

ملخص الدرس 5

التعداد

الأعداد: 5

ليكن p و n عددين طبيعيين بحيث $p \leq n$.
 $A_n^p = n(n-1) \dots (n-p+1)$

$$n! = n(n-1) \dots 2 \cdot 1 = A_n^n$$

$$C_n^p = \frac{A_n^p}{p!} = \frac{n!}{p!(n-p)!}$$

أنواع السحب: 6

ليكن صندوق يحتوي على n كرة، نسحب عشوائياً p كرة من الصندوق.

أ- إذا كان السحب في آن واحد (يعني نسحب الكرات دفعة واحدة)

فإن عدد السحبات الممكنة هو: C_n^p

ب- إذا كان السحب بالتناوب وبدون إحلال (يعني سحب الكرات واحدة تلو الأخرى وبدون إرجاع الكرة المسحوبة إلى الصندوق). فإن عدد السحبات الممكنة هو A_n^p .

ج- إذا كان السحب بالتناوب وبإحلال (يعني سحب الكرات واحدة تلو الأخرى مع إرجاع الكرة المسحوبة إلى الصندوق).

فإن عدد السحبات الممكنة هو: n^p .

المجموعات: 1

تعريف:

مجموعات E و A و B جزءان منها.
 أ- تقاطع A و B هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى A وإلى B في نفس الوقت ونرمز لها بـ $A \cap B$ ولدينا:

$$x \in A \cap B \Leftrightarrow x \in A \text{ و } x \in B$$

ب- اتحاد A و B هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى A أو إلى B ونرمز لها بالرمز $A \cup B$ ولدينا:

$$x \in A \cup B \Leftrightarrow x \in A \text{ أو } x \in B$$

ج- متممة A في E هي مجموعة العناصر التي تنتمي إلى E ولا تنتمي إلى A ونرمز لها بـ \bar{A} ولدينا:

$$x \in \bar{A} \Leftrightarrow x \in E \text{ و } x \notin A$$

رئيسي مجموعة: 2

لتكن E مجموعة منتهية أي تحتوي على عدد متنه من العناصر.

نسمى عدد عناصر E رئيسي E ونرمز لها بالرمز $cardE$.

مبدأ الجمع: 3

لتكن E مجموعة منتهية و A_1 و A_2 و ... و A_p أجزاء من E

بحيث: $(\forall i \neq j; A_i \cap A_j = \emptyset)$

$$A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_p = E$$

لدينا: $cardE = cardA_1 + cardA_2 + \dots + cardA_p$

مبدأ الجداء: 4

إذا كانت وضعية للتعداد مكونة من p اختيار وكان عدد الكيفيات التي تم بها هذه الاختيارات هو: n_1 و n_2 و ... و n_p فإن عدد الامكانيات في هذه الوضعية هو: