

إذا كانت  $G$  مرجح النقط المتزنة  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $(C, \gamma)$  فإن :

$(B, \beta)$  و  $(A, \alpha)$  و  $H$  مرجح

فإن :  $G$  مرجح نقطتين المتزنتين  $(H, \alpha + \beta)$  و  $(C, \gamma)$

**إحداثيات مرجح نقطتين**

في مستوى منسوب إلى معلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

إذا كانت  $G$  مرجح النقط المتزنة  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $A(x_A, y_A)$  و  $B(x_B, y_B)$  فإذا كانت

$$\begin{cases} x_G = \frac{\alpha x_A + \beta x_B}{\alpha + \beta} \\ y_G = \frac{\alpha y_A + \beta y_B}{\alpha + \beta} \end{cases} \text{ فإن}$$

**إحداثيات مرجح ثلات نقط**

في مستوى منسوب إلى معلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

إذا كانت  $G$  مرجح النقط المتزنة  $(A, \alpha)$  و  $(B, \beta)$  و  $(C, \gamma)$  و  $A(x_A, y_A)$  و  $B(x_B, y_B)$  و  $C(x_C, y_C)$  فإذا كانت

$$\begin{cases} x_G = \frac{\alpha x_A + \beta x_B + \gamma x_C}{\alpha + \beta + \gamma} \\ y_G = \frac{\alpha y_A + \beta y_B + \gamma y_C}{\alpha + \beta + \gamma} \end{cases} \text{ فإن } G(x_G, y_G) \text{ و}$$