

حلول التمارين

ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ

ⵜⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ

ⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ ⴰⵎⴻⵔⴰⵏⵜ



المملكة المغربية

وزارة التربية الوطنية

والتكوين المهني

الأكاديمية الجهوية للتربية والتكوين

جهة الدار البيضاء الكبرى

نيابة المحمدية

معادلتا مستقيمتين

المستوى : الثالثة ثانوي إعدادي

من إعداد الأستاذ : المهدي عنييس

تمرين ①

(1) - الشكل :

لتكن $A(1; y_A)$ و $B(3; y_B)$ نقطتين من المستقيم (D) .

$$\left. \begin{array}{l} y_A = -3 \times 1 + 6 \\ y_B = -3 \times 3 + 6 \end{array} \right\} \text{ و } \left. \begin{array}{l} y_A = -3x_A + 6 \\ y_B = -3x_B + 6 \end{array} \right\} \text{ إذن : يعني أن :}$$

$$\left. \begin{array}{l} A(1; 3) \\ B(3; -3) \end{array} \right\} \text{ و } \left. \begin{array}{l} y_A = 3 \\ y_B = -3 \end{array} \right\} \text{ أي : و منه فإن :}$$

(2) - لتتحقق من أن النقطة $E(-1; 9)$ تنتمي إلى المستقيم (D) .

$$-3x_E + 6 = -3 \times (-1) + 6 = 3 + 6 = 9 \quad \text{لدينا :}$$

$$y_E = -3x_E + 6 \quad \text{و بما أن : } y_E = 9 \quad \text{فإن :}$$

$$\boxed{E(-1; 9) \in (D)} \quad \text{و بالتالي فإن :}$$

(3) - لنحدد a لكي تكون $F(a; -1) \in (D)$.

$$-1 = -3 \times a + 6 \quad \text{لدينا : } F(a; -1) \in (D) \quad \text{يعني أن : } y_F = -3x_F + 6 \quad \text{، أي :}$$

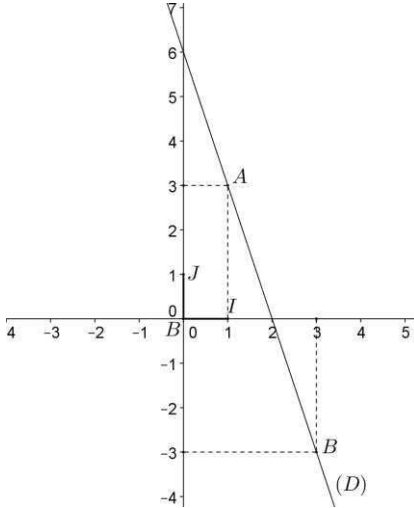
و منه فإن :

$$3a = 6 + 1$$

$$3a = 7$$

$$a = \frac{7}{3}$$

$$\boxed{a = \frac{7}{3}} \quad \text{إذن :}$$



تمرين ②

(1) - الشكل :

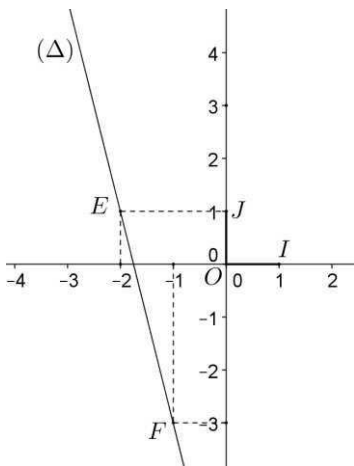
لتكن $F(-1; y_F)$ نقطة من (Δ) .

$$\frac{y_E - y_F}{x_E - x_F} = -4 \quad \text{لدينا : ميل } (\Delta) \text{ هو } -4 \quad \text{يعني أن :}$$

$$1 - y_F = 4 \quad \text{و منه فإن : } \frac{1 - y_F}{-2 + 1} = -4 \quad \text{يعني أن :}$$

$$y_F = -3 \quad \text{و منه : } y_F = -4 + 1 \quad \text{، أي :}$$

$$F(-1; -3) \quad \text{إذن :}$$



(2) - لنحدد المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ) .

لدينا المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ) على شكل : $y = -4x + p$: (Δ) .
* / لنحدد p :

لدينا (Δ) يمر من النقطة $E(-2; 1)$ يعني أن : $y_E = -4x_E + p$
أي : $1 = -4 \times (-2) + p$ و منه فإن : $1 = 8 + p$
إذن $1 - 8 = p$ أي : $-7 = p$

و بالتالي فإن المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ) هي : $(\Delta) : y = -4x - 7$

تمرين ③

(1) - لنحدد معادلة مختصرة للمستقيم (AC) .

لدينا : المعادلة المختصرة لمستقيم (AC) على شكل : $y = mx + p$: (AC) .
* / لنحدد m :

$$m = \frac{y_A - y_C}{x_A - x_C} = \frac{3 - 5}{2 - 1} = -2$$

لدينا : $m = -2$

إذن : $(AC) : y = -2x + p$

* / لنحدد p :

لدينا $A(2; 3) \in (AC)$ يعني أن : $y_A = -2x_A + p$ ، أي : $3 = -2 \times 2 + p$
و منه فإن :

$$3 = -4 + p$$

$$3 + 4 = p$$

$$7 = p$$

و بالتالي فإن المعادلة المختصرة للمستقيم (AC) هي : $(AC) : y = -2x + 7$

(2) - لنبين أن المعادلة المختصرة للمستقيم (AB) هي : $(AB) : y = \frac{5}{3}x - \frac{1}{3}$.

لدينا : المعادلة المختصرة لمستقيم (AB) على شكل : $y = mx + p$: (AB) .

* / لنحدد m :

$$m = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = \frac{3 + 2}{2 + 1} = \frac{5}{3}$$

لدينا : $m = \frac{5}{3}$

إذن : $(AB) : y = \frac{5}{3}x + p$

* / لنحدد p :

لدينا : $A(2; 3) \in (AB)$ يعني أن : $y_A = \frac{5}{3}x_A + p$ ، أي : $3 = \frac{5}{3} \times 2 + p$ و منه فإن : $3 = \frac{10}{3} + p$

$$-\frac{1}{3} = p$$

إذن : $\frac{9}{3} - \frac{10}{3} = p$ ، أي : $-\frac{1}{3} = p$

و بالتالي فإن المعادلة المختصرة للمستقيم (AB) هي : $(AB) : y = \frac{5}{3}x - \frac{1}{3}$.

(3) - لنبين أن النقط A و B و E مستقيمية .
لدينا :

$$\begin{aligned}\frac{5}{3}x_E - \frac{1}{3} &= \frac{5}{3} \times 1 - \frac{1}{3} \\ &= \frac{5}{3} - \frac{1}{3} \\ &= \frac{4}{3}\end{aligned}$$

و بما أن : $y_E = \frac{4}{3}$ فإن : $y_E = \frac{5}{3}x_E - \frac{1}{3}$ و منه فإن : $E \in (AB)$
و بالتالي فإن : النقط A و B و E مستقيمية .

(4) - لنحدد المعادلة المختصرة للمستقيم (D) إطار من $M(-2; 2)$ و العمودي على المستقيم (AB) .
لدينا المعادلة المختصرة للمستقيم (D) على شكل : $y = mx + p$: (D) .

*/ لنحدد m :

لدينا : $(D) \perp (AB)$ يعني أن : $m \times m_{(AB)} = -1$ ، أي : $m \times \frac{5}{3} = -1$

و منه فإن : $m = -\frac{3}{5}$.

إذن : $(D) : y = -\frac{3}{5}x + p$.

*/ لنحدد p :

لدينا : $M(-2; 2) \in (D)$ يعني أن : $y_M = -\frac{3}{5}x_M + p$ ، أي : $2 = -\frac{3}{5} \times (-2) + p$ و منه فإن : $2 = \frac{6}{5} + p$

إذن : $\frac{10}{5} - \frac{6}{5} = p$ ، أي : $\frac{4}{5} = p$

و بالتالي فإن : $(D) : y = -\frac{3}{5}x + \frac{4}{5}$

(5) - لنحدد المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ) إطار من $N(1; 1)$ و الموازي للمستقيم (AC) .
لدينا المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ) على شكل : $y = mx + p$: (Δ) .

*/ لنحدد m :

لدينا : $(AC) // (\Delta)$ يعني أن : $m = m_{(AC)}$.

و بما أن : $m_{(AC)} = -2$ فإن : $m = -2$

إذن : $(\Delta) : y = -2x + p$.

*/ لنحدد p :

لدينا : $N(1; 1) \in (\Delta)$ يعني أن : $y_N = -2x_N + p$ ، أي : $1 = -2 \times 1 + p$ و منه فإن : $1 = -2 + p$

إذن : $1 + 2 = p$ ، أي : $3 = p$

و بالتالي فإن : $(\Delta) : y = -2x + 3$

(6) - لنحدد المعادلة المختصرة للمستقيم (L) واسط القطعة $[BC]$.

(L) واسط $[BC]$ يعني أن $(L) \perp (BC)$ و أن (L) يمر من منتصف $[BC]$.

لدينا المعادلة المختصرة للمستقيم (L) على شكل $y = mx + p$: (L) .

*/ لنحدد m :

لدينا $(L) \perp (BC)$: يعني أن $m \times m_{(BC)} = -1$ أي :

$$m \times \frac{y_B - y_C}{x_B - x_C} = -1$$

$$m \times \frac{-2-1}{1+1} = -1$$

$$m \times \frac{-3}{2} = -1$$

$$m = \frac{-1}{\frac{-3}{2}}$$

$$m = \frac{2}{3}$$

إذن : $y = \frac{2}{3}x + p$: (L) .

*/ لنحدد p :

لتكن K منتصف $[BC]$. إذن $K\left(\frac{x_B + x_C}{2}; \frac{y_B + y_C}{2}\right)$ ، أي $K\left(\frac{-1+1}{2}; \frac{-2+5}{2}\right)$

إذن $K\left(0; \frac{3}{2}\right)$

$K \in (L)$ يعني أن $y_K = \frac{2}{3}x_K + p$ ، أي $0 = \frac{2}{3} \times \frac{3}{2} + p$

$$-1 = p$$

و بالتالي فإن $(L) : y = \frac{2}{3}x - 1$

تمرين ④ :

(1) - لتثبت أن $(AB) \perp (CD)$.

لدينا : $m_{(AB)} \times m_{(CD)} = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} \times \frac{y_C - y_D}{x_C - x_D}$

$$= \frac{3+1}{3-7} \times \frac{4+2}{8-2}$$

$$= \frac{4}{-4} \times \frac{6}{6}$$

$$= -1 \times 1$$

$$= -1$$

و بالتالي فإن $(AB) \perp (CD)$.

(ب) -- لثبت أن : $(BD) \parallel (AC)$.
لدينا :

$$m_{(BD)} = \frac{y_B - y_D}{x_B - x_D} \quad 9 \quad m_{(AC)} = \frac{y_A - y_C}{x_A - x_C}$$

$$= \frac{-1+2}{7-2} \quad = \frac{3-4}{3-8}$$

$$= \frac{1}{5} \quad = \frac{-1}{-5} = \frac{1}{5}$$

إذن : $m_{(AC)} = m_{(BD)}$ و بالتالي فإن : $(BD) \parallel (AC)$.

(2) - (أ) -- لنحدد a :

لدينا : $(AE) \parallel (BC)$ يعني أن : $m_{(AE)} = m_{(BC)}$ و منه فإن : $\frac{y_A - y_E}{x_A - x_E} = \frac{y_B - y_C}{x_B - x_C}$

$$\frac{-5}{3-a} = \frac{-5}{-1} \quad \text{و منه فإن} \quad \frac{3-8}{3-a} = \frac{-1-4}{7-8}$$

$$-5(3-a) = 5 \quad \text{يعني أن}$$

$$-15 + 5a = 5$$

$$5a = 5 + 15$$

$$a = \frac{20}{5}$$

$$a = 4$$

إذن : $a = 4$.

(ب) -- لنحدد b .

لدينا : $(AF) \perp (BC)$ يعني أن : $m_{(AF)} \times m_{(BC)} = -1$ و منه فإن : $\frac{y_A - y_F}{x_A - x_F} \times \frac{y_B - y_C}{x_B - x_C} = -1$

$$\frac{3-b}{-5} \times \frac{5}{1} = -1 \quad \text{و منه فإن} \quad \frac{3-b}{3-8} \times \frac{-5}{-1} = -1$$

$$15 - 5b = 5 \quad \text{يعني أن}$$

$$-5b = 5 - 15$$

$$-5b = -10$$

$$b = \frac{-10}{-5}$$

$$b = 2$$

إذن : $b = 2$.

تمرين ⑤ :

(1) - لنحدد إحداثيتي E .

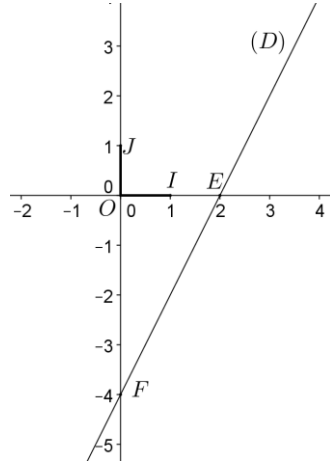
لدينا : E تقاطع (D) و محور الأفاصيل يعني أن : $E \in (D)$ و $E \in (OI)$ و منه فإن : $\left. \begin{array}{l} y_E = 2x_E - 4 \\ y_E = 0 \end{array} \right\}$

$$\left. \begin{array}{l} 0 = 2x_E - 4 \\ y_E = 0 \end{array} \right\} \text{ و منه فإن} \quad \left. \begin{array}{l} 2x_E = 4 \\ y_E = 0 \end{array} \right\} \text{ أي} \quad \left. \begin{array}{l} x_E = 2 \\ y_E = 0 \end{array} \right\} \text{ و بالتالي فإن} \quad \boxed{E(2; 0)}$$

(2) - لتحديد إحداثيات F .

لدينا : F تقاطع (D) و محور الأرتيب يعني أن : $\left. \begin{array}{l} F \in (D) \\ F \in (OJ) \end{array} \right\}$ و منه فإن : $\left. \begin{array}{l} y_F = 2x_F - 4 \\ x_F = 0 \end{array} \right\}$

أي : $\left. \begin{array}{l} y_F = 2 \times 0 - 4 \\ x_F = 0 \end{array} \right\}$ و منه فإن : $\left. \begin{array}{l} y_F = -4 \\ x_F = 0 \end{array} \right\}$ و بالتالي فإن : $F(0; -4)$.



(3) - لننشئ المستقيم (D) .
لدينا : $(D) = (EF)$.

تمرين 6 :

(1) - للتحقق من أن المعادلة المختصرة للمستقيم (AB) هي : $y = 2x - 17$: (AB) .

لدينا : $\left. \begin{array}{l} 2x_A - 17 = 2 \times 8 - 17 = 16 - 17 = -1 \\ 2x_B - 17 = 2 \times 7 - 17 = 14 - 17 = -3 \end{array} \right\}$ و بما أن : $\left. \begin{array}{l} y_A = -1 \\ y_B = -3 \end{array} \right\}$ فإن : $\left. \begin{array}{l} y_A = 2x_A - 17 \\ y_B = 2x_B - 17 \end{array} \right\}$

و بالتالي فإن : المعادلة المختصرة للمستقيم (AB) هي : $y = 2x - 17$: (AB) .

(2) - لثبت أن $(\Delta) \perp (AB)$.

لدينا : $(\Delta) : x + 2y - 7 = 0$ يعني أن : $2y = -x + 7$ و منه فإن : $y = \frac{-1}{2}x + \frac{7}{2}$

إذن : $m_{(\Delta)} \times m_{(AB)} = \frac{-1}{2} \times 2 = -1$ و بالتالي فإن : $(\Delta) \perp (AB)$.

(3) - لتحديد قيمة a :

لدينا : (K) و (AB) متوازيان يعني أن : $m_{(K)} = m_{(AB)}$ و منه فإن : $\frac{a-1}{3} = 2$

يعني أن : $a - 1 = 6$ و منه فإن : $a = 6 + 1$ و بالتالي فإن : $a = 7$.