

الأستاذ:  
نجيب  
عثماني

**سلسلة 8: في دراسة الدوال وتمثيلها**  
السنة الأولى من سلك البكالوريا مسك الآداب  
والعلوم الانسانية

أكاديمية  
الجهة  
الشرقية

**تمرين 1:** نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$

$$f(x) = \frac{2x-1}{3x-6} \quad \text{المعرفة كالتالي:}$$

حدد  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)$  وأول النتيجةين هندسيا

**تمرين 2:** نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة كالتالي:  $f(x) = \frac{x+3}{2x+2}$

حدد  $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$  وأول النتيجةين هندسيا

**تمرين 3:** نعتبر الدالة العددية  $f$

$$f(x) = \frac{6x+1}{2x-5} \quad \text{المعرفة كالتالي:}$$

حدد  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  وأول النتيجةين هندسيا

**تمرين 4:** أحسب النهايات التالية و أول مبيانيا النتائج :

$$(1) \quad \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x+3}{x-2} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x+3}{x-2}$$

$$(2) \quad \lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{5}{2x-6} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{5}{2x-6}$$

$$(3) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x+5}{x+2} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x+5}{x+2}$$

$$(4) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x-1}{6x+2} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x-1}{6x+2}$$

**تمرين 5:** لتكن  $f$  دالة معرفة ب:  $f(x) = x^2 + 4x + 3$ .

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$

(2) أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(3) أحسب مشتقة الدالة  $f$  وأدرس اشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(5) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  مع محور الأفاصيل.

(6) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  مع محور الأرتايب.

(7) أرسم  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  و المستقيم  $(D)$  الذي معادلته  $y = 3$  في معلم متعامد ممنظم  $(o; \vec{i}; \vec{j})$ .

(8) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  و  $(D)$ .

(9) حل مبيانيا في  $\mathbb{R}$  المتراجحة  $x^2 + 4x \geq 0$ .

**تمرين 6:** لتكن  $f$  دالة معرفة ب:  $f(x) = -x^2 + 2x + 3$ .

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$

(2) أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(3) أحسب مشتقة الدالة  $f$  وأدرس اشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(5) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$

مع محور الأفاصيل.

(6) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$

مع محور الأرتيب.

(7) أرسم  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$

**تمرين 7:** لتكن  $f$  دالة معرفة ب:  $f(x) = 2x^2 - 2x - 3$

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$

(2) أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(3) أحسب مشتقة الدالة  $f$  وأدرس إشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(5) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  مع محور الأفاصيل.

(6) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  مع محور الأرتيب.

(7) أرسم  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$

**تمرين 8:** نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة ب:  $g(x) = \frac{2x+1}{x+1}$

1. حدد حيز تعريف الدالة  $g$ .

2. أحسب نهايات الدالة  $g$  في محداث حيز التعريف

و أول النتائج هندسيا.

3. أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $g$ .

4. أنشئ منحنى الدالة  $g$ .

**تمرين 9:** نعتبر الدالة العددية  $g$

المعرفة ب:  $f(x) = \frac{3x+1}{x-2}$

(1) حدد حيز تعريف الدالة  $f$ .

(2) أحسب نهايات الدالة  $f$  في محداث حيز التعريف و أول النتائج هندسيا.

(3) أحسب الدالة المشتقة. ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(4) املأ الجدول التالي:

$x$	-1	0	1	2	3	4	5
$f(x)$							

(5) أنشئ منحنى الدالة  $f$ .

**تمرين 10:** لتكن  $f$  دالة معرفة ب:  $f(x) = \frac{2x+3}{x+2}$

(1) حدد مجموعة تعريف الدالة  $f$

(2) أحسب النهايات التالية:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

و  $\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x)$

(3) أحسب مشتقة الدالة  $f$  وأدرس إشارتها

(4) حدد جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(5) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  مع محور الأفاصيل.

(6) حدد نقط تقاطع  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  مع محور الأرتيب.

(7) أرسم  $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة  $f$

### تمرين 11: نعتبر الدالة $f$

$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x \quad \text{المعرفة كالتالي:}$$

1. حدد  $D_f$  حيز تعريف الدالة  $f$  و
2. أدرس زوجية الدالة  $f$
3. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند محددات  $D_f$
4. أحسب مشتقة الدالة  $f$  و أدرس إشارتها
5. حدد جدول تغيرات الدالة  $f$
6. حدد معادلة لمماس المنحني  $(C_f)$  الممثل للدالة  $f$  في النقطة  $A$  التي أفصولها  $x_0 = -1$
7. حدد نقط تقاطع المنحني  $(C_f)$  الممثل للدالة مع محوري المعلم.
8. أرسم المنحني  $(C_f)$  الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد ممنظم

### تمرين 12: نعتبر الدالة $f$ المعرفة كالتالي:

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$$

ليكن  $(C_f)$  الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند محددات مجموعة التعريف
2. أحسب مشتقة الدالة  $f$  و أدرس إشارتها
3. ضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .
4. حدد معادلة للمماس  $(T)$  للمنحني  $(C_f)$  في النقطة  $A(1;2)$
5. أحسب  $f(-1)$  و  $f(2)$  وأنشئ  $(C_f)$  و  $(T)$ .

### تمرين 13: نعتبر الدالة $f$ المعرفة

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 1 \quad \text{كالتالي:}$$

- 1) حدد  $D_f$  حيز تعريف الدالة  $f$
- 2) أحسب نهايات الدالة  $f$  عند محددات  $D_f$
- 3) أحسب مشتقة الدالة  $f$  و أدرس إشارتها
- 4) حدد جدول تغيرات الدالة  $f$
- 5) حدد معادلة لمماس المنحني  $(C_f)$  الممثل للدالة  $f$  في النقطة  $A$  التي أفصولها  $x_0 = -1$
- 6) أرسم المنحني  $(C_f)$  معلم متعامد ممنظم